

# Anfrageverarbeitung

Datenbanken

wissen.leben

ORDER BY  $k.KundenID, k.Name$

$\pi_{KID, Name, Einnahmen}$

$k.KundenID \mathcal{F}_{SUM(a.Total)}(R)$

$\bowtie_{k.KundenID=a.KundenID}$

$\sigma_{8000 \leq Plz \leq 8999}$

$a$

$k$

Tanya Braun

Arbeitsgruppe Data Science, Institut für Informatik

## Danksagung

- Folien basieren ursprünglich auf dem Kurs

„Architecture and Implementation of Database Systems“  
von Jens Teubner an der ETH Zürich

- Graphiken wurden mit Zustimmung des Autors aus diesem Kurs übernommen

# Inhalte: Datenbanken (DBs)

## 1. Einführung

- Anwendungen
- Datenbankmanagementsysteme

## 2. Datenbank-Modellierung

- Entity-Relationship-Modell (ER-Modell)
- Beziehung zwischen ER und UML

## 3. Das relationale Modell

- Relationales Datenmodell (RM)
- Vom ER-Modell zum RM
- Relationale Algebra als Anfragesprache

## 4. Relationale Entwurfstheorie

- Funktionale Abhängigkeiten
- Normalformen

## 5. Structured Query Language (SQL)

- Datendefinition
- Datenmanipulation

## 6. Anfrageverarbeitung

- Architektur
- Indexierung
- Anfragepläne, Optimierung

## 7. Transaktionen

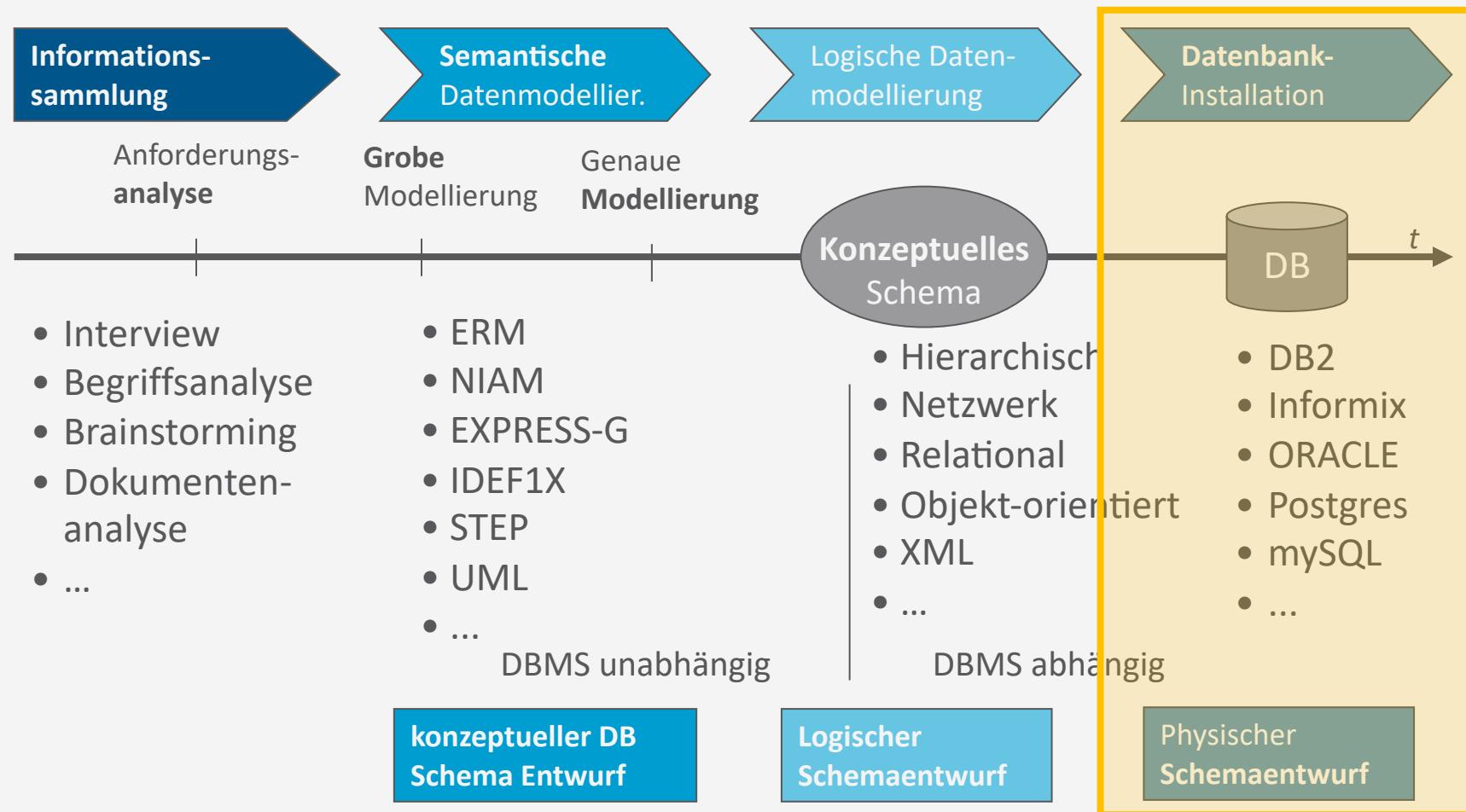
- Transaktionsverarbeitung, Schedules, Sperren
- Wiederherstellung

## 8. Verteilte Datenbanken

- Fragmentierung, Replikation, Allokation; CAP
- Anfragebeantwortung, föderierte Systeme

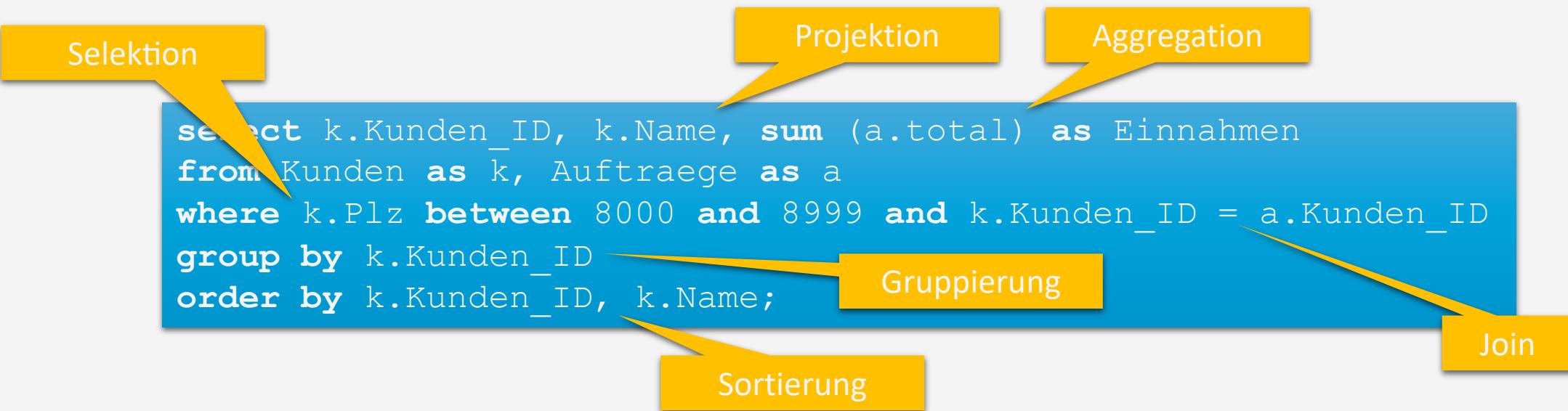
# Phasen des DB-Entwurfs

- Ausblick: Von der Anwendung her
  - Teil von 2. DB-Modellierung
    - Methode: ERM
  - Teil von 3. Das relationale Datenmodell
    - Methode: relationale Modellierung
  - Teil von 4. DB-Entwurf
  - Teil von 5. SQL & Übergang zu „Hinter den Kulissen“



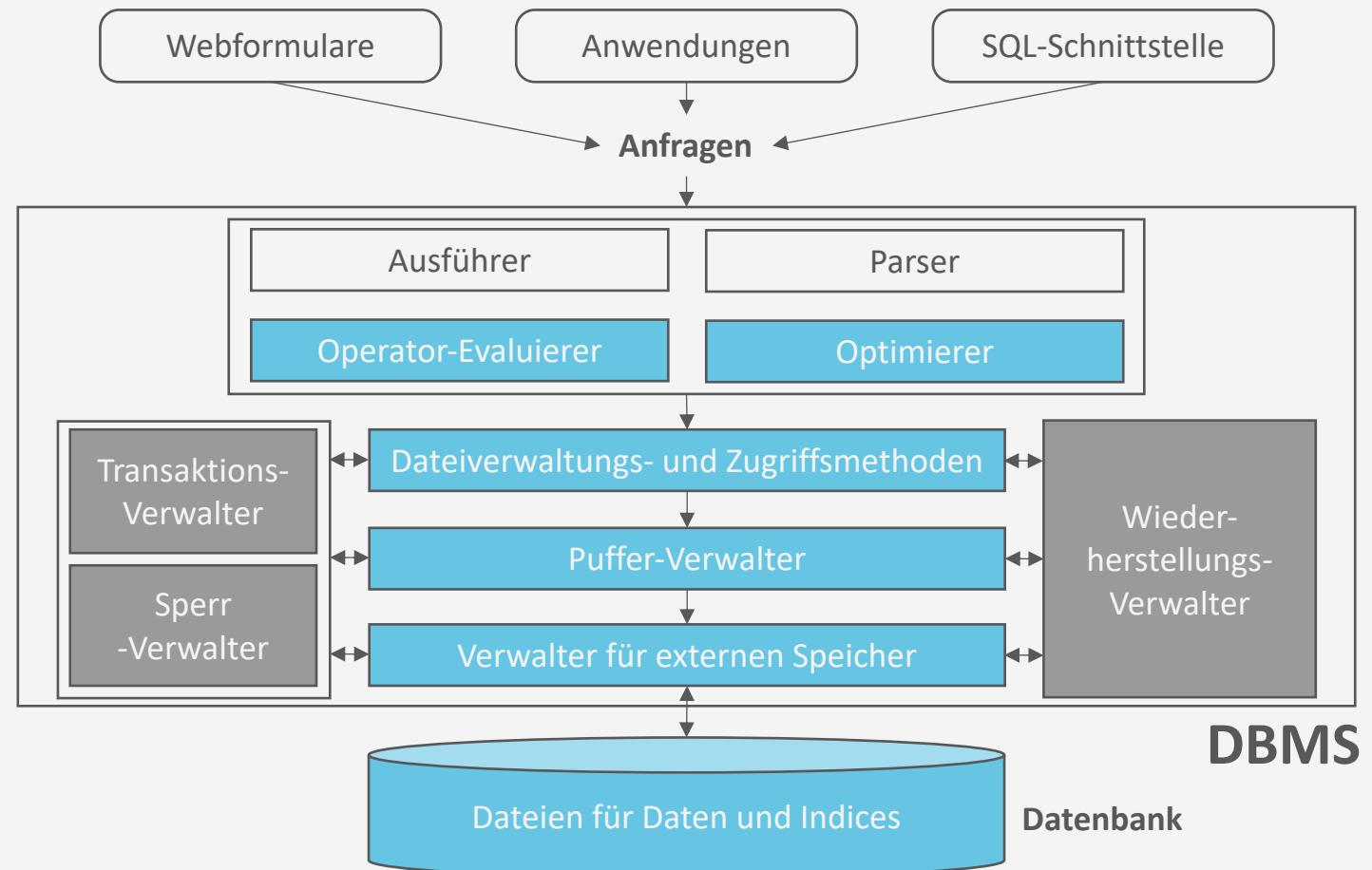
## Anfragebeantwortung

- DBMS muss eine Menge von Aufgaben erledigen
  - Mit minimalen Ressourcen
  - Über großen Datenmengen
  - So schnell wie möglich



# Architektur eines DBMS

- Speicherung
  - Speichermedien
  - Verwaltung
  - Puffer
  - Zugriff
- Anfrageverarbeitung
  - Operator-Evaluierer
  - Optimierer
- Transaktionsmanagement
  - Transaktionsverwaltung
  - Sperrverwaltung
  - Wiederherstellungsverwaltung



# Überblick: 6. Anfrageverarbeitung

## A. Speicherung

- Speichermedien
- Verwaltung
- Puffer
- Zugriff

## B. Indexierung

- ISAM-Index
- B<sup>+</sup>-Bäume (B\*-Bäume)
- Hash-basierte Indexe

## C. Anfragebeantwortung

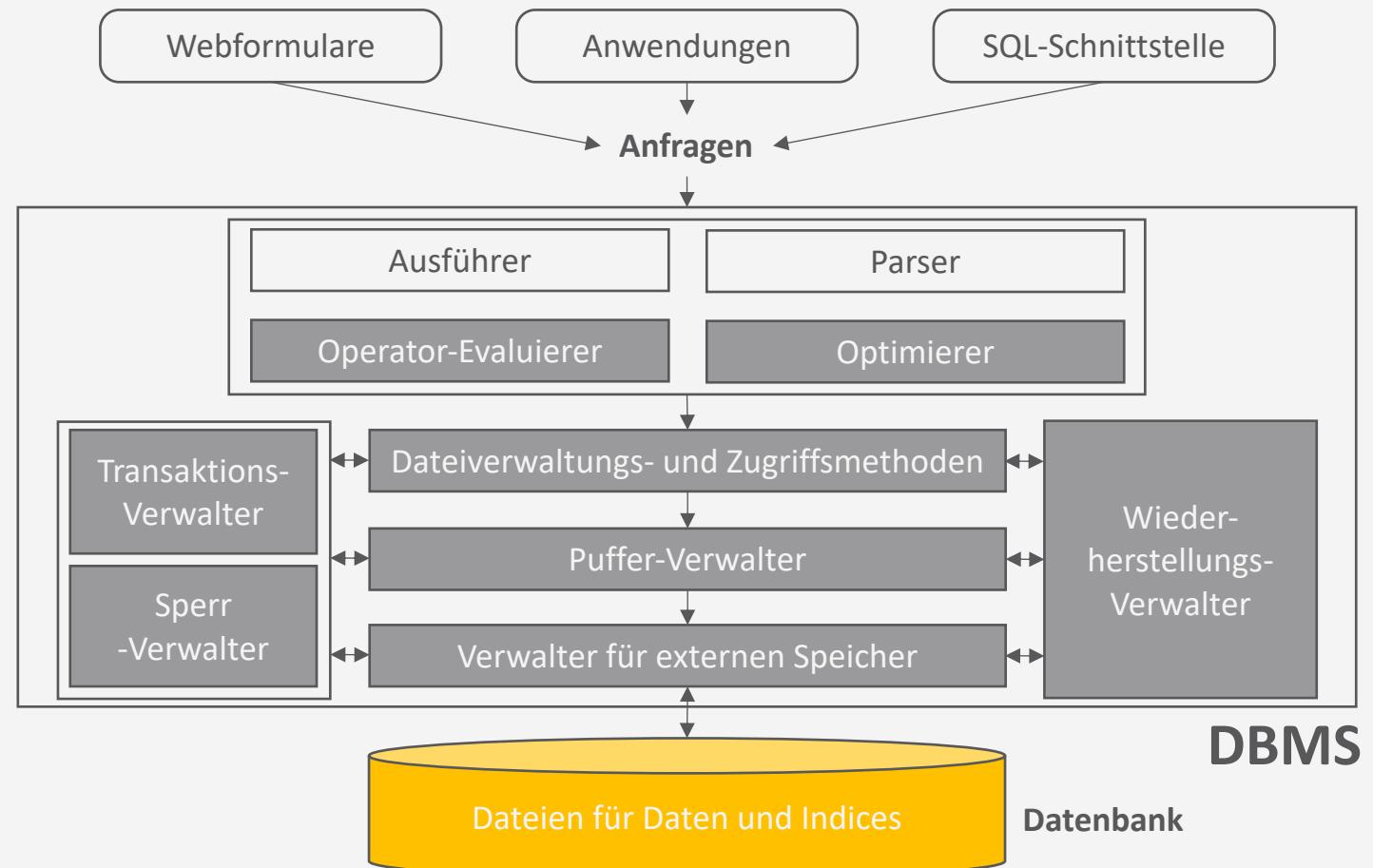
- Sortieren
- Join-Verarbeitung
- Weitere Operationen
- Pipelining

## D. Anfrageoptimierung

- Rewriting
- Datenabhängige Optimierung

# Architektur eines DBMS

- Speicherung
  - Speichermedien
- Verwaltung
- Puffer
- Zugriff
- Anfragebeantwortung
- Transaktionsmanagement



## Speicherung

- Daten in Datenbanken sind in der Regel
  - Persistent
  - **Zu groß um in den Hauptspeicher zu passen**
- Anforderung an Speicherung
  - Entsprechend große Menge an Speicherplatz
  - Schneller Zugriff vs. vertretbare Kosten
  - Sicherung der Daten gegeben (Totalverlust inakzeptabel)
- Wir schauen uns Festplattenspeicher als Beispiel an
  - Ob Festplattenspeicher, Netzwerkspeicher oder anderes → Bottlenecks / Anforderungen kennen

## Speicherhierarchie

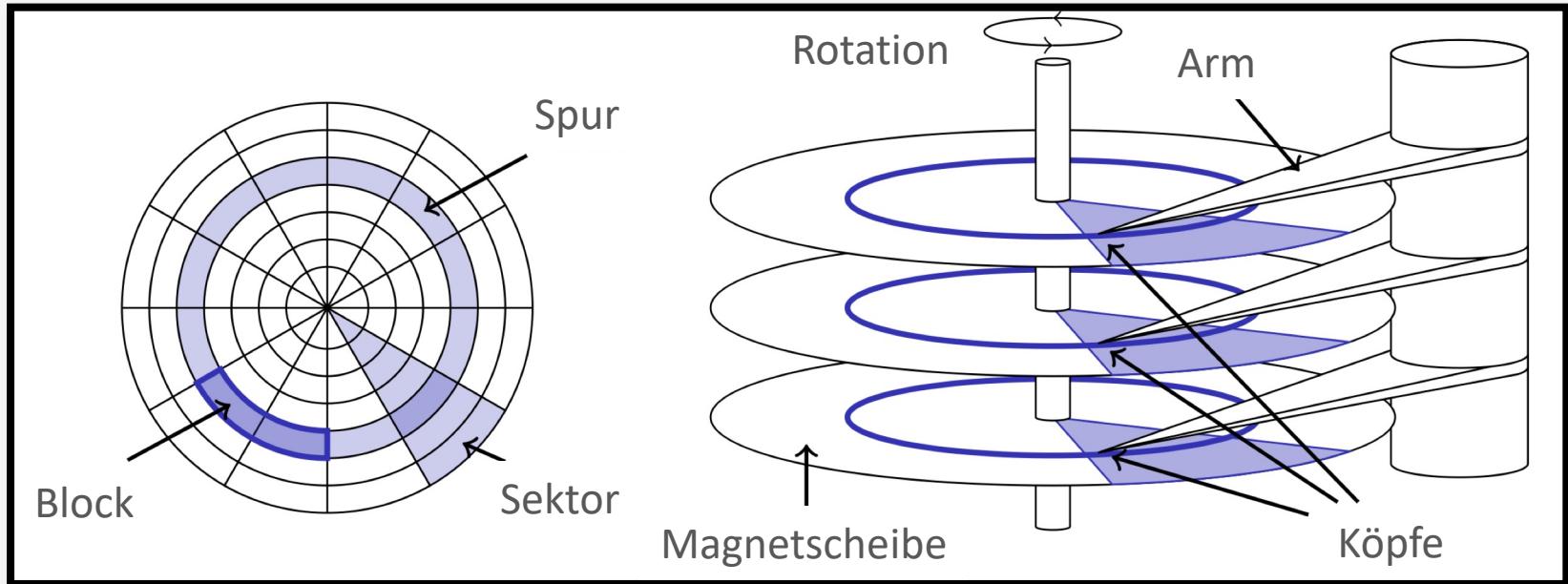
- CPU (mit Registern)
- Cache-Speicher
- Hauptspeicher
- Flash-Speicher / SSD
- Festplatte
- Bandautomat

Kapazität	Latenz
Bytes	< 1 ns
Kilo-/Mega-Bytes	< 10 ns
Giga-Bytes	20-100 ns
Giga/Tera/Peta-Bytes	30-250 µs
Tera/Peta-Bytes	3-10 ms
Peta-Bytes	variierend

- Zur CPU: Schnell aber klein
- Zur Peripherie: Langsam aber groß
- Cache-Speicher zur Verringerung der Latenz
- **Blockweises Lesen/Schreiben** ab Flash/SSD (Block etwa 4K)

# Magnetische Platten / Festplatten

- Schrittmotor positioniert Arme auf bestimmte Spur
- Magnetscheiben rotieren ständig



## Zugriffszeit bei Festplatten

- Konstruktion der Platten hat Einflüsse auf Zugriffszeit (lesend und schreibend) auf einen Block
  1. Bewegung der Arme auf die gewünschte Spur (**Suchzeit  $t_s$** )
  2. Wartezeit auf gewünschten Block bis er sich unter dem Arm befindet (**Rotationsverzögerung  $t_r$** )
  3. Lese- bzw. Schreibezeit (**Transferzeit  $t_{tr}$** )
- **Zugriffszeit:**  $t = t_s + t_r + t_{tr}$
- Beispiel: Hitachi Travelstar 7K200
  - 4 Köpfe, 2 Magnetplatten, 512 Bytes/Sektor, Kapazität: 200 GB
  - 2 Köpfe pro Platte → max. halbe Runde für Blockanfang →  $t_r = 8,33/2 \text{ ms} = 4,17 \text{ ms}$
  - Rotationsgeschwindigkeit: 7200 rpm
    - $1r = 1/7200 \text{ m} = 1/120 \text{ s} = 8,33 \text{ ms}$
  - Mittlere Suchzeit: 10 ms
    - $t_s = 10 \text{ ms}$
  - Transferrate: ca. 50 MB/s
    - $t_{tr} = \frac{8\text{KB}}{50\text{MB/s}} = 0,16 \text{ ms}$
  - **Zugriffszeit** auf einen Block von **8 KB**?
    - $t = 10 \text{ ms} + 4,17 \text{ ms} + 0,16 \text{ ms} = 14,33 \text{ ms}$

## Sequentieller vs. Wahlfreier Zugriff

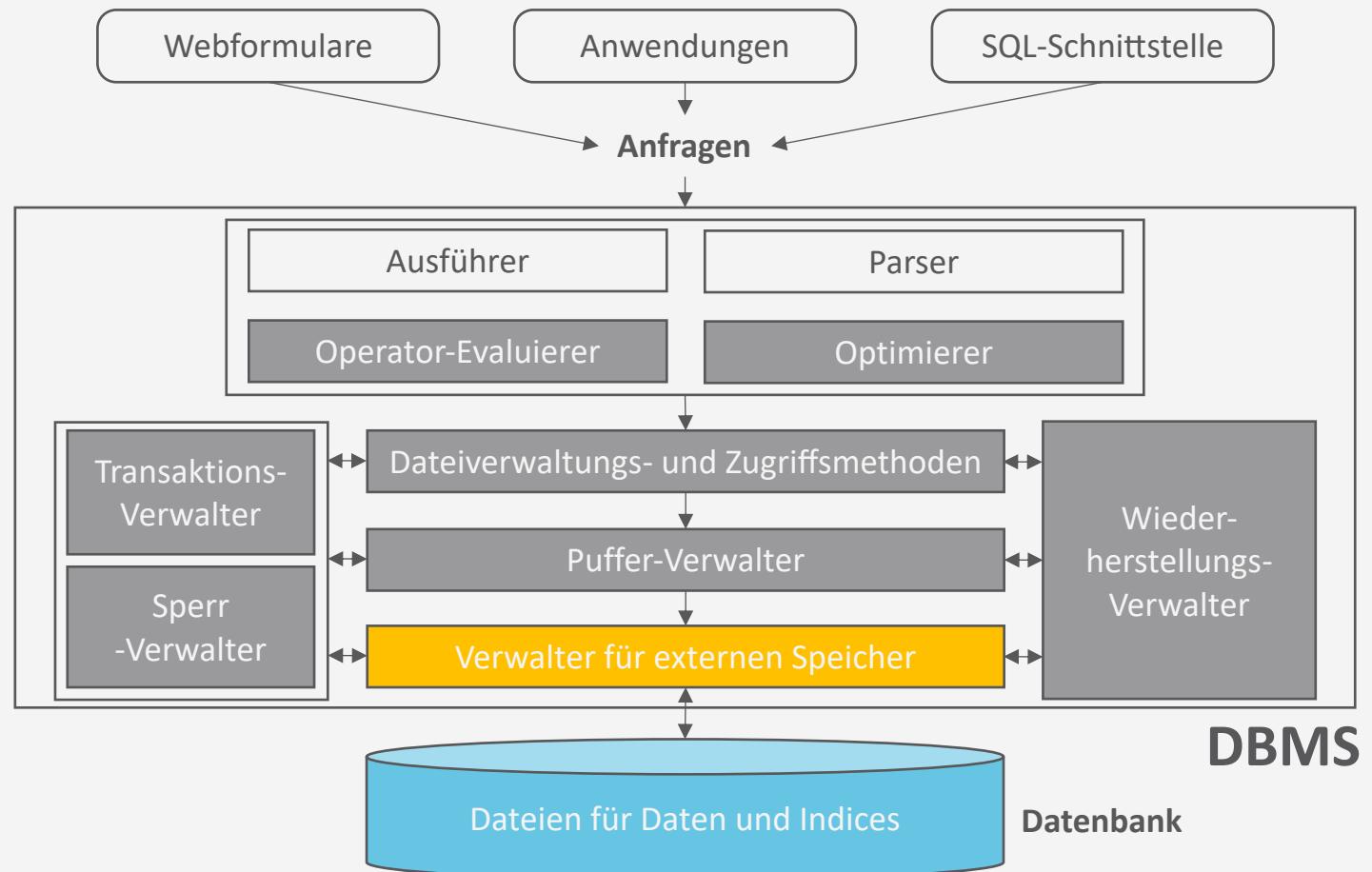
- Fortsetzung Travelstar Beispiel: Lese 1000 Blöcke von je 8 KB (8MB)
  - **Wahlfreier Zugriff:**
    - $t_{rand} = 1000 \cdot 14,33 \text{ ms} = 14.330 \text{ ms}$
  - **Sequentieller Zugriff:**
    - 63 Sektoren / Spur, Track-to-Track-Suchzeit  $t_{s,t2t}$  (von einer Spur zur nächsten Spur): **1 ms**
    - Ein Block mit 8 KB benötigt 16 Sektoren (8KB/512 B/Sektor): 16.000 Sektoren lesen  
→ Bei 63 Sektoren pro Spur macht das  $16000/63 \approx 253$  Spuren
    - $t_{seq} = t_s + t_r + 1000 \cdot t_{tr} + 253 \cdot t_{s,t2t} \approx 10\text{ms} + 4,17\text{ms} + 1000 \cdot 0,16\text{ms} + 253 \cdot 1 \text{ ms} \approx 427\text{ms}$
  - **Einsicht:** Sequentieller Zugriff **viel** schneller als wahlfreier → Vermeide wahlfreie I/O, wenn möglich
    - Wenn  $428 \text{ ms}/14330 \text{ ms} \approx 3\%$  einer 8MB Datei wahlfrei benötigt wird, kann man gleich die ganze Datei lesen, sofern Blöcke hintereinander stehen

## Speichernetzwerk (Storage Area Network, SAN)

- Block-basierter Netzwerkzugriff auf Speicher
  - Als logische Platten betrachtet (Suche Block 4711 von Disk 42)
    - SAN-Speichergeräte abstrahieren von RAID oder physikalischen Platten und zeigen sich dem DBMS als logische Platten
    - Hardwarebeschleunigung und einfachere Verwaltung
  - Üblicherweise lokale Netzwerke mit multiplen Servern, Speicherressourcen
    - Bessere Fehlertoleranz und erhöhte Flexibilität
- Alternative: Cloud-Speicher
  - Cluster von vielen Standard-PCs (z.B. Google, Amazon)
    - Systemkosten vs. Zuverlässigkeit und Performanz
    - Verwendung massiver Replikation von Datenspeichern
  - CPU-Zyklen und Disk-Kapazität als Service
    - Amazons „Simple Storage System (S3)“
      - Latenz: 100 ms bis 1s!
      - Datenbank auf Basis von S3 entwickelt in 2008

# Architektur eines DBMS

- Speicherung
  - Speichermedien
    - Datenbanken in der Regel nicht im Hauptspeicher vorhaltbar
    - Wahlfreier Zugriff teuer im Vergleich zu sequentiellem Zugriff
  - Verwaltung
  - Puffer
  - Zugriff
- Anfragebeantwortung
- Transaktionsmanagement



## Verwaltung des externen Speichers

- Abstraktion von technischen Details der Speichermedien
- Konzepte der Seite ([page](#)) mit typischerweise 4-64KB als Speichereinheiten für die restlichen Komponenten
- Verzeichnis für Abbildung

[Seitennummer → Physikalischer Speicherort](#)

wobei der physikalische Speicherort

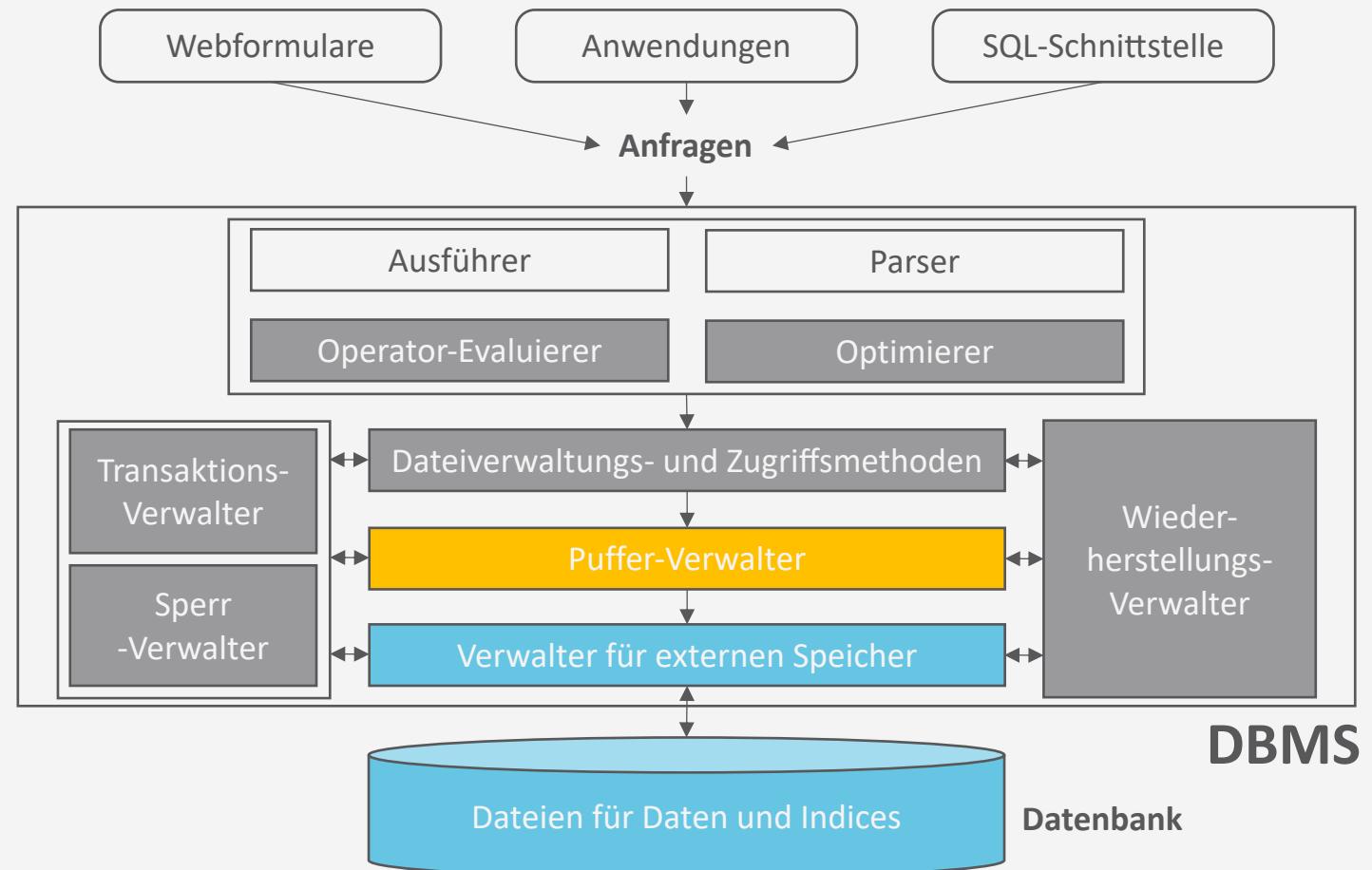
- eine Betriebssystemdatei inkl. Versatz,
  - eine Angabe Kopf-Sektor-Spur einer Festplatte oder
  - eine Angabe für Bandgerät und -nummer inkl. Versatz
- sein kann

## Leere Seiten

- Leere Seiten
  - Insert: Finde leere Seite, die das Datenobjekt speichern kann
  - Delete: Seite wird frei
- Verwaltung leerer Seiten:
  1. Liste der freien Seiten
    - Hinzufügen, falls Seite nicht mehr verwendet
  2. Bitmap mit einem Bit für jede Seite
    - Umklappen des Bits  $p$ , wenn Seite  $p$  (de-)alloziert wird
    - Finden von hintereinanderliegenden Seiten einfacher
- Persistent als Verwaltungsinformationen zu speichern

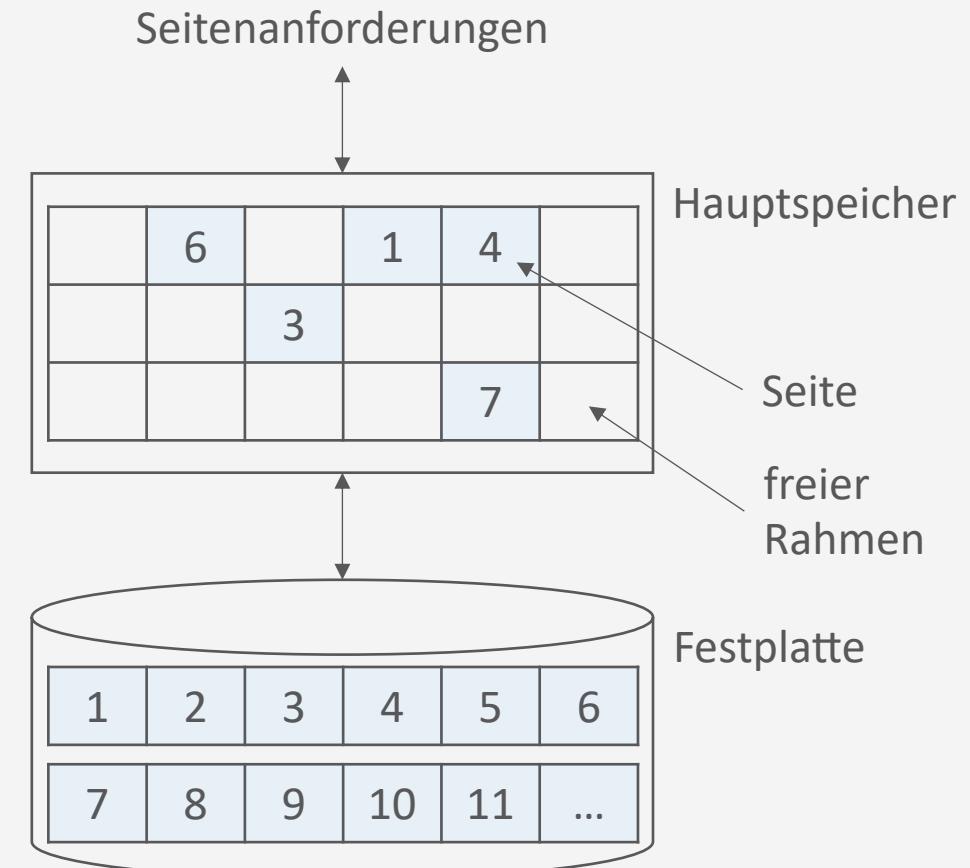
# Architektur eines DBMS

- Speicherung
  - Speichermedien
  - Verwaltung
    - Seiten zur Referenz von Speichereinheiten
  - Puffer
  - Zugriff
- Anfragebeantwortung
- Transaktionsmanagement



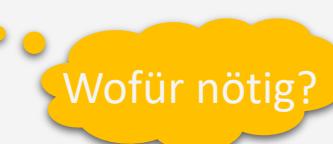
## Puffer-Verwalter

- Vermittelt zwischen externem und internem Speicher (Hauptspeicher)
- Verwaltet hierzu einen besonderen Bereich im Hauptspeicher, den Pufferbereich (buffer pool)
- Externe Seiten in **Rahmen** des Pufferbereichs laden
- Ersetzungsstrategien für den Fall, dass der Pufferbereich voll ist



## Schnittstelle zum Puffer-Verwalter

- Funktion **pin** für Anfragen nach Seiten
  - **pin(*pageno*)**
    - Anfrage nach Seitennummer *pageno*
    - Lade Seite in Hauptspeicher falls nötig
    - Rückgabe einer Referenz auf *pageno*
- Funktion **unpin** für Freistellungen von Seiten nach Verwendung
  - **unpin(*pageno, dirty*)**
    - Freistellung einer Seite *pageno* zur möglichen Auslagerung
    - *dirty = true* bei Modifikationen der Seite



## Implementation von pin()

```
function pin(pageno)
    if buffer pool already contains pageno then
        pinCount(pageno) ← pinCount(pageno) + 1
        return address of frame holding pageno
    else
        Select a victim frame  $v$  using the replacement policy
        if dirty( $v$ ) then
            Write  $v$  to disk
            Read page pageno from disk into frame  $v$ 
            pinCount(pageno) ← 1
            dirty(pageno) ← false
        return address of frame  $v$ 
```

Wofür nötig?

## Implementation von unpin()

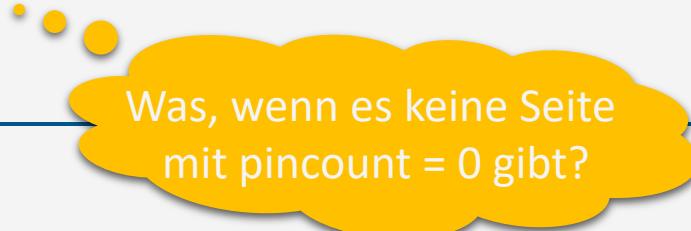
```
function unpin(pageno, dirty)
    pinCount(pageno) ← pinCount(pageno) – 1
    if dirty then
        dirty(pageno) ← dirty
```



Warum werden Seiten  
nicht gleich beim unpin  
zurückgeschrieben?

## Ersetzungsstrategien

- Least Recently Used (LRU)
  - Verdrängung der Seite mit am längsten zurückliegendem unpin()
- LRU- $k$ 
  - Wie LRU, aber  $k$ -letztes unpin(), nicht letztes
- Most Recently Used (MRU)
  - Verdrängung der Seite mit jüngstem unpin()
- Random
  - Verdrängung einer beliebigen Seite
- Viele mehr...
- Seite muss pincount = 0 haben, um für Ersetzung zur Verfügung zu stehen



Was, wenn es keine Seite mit pincount = 0 gibt?

# Pufferverwaltung in der Praxis

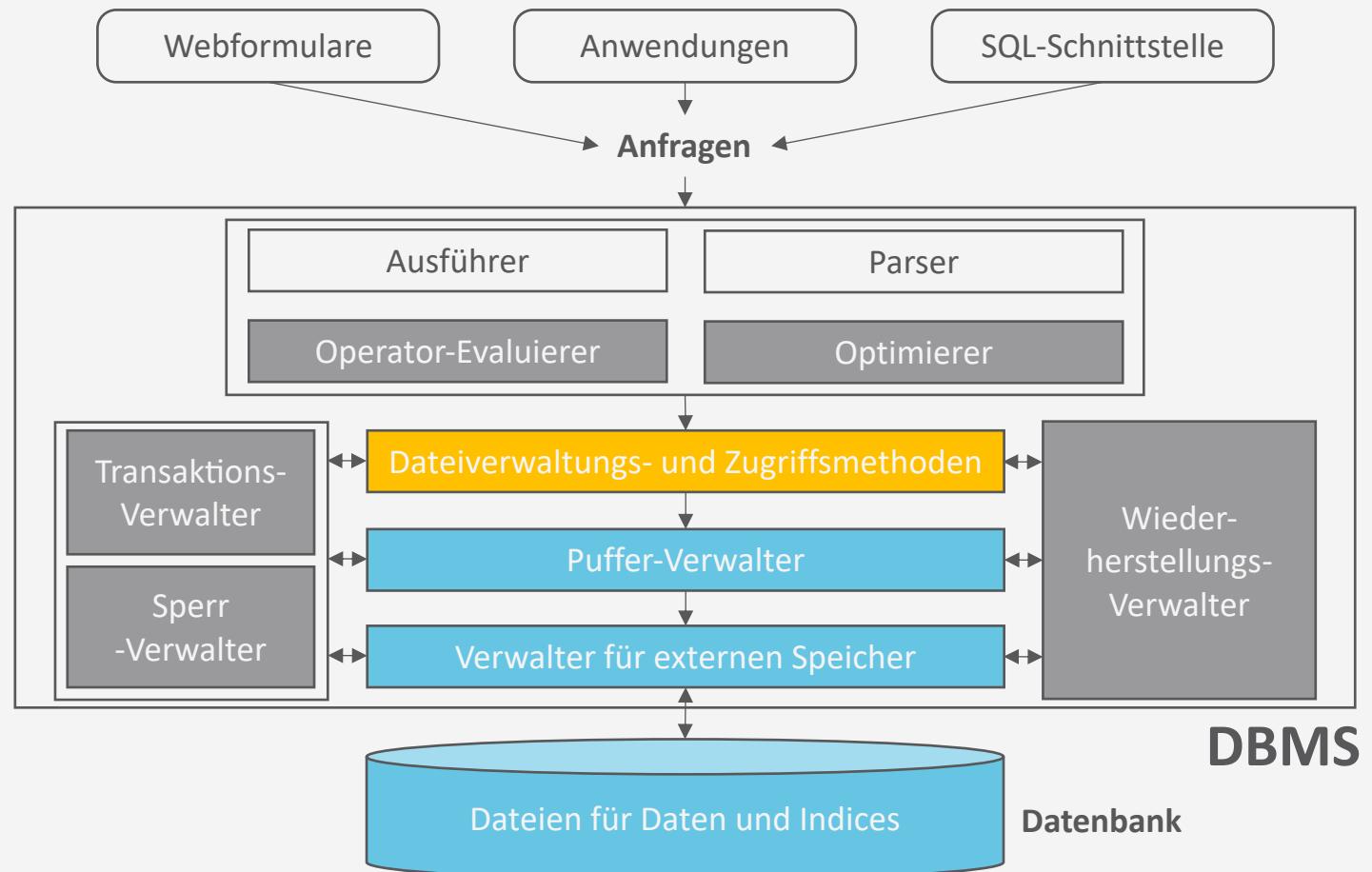
- Prefetching
  - Antizipation von Anfragen, um CPU- und I/O-Aktivität zu überlappen
    - Spekulatives Prefetching: Nehme sequentiellen Seitenzugriff an und lese im Vorwege
    - Prefetch-Listen mit Instruktionen für den Pufferverwalter für Prefetch-Seiten
- Fixierungs- oder Verdrängungsempfehlung
  - Höherer Code kann Fixierung (z.B. für Indexseiten) oder schnelle Verdrängung (bei sequentiellen Scans) empfehlen
- Partitionierte Pufferbereiche
  - Z.B. separate Bereiche für Index und Tabellen

## Datenbanken vs. Betriebssysteme

- Haben wir nicht gerade ein Betriebssystem entworfen?
- **Ja**
  - Verwaltung für externen Speicher und Pufferverwaltung ähnlich
- **Aber**
  - DBMS weiß mehr über Zugriffsmuster
    - Z.B. für Prefetching
  - Limitationen von Betriebssystemen häufig zu stark für DBMS
    - Obergrenzen für Dateigrößen
    - Plattformunabhängigkeit nicht gegeben
  - Gegenseitige Störung möglich
    - Doppelte Seitenverwaltung
    - DMBS-Transaktionen vs. Transaktionen auf Dateien organisiert vom Betriebssystem
    - DBMS Pufferbereiche durch Betriebssystem ausgelagert
  - Daher: DBMS schaltet oft Betriebssystemdienste aus
    - Direkter Zugriff auf Festplatten
    - Eigene Prozessverwaltung

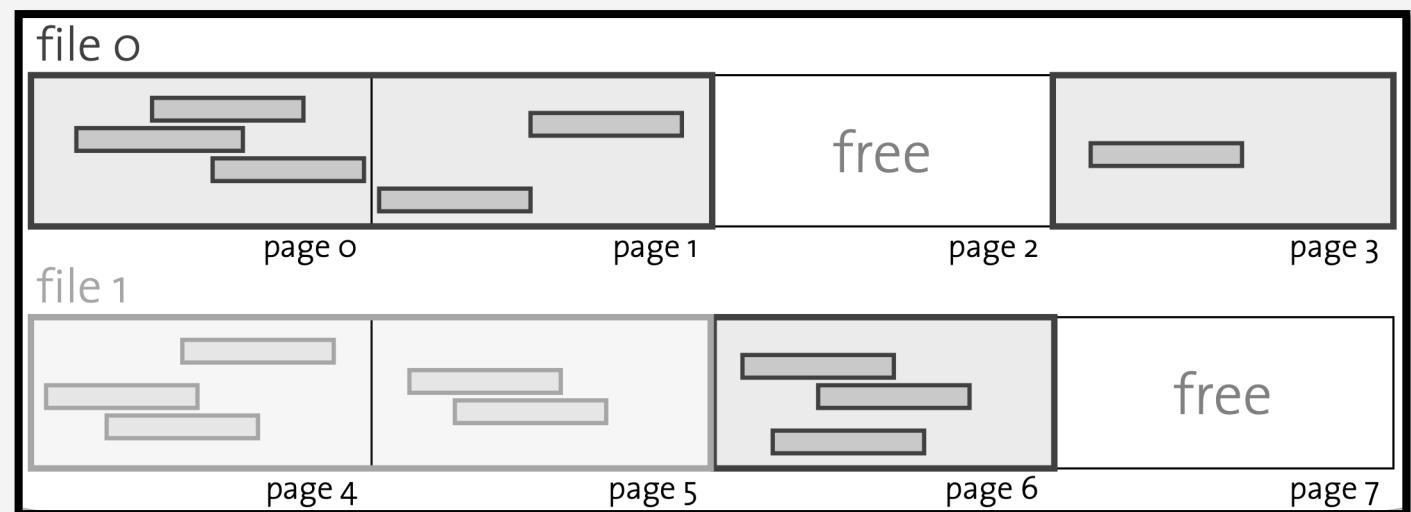
# Architektur eines DBMS

- Speicherung
  - Speichermedien
  - Verwaltung
  - Puffer
    - Rahmen im Pufferbereich um Seiten aus externem Speicher in den Hauptspeicher zu laden
    - Verdrängungsstrategien
    - Zugriff
- Anfragebeantwortung
- Transaktionsmanagement



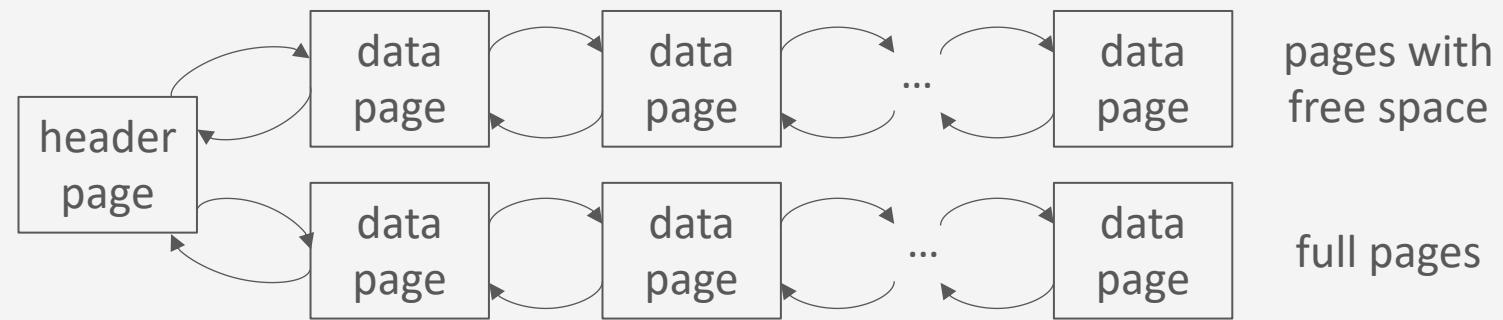
## Datenbank-Dateien

- Seitenverwaltung unbeeinflusst vom Inhalt
- DBMS verwaltet Tabellen von Tupeln, Indexstrukturen, ...
- Tabellen sind Dateien von Datensätzen (*records*)
  - Datei besteht aus einer oder mehreren Seiten
  - Jede Seite speichert einen oder mehrere Datensätze
  - Jeder Datensatz korrespondiert zu einem Tupel



## Heap-Dateien

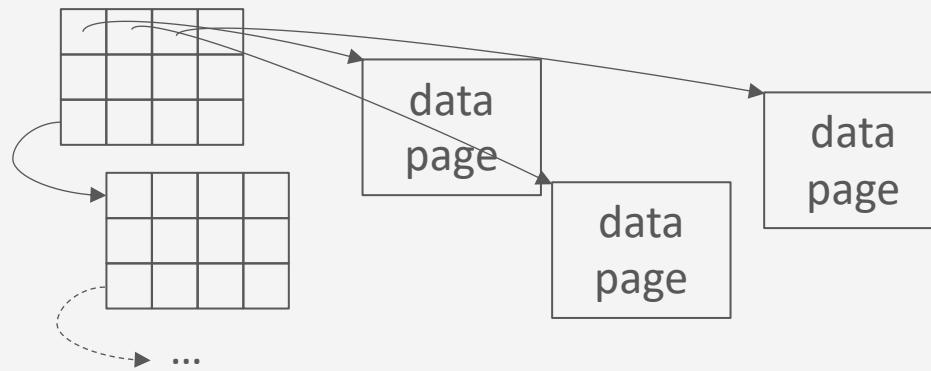
- Wichtigster Dateityp: Speicherung von Datensätzen mit willkürlicher Ordnung (konform mit SQL)
- Umsetzung: **Verkettete Liste von Seiten**



- ✓ Einfach zu implementieren
- ✗ Viele Seiten auf der Liste der freie Seiten (haben also noch Kapazität)
- ✗ Viele Seiten anzufassen bis passende Seite gefunden

## Heap-Dateien

- Wichtigster Dateityp: Speicherung von Datensätzen mit willkürlicher Ordnung (konform mit SQL)
- Umsetzung: **Verzeichnis von Seiten**



- Verwendung als Abbildung mit Informationen über freie Plätze (Granularität Abwägungssache)
- ✓ Suche nach freien Plätzen effizient
- ✗ Zusatzaufwand für Verzeichnisspeicher

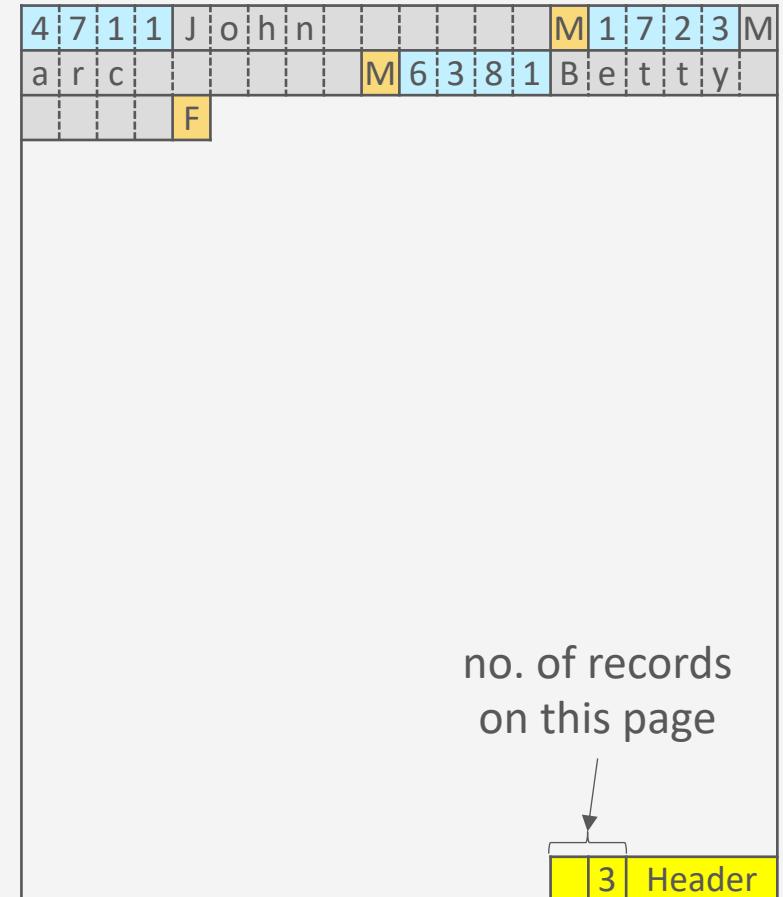
## Freispeicher-Verzeichnis

- Welche Seite soll für neuen Datensatz gewählt werden?
  - Append Only
    - Immer in letzte Seite einfügen, sonst neue Seite anfordern
  - Best-Fit
    - Alle Seiten müssen betrachtet werden, Reduzierung der Fragmentierung
  - First-Fit
    - Suche vom Anfang, nehme erste Seite mit genug Platz
    - Erste Seiten füllen sich schnell, werden immer wieder betrachtet
  - Next-Fit
    - Verwalte Zeiger und führe Suche fort, wo Suche beim vorigen Male endete

## Inhalte einer Seite

- Für jeden Datensatz ergibt sich eine Datensatz-Kennung (*record identifier*, Abkürzung *rid*), typisch:  
 $rid = \langle \text{pageno}, \text{slotno} \rangle$ 
  - Slot: Speicherplatz für einen Datensatz
  - Datensatz-Position (Versatz auf der Seite):  
 $\text{slotno} \cdot \text{Bytes pro Slot}$ 
    - Beginnend bei 0 (sowohl erstes Bit auf der Seite, als auch Slotnummer)
    - Funktioniert so nur bei konstanter Slotgröße
- Beispiel: Angenommen Seite sei 42
  - Referenz Datensatz mit ID 6381:
    - Kennung ist  $\langle 42, 2 \rangle$

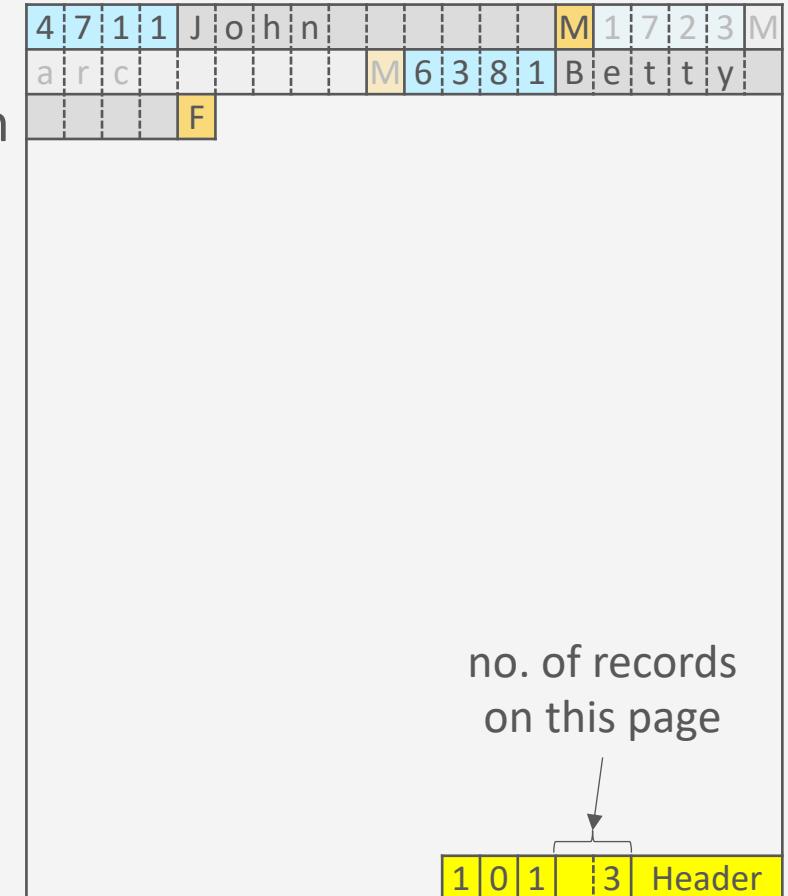
ID	Name	Sex
4711	John	M
1723	Marc	M
6381	Betty	F



## Inhalte einer Seite

- Datensatz gelöscht → rid sollte sich nicht ändern
  - Slot-Verzeichnis (Bitmap) markiert durch 1/0, ob Datensatz noch gültig
- Beispiel Fortsetzung:
  - Nach Löschung von Datensatz mit ID 1723
  - Referenz Datensatz mit ID 6381
    - Kennung ist immer noch {42,2}

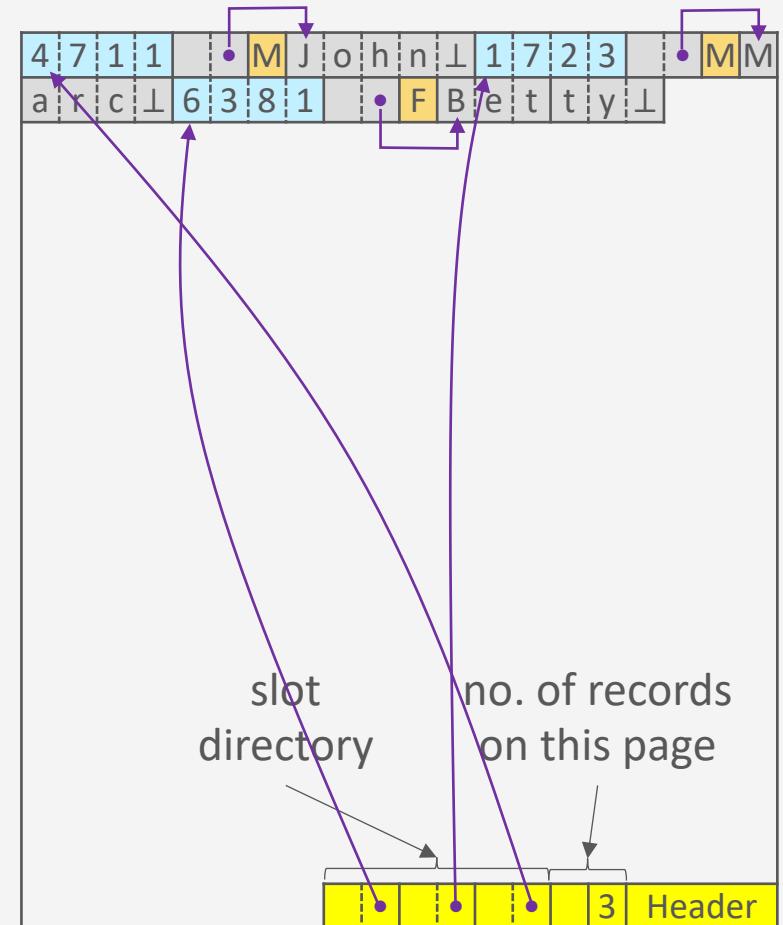
ID	Name	Sex
4711	John	M
1723	Marc	M
6381	Betty	F



## Inhalte einer Seite: Felder variabler Länge

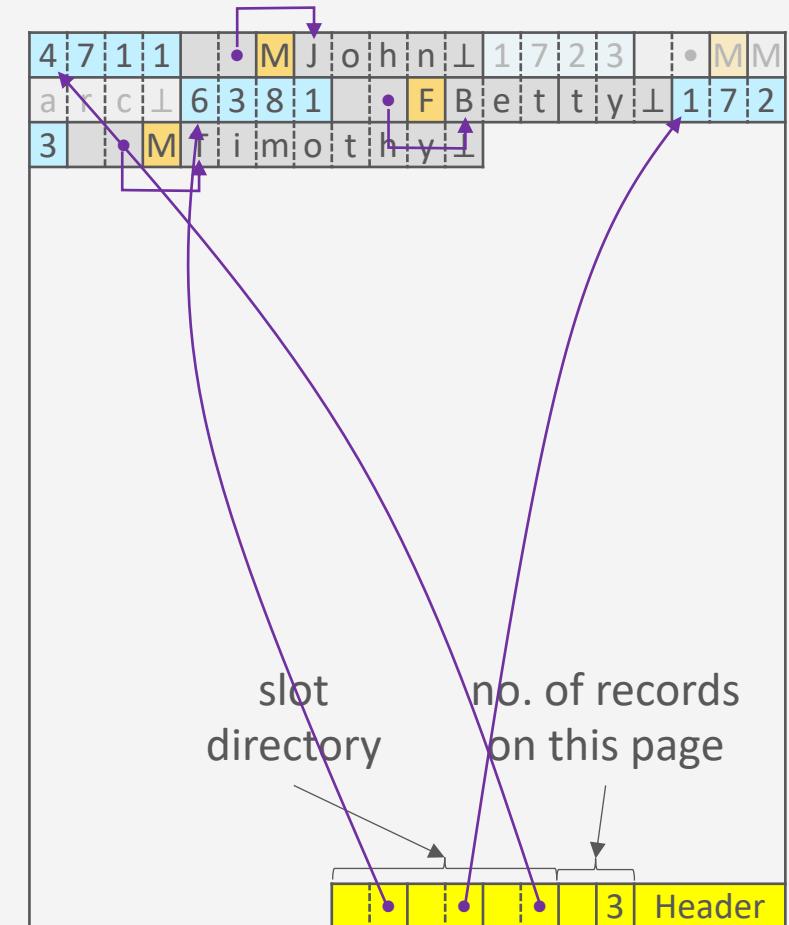
- Felder variabler Länge zum Ende verschoben
  - Platzhalter zeigt auf Position
- Dann brauchen wir ein Slot-Verzeichnis
  - Zeigt auf Start eines Feldes
  - Datensatz-Kennung bleibt bei  $rid = \langle \text{pageno}, \text{slotno} \rangle$ , verweist jetzt aber auf Position im Slot-Verzeichnis
  - Damit können auch Datensätze unterschiedlicher Tabellen mit unterschiedlicher Länge pro Datensatz auf einer Seite gespeichert werden

Warum?



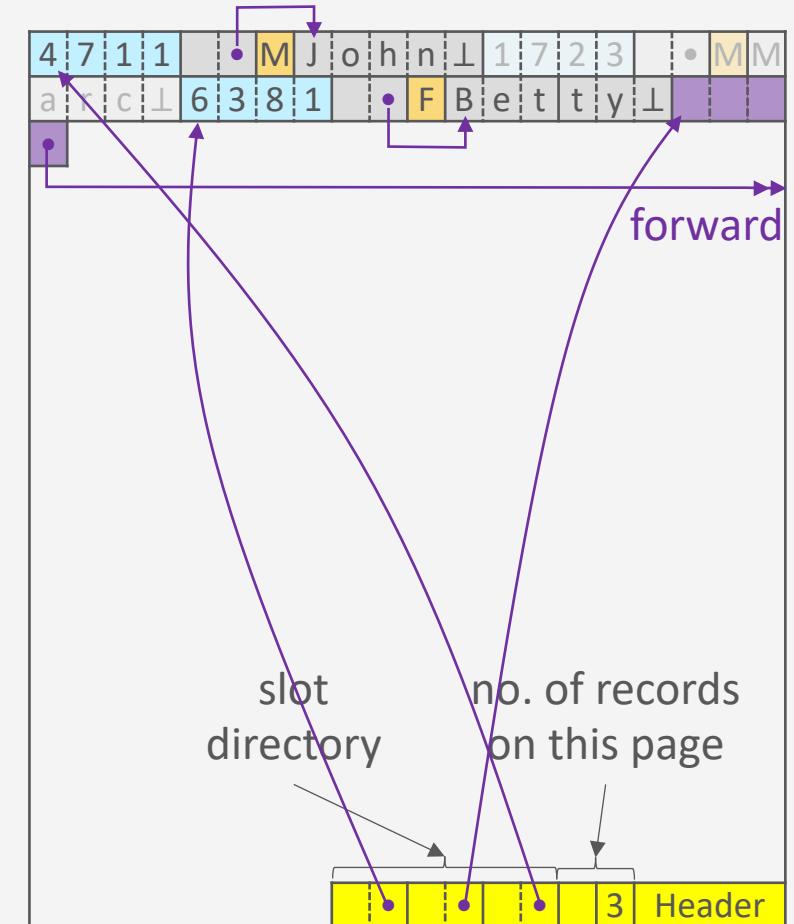
# Inhalte einer Seite: Felder variabler Länge

- Felder können auf Seite verschoben werden (z.B. wenn sich Feldgröße ändert)
  - Beispiel:
    - Datensatz mit ID 1723 hat Kennung  $\langle 42,1 \rangle$
    - Name aktualisieren zu Timothy, was nicht in den Platz passt
    - Umkopieren an neue Stelle
      - Referenz in Slot-Verzeichnis aktualisieren
      - Kennung bleibt  $\langle 42,1 \rangle$



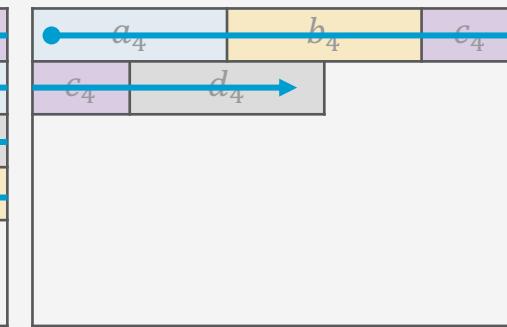
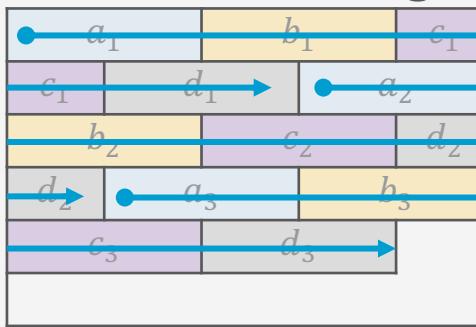
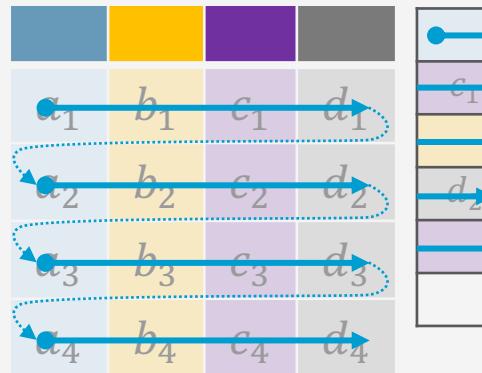
## Inhalte einer Seite: Felder variabler Länge

- Felder können auf Seite verschoben werden (z.B. wenn sich Feldgröße ändert)
- Beispiel:
  - Datensatz mit ID 1723 hat Kennung  $\langle 42,1 \rangle$
  - Name aktualisieren zu Timothy, was nicht in den Platz passt
  - Umkopieren an neue Stelle
    - Referenz in Slot-Verzeichnis aktualisieren
    - Kennung bleibt  $\langle 42,1 \rangle$
- Einführung einer Vorwärtsreferenz, wenn Feld nicht auf Seite passt



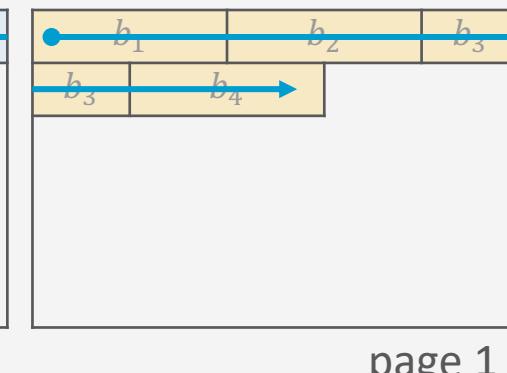
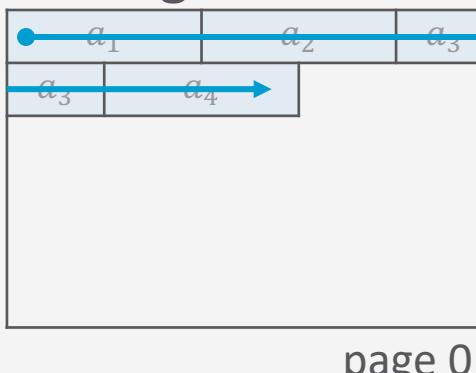
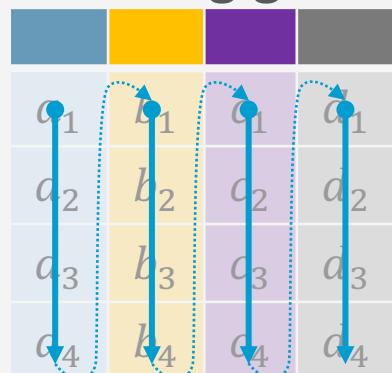
## Alternative Seiteneinteilungen

- Im Beispiel wurden Datensätze zeilenweise angeordnet:



Wann lohnt sich  
welche Einteilung?

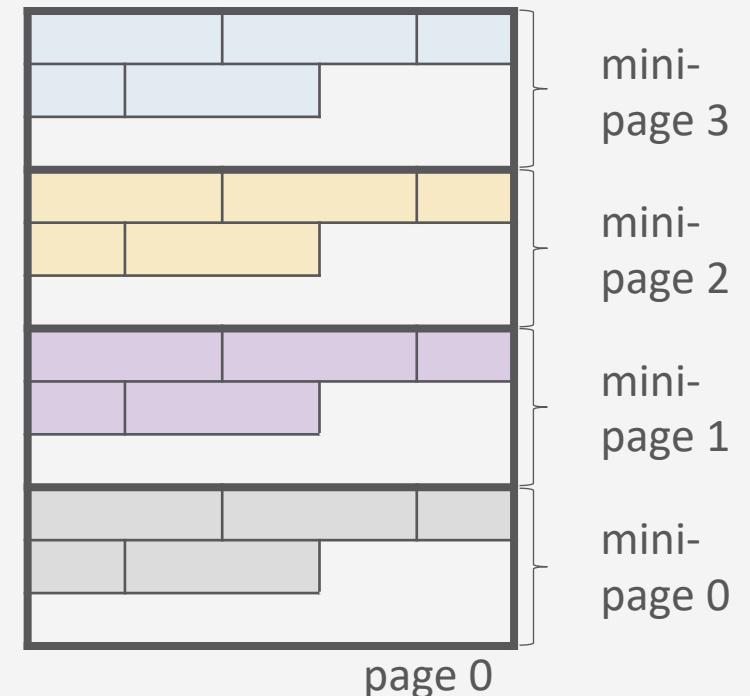
- Spaltenweise Anordnung genauso möglich:



## Alternative Seitenanordnungen

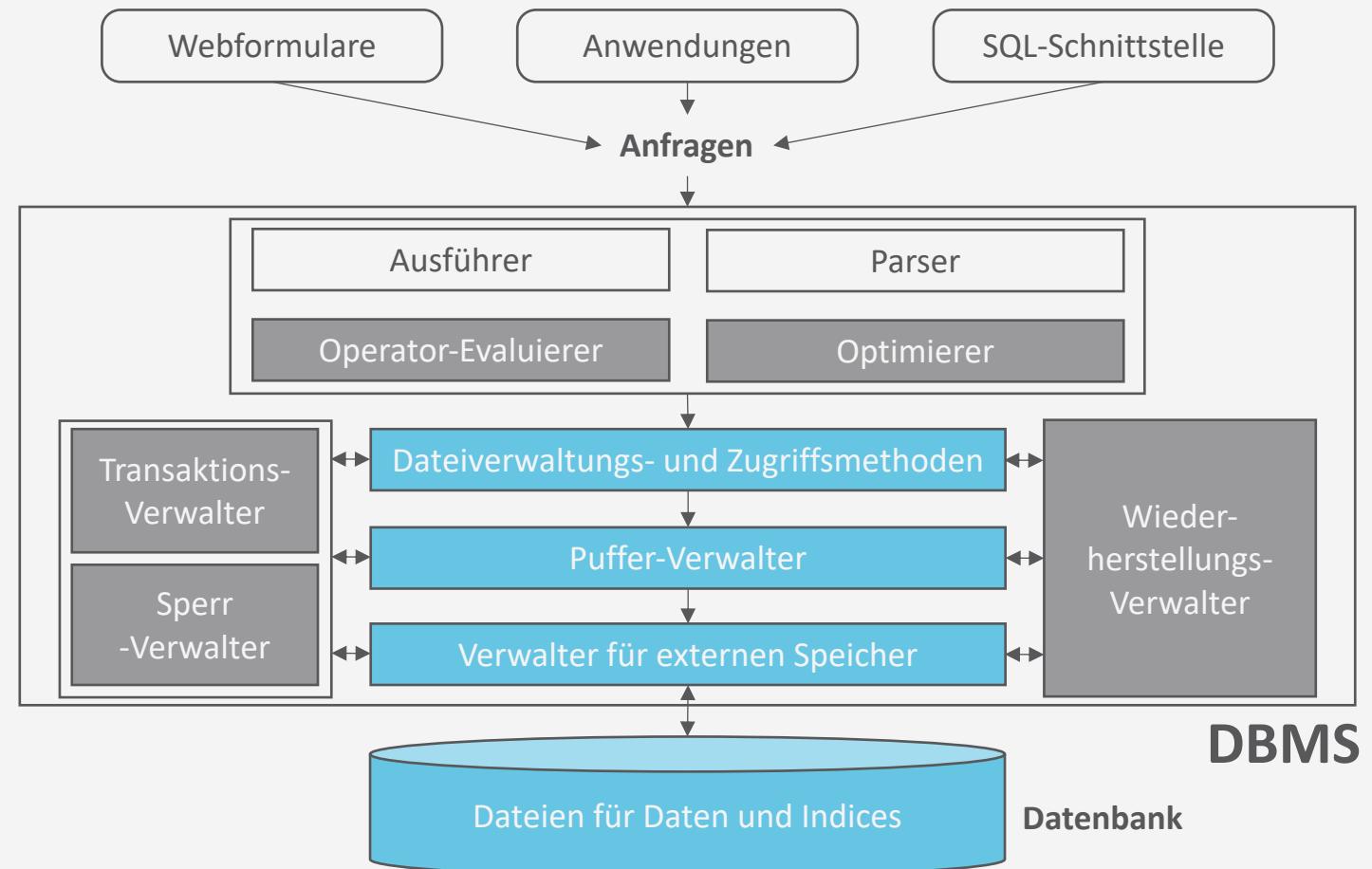
Vorgestellte Schemata heißen auch:

- Row-Store
- Column-Store
- Anwendungen für verschiedene Lasttypen und Anwendungskontexte
- Unterschiedliche Kompressionsmöglichkeiten
- Kombination möglich:
  - Unterteilung einer Seite in Miniseiten
  - Mit entsprechender Aufteilung



## Zwischenzusammenfassung

- Speichermedien
  - DBs idR zu groß für Hauptspeicher
  - Wahlfreier Zugriff teuer
- Verwaltung
  - Seiten als Referenz auf Speicher
- Puffer
  - Seiten aus externem Speicher in Rahmen des Puffer zu laden
  - Verdrängungsstrategien
- Zugriff
  - Stabile Datensatz-Kennung *rid* zur Identifikation der Speicherposition



# Überblick: 6. Anfrageverarbeitung

## A. Speicherung

- Speichermedien
- Verwaltung
- Puffer
- Zugriff

## B. Indexierung

- ISAM-Index
- B<sup>+</sup>-Bäume (B\*-Bäume)
- Hash-basierte Indexe

## C. Anfragebeantwortung

- Sortieren
- Join-Verarbeitung
- Weitere Operationen
- Pipelining

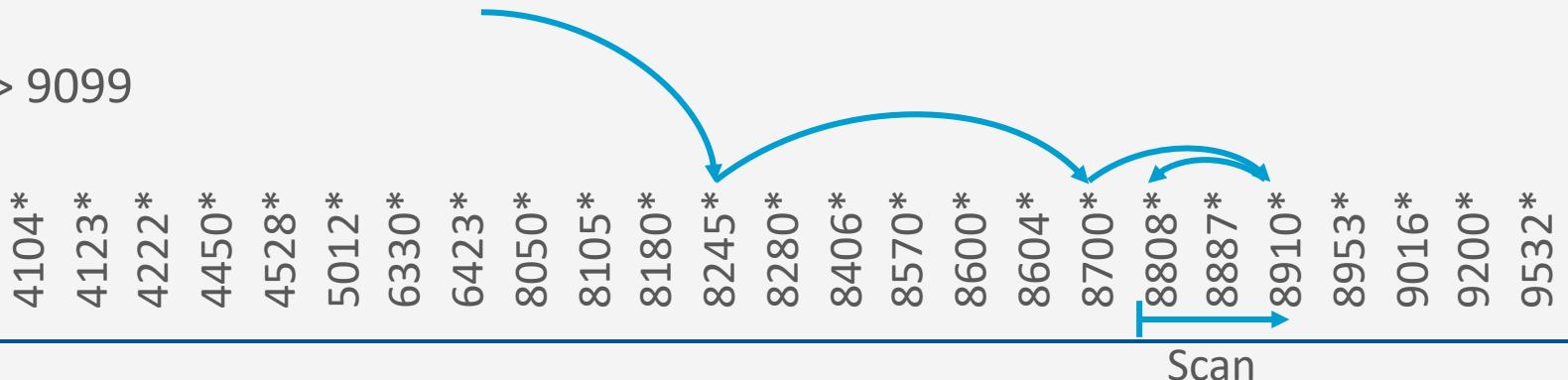
## D. Anfrageoptimierung

- Rewriting
- Datenabhängige Optimierung

# Effiziente Evaluierung einer Anfrage

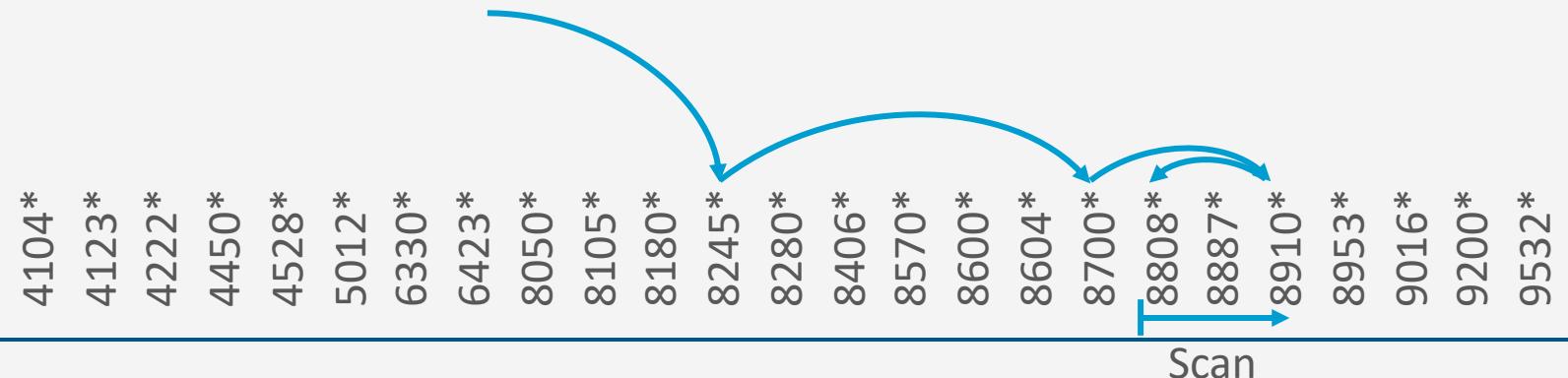
- Beispiel
  - `select *  
from Kunden  
where Plz between 8800 and 9099;`
  - Auswertung
    1. Sortierung der Tabelle Kunden auf der Platte (nach Plz)
      - Effizienter Sortieralgorithmus benötigt
    2. Suche Startpunkt, an dem PLZ  $\geq 8800$ 
      - Binärsuche für Effizienz
    3. Scanne Datensätze, bis Plz > 9099

$k^*$  denotiert einen Datensatz mit Suchschlüssel  $k$  (hier Plz)



## Geordnete Dateien und binäre Suche

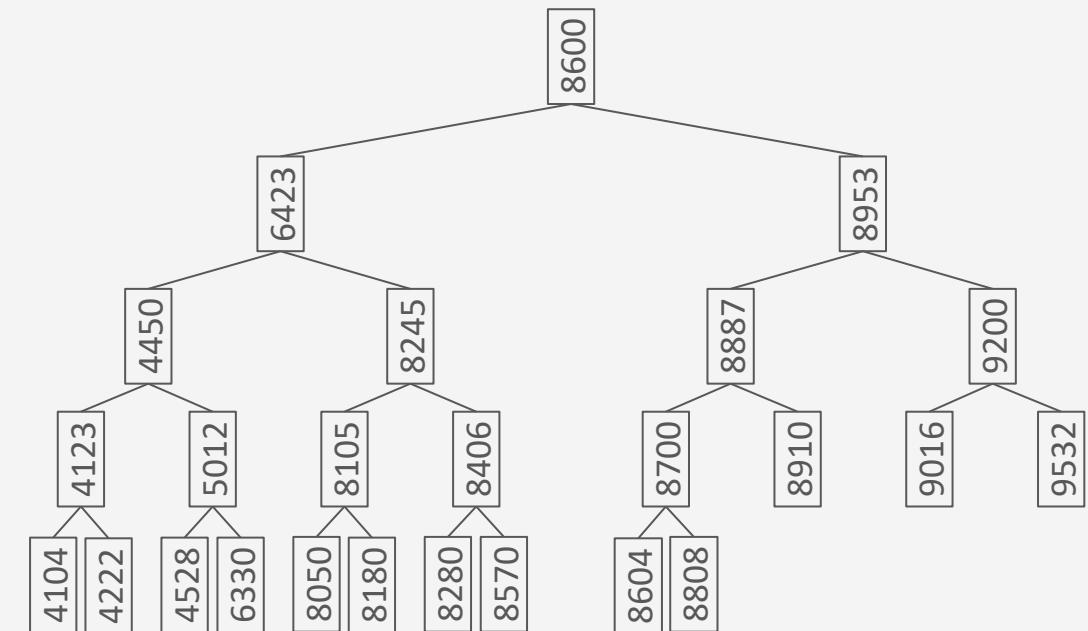
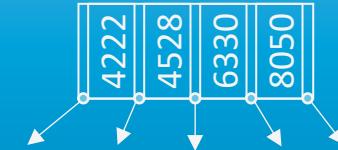
- ✓ Sequentieller Zugriff während der Scan-Phase
- ✓  $\log_2(\#Tupel)$  während der Such-Phase + entsprechende Tupel während der Scan-Phase lesen (statt insgesamt alle bei unsortierten Datensätzen; plus natürlich Sortieraufwand)
- ✗ Für jeden Zugriff während der Such-Phase eine Seite
  - Weite Sprünge sind die Idee der binären Suche, daher Datensätze während der Suche vermutlich nicht auf einer Seite



## Helfen Bäume?

- Suchen innerhalb einer Seite im Hauptspeicher effizient machbar
  - Ziel: möglichst wenige Seiten aus Sekundärspeicher laden
- Bäume als Navigationsstruktur
  - Beispiel Binärbaum
    - Innere Knoten: Schlüsselwerte
    - Linker Unterbaum: Alle Schlüsselwerte kleiner
    - Rechter Unterbaum: Alle Schlüsselwerte größer
    - Tiefe bei Ausgeglichenheit:  $\log_2(\#Tupel)$

Idee: Innere Knoten nutzen

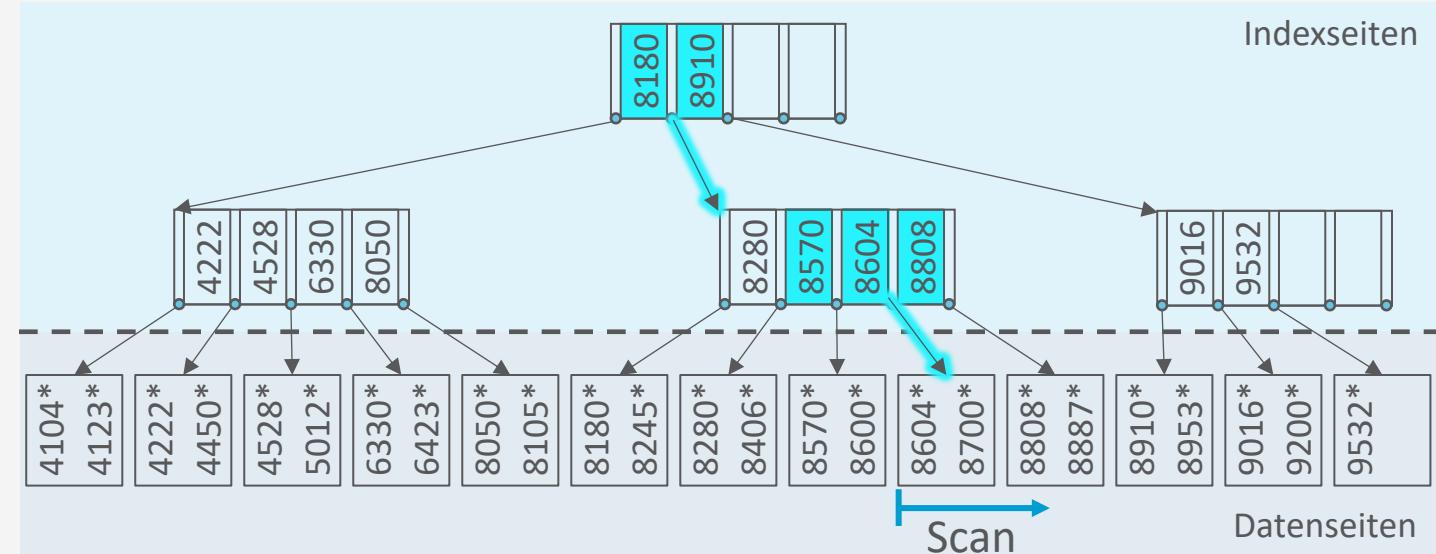


## Index-basierte Lösung

- Zurück zum Beispiel
  - `select *  
from Kunden  
where Plz between 8800 and 9099;`
  - Auswertung:
    1. Suche Startpunkt in Index, an dem PLZ  $\geq 8800$
    2. Finde Startpunkt auf Datenseite; scanne Datensätze, bis Plz > 9099

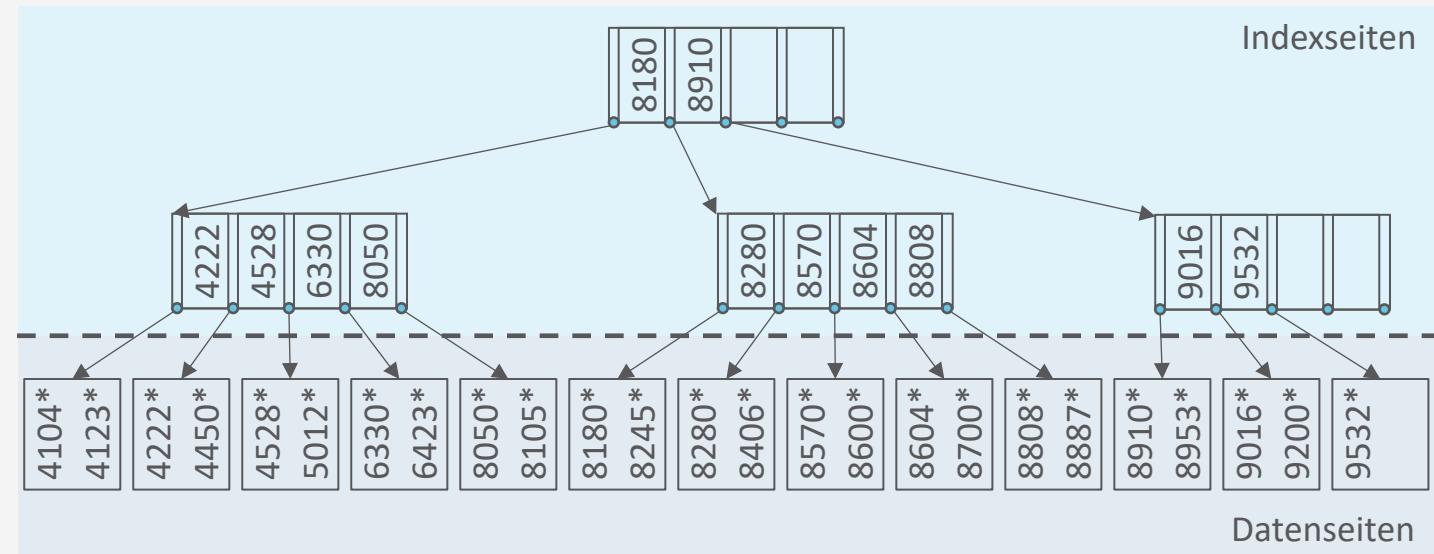
Indexed Sequential Access Method (ISAM)

- Von IBM Ende der 1960er Jahre entwickelt



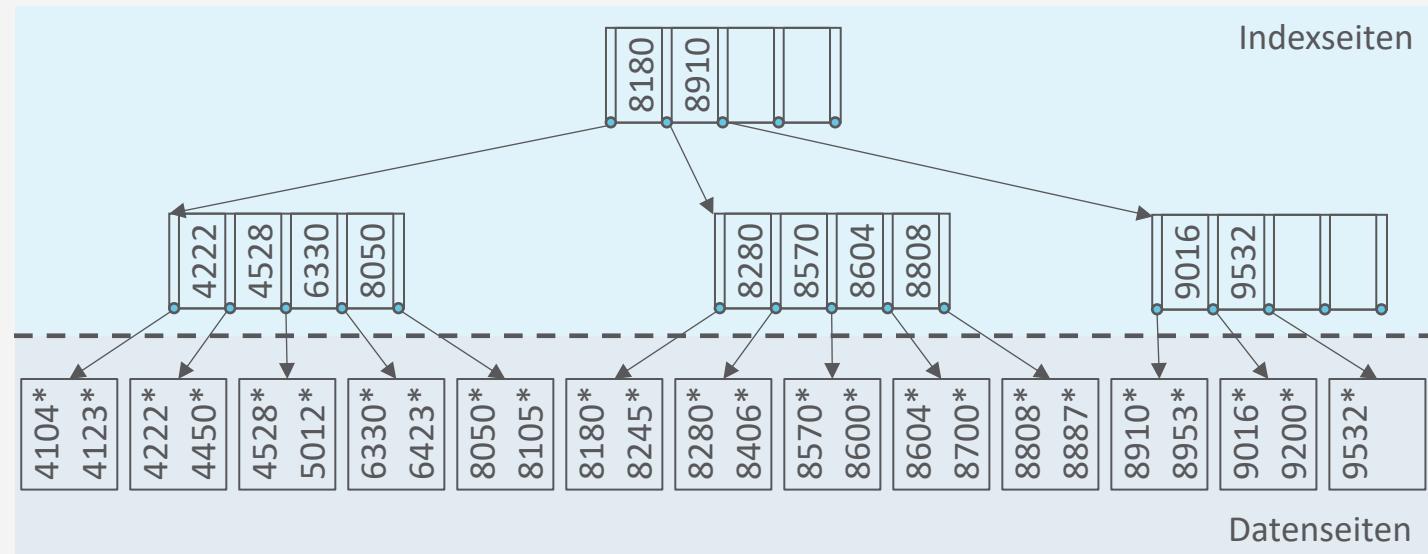
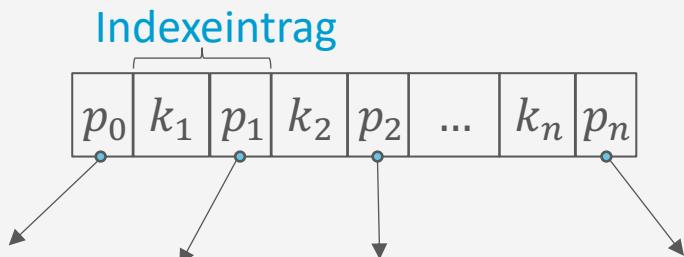
## Indexed Sequential Access Method (ISAM)

- Datenseiten im Speicher, sortiert gemäß Suchschlüssel (wie für die Binärsuche)
- Indexseiten mit Schlüsselwerten im Baum
  - Hunderte Einträge pro Seite
  - Hohe Verzweigung
  - Kleine Tiefe
- Felder fester Länge
  - Navigation mittels Versatz
  - Binärsuche möglich



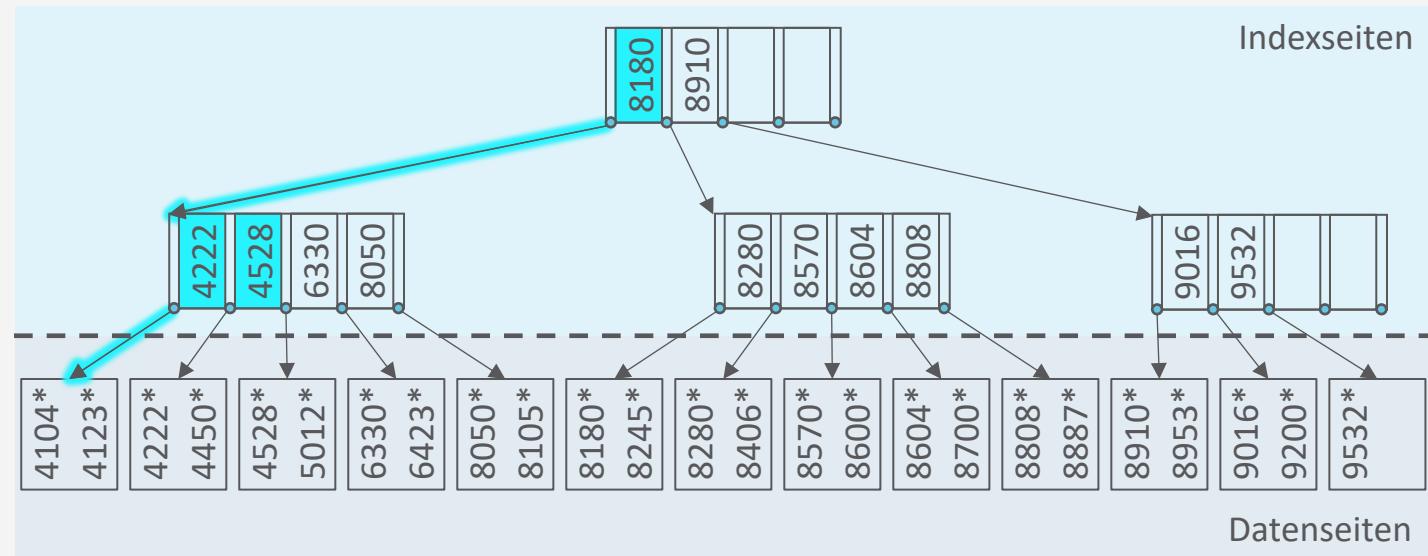
## ISAM: Indexeinträge

- Indexeintrag  $\langle k, p \rangle$ 
  - Suchschlüssel  $k$
  - Separator  $p$ 
    - Referenz auf Index- oder Datenseite
    - Schlüsselwerte in Seite referenziert durch  $p_i$  alle  $\geq k_i$  und  $< k_{i+1}$



## ISAM: Anfragetypen

- Anfragetypen
  - Bereichsanfragen
    - Beispiel: Plz **between** 8800 **and** 9099
  - Punktanfragen
    - Beispiel: Plz=4123
- Indexierung möglich, solange eine totale Ordnung definiert ist
  - Zahlenbasierte Datentypen
  - Lexikographisch: String, Char
    - ( $A < B < \dots$ )
  - Manche Systeme erlauben keinen Index über sehr lange Strings



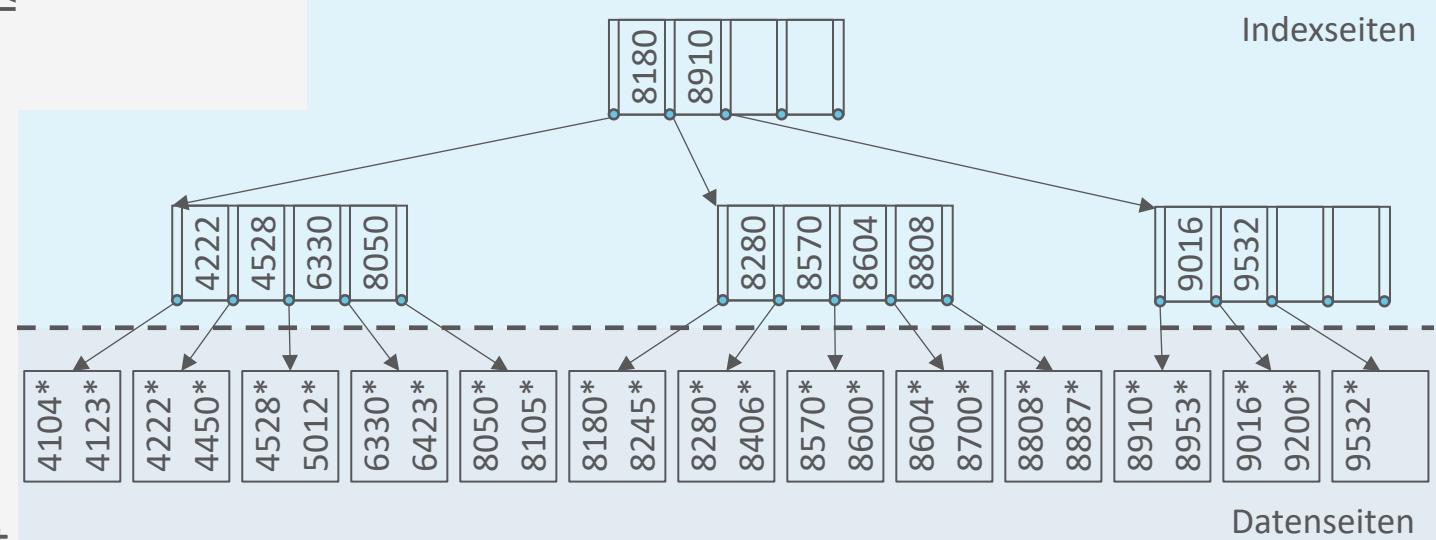
## ISAM: Suche

- Suche von Einträgen mit Schlüsselwert  $k$  in Indexseite  $n$ 
  - $n$  ist eine Referenz auf eine Indexseite
    - Suche startet bei Wurzelknoten  $root$
    - Implementierung: Funktion  $search(k)$  mit Aufruf  $search(k, root)$
  - Suche Separator  $p_i$  in  $n$ , so dass  $k_i \leq k < k_{i+1}$ 
    - Wenn  $k < k_1$ , dann  $p_i = p_0$
    - Wenn  $k_n < k$ , dann  $p_i = p_n$
    - Mittels Binärsuche umsetzen
  - Wenn  $p_i$  Referenz auf Datenseite, suche nach  $k$  auf Datenseite (und bei Bereichsanfrage scanne ab da)
  - Sonst: Rekursiver Aufruf der Suche mit Indexseite  $n'$ , auf die  $p_i$  verweist

Was haben wir gewonnen?

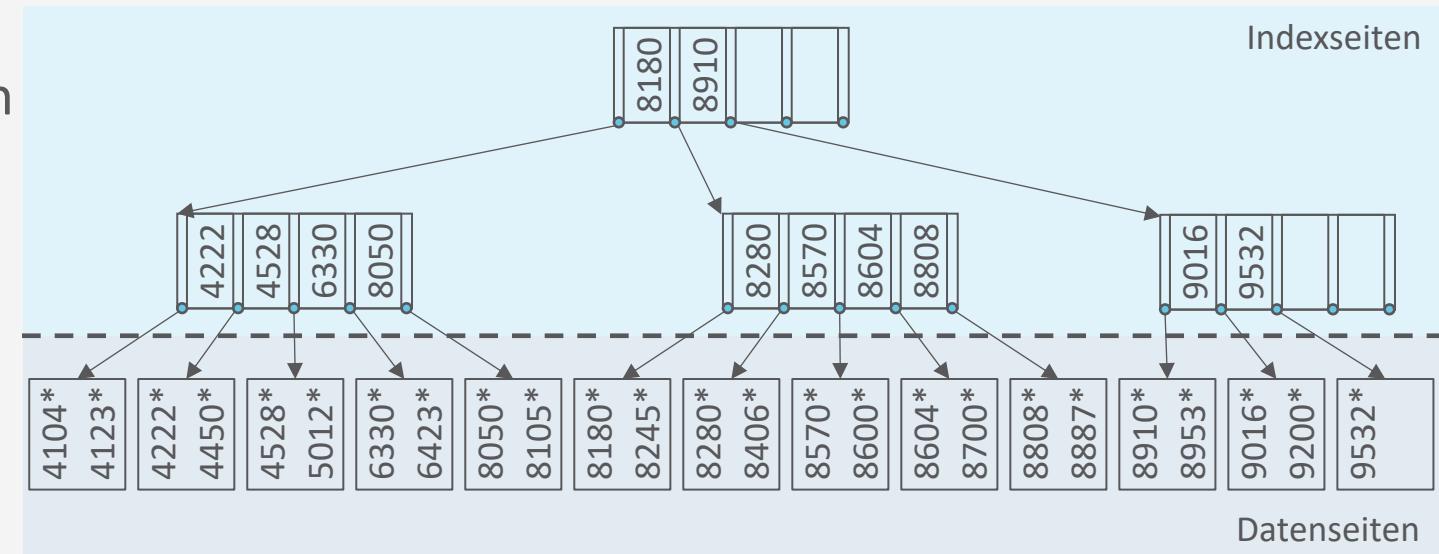
Was haben wir bezahlt?

```
function search(k, n)
  p ← binarySearch*(k, n)
  if p refers to data page then
    return binarySearch(k, p)
  search(k, p) ▷ p index page
```



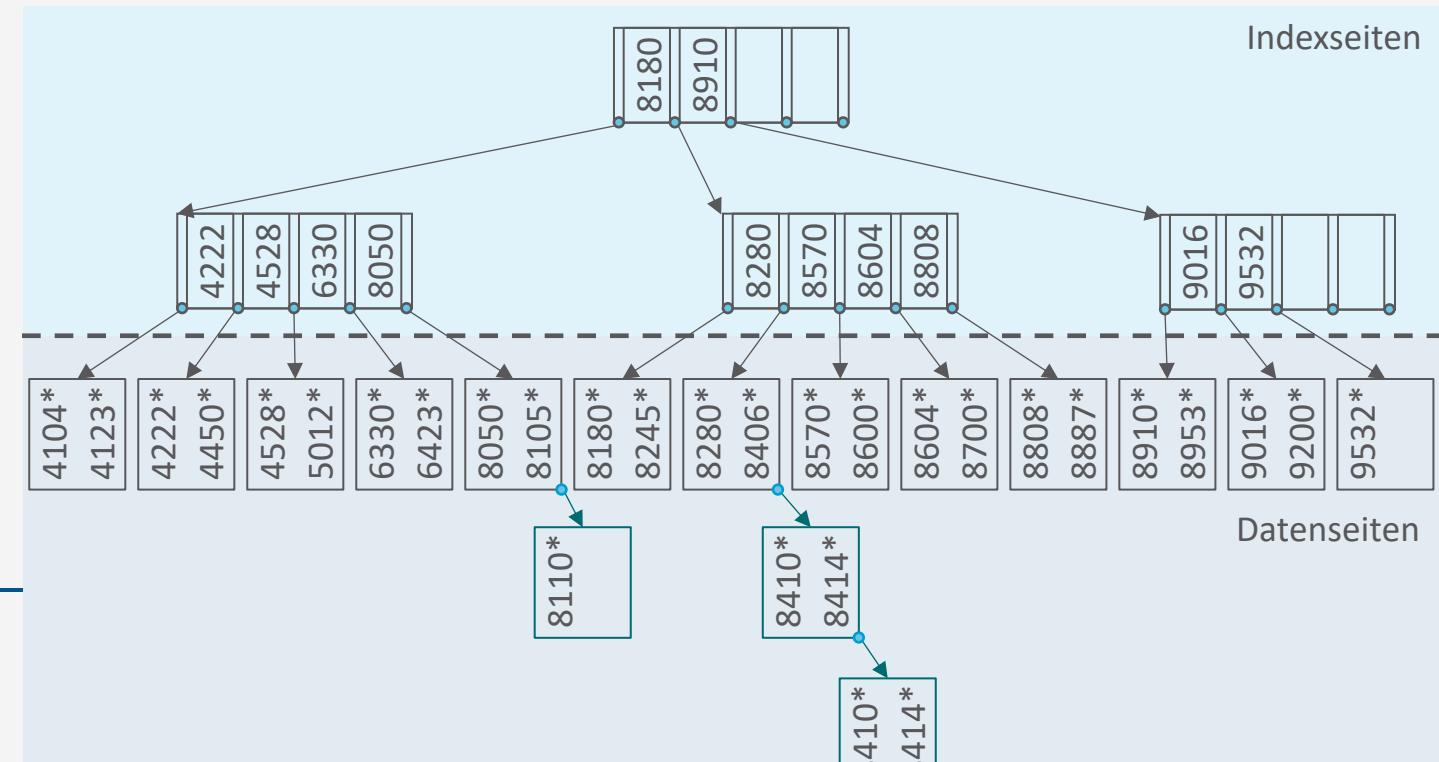
## ISAM: Diskussion

- Vorteile
  - Nicht für jeden Zugriff während der Suche eine eigene Seite laden
  - Binärsuche innerhalb einer Indexseite
  - Einstiegspunkt nahe Startpunkt gefunden, ab dem sequentiell gelesen werden kann
- Nachteil
  - Zusätzlicher Speicher für Indexseiten
    - Analyse von Anfragen zum Finden häufiger Suchschlüssel für Indices



## ISAM: Aktualisierungsoperationen

- **Löschen:** Datensatz über Index suchen und anschließend aus Datenseite entfernen
- **Einfügen:** Auf passende Datenseite navigieren und Datensatz einfügen
  - Problem, wenn Seite voll
    - Im Vorhinein Platz lassen
    - **Überlauf-Seite** einfügen
- Vorteil: Index statisch, i.e., bleibt gültig
  - Kein Aufwand bei Änderungen
- Nachteil: Index **degeneriert**
  - Sequentielle Ordnung durch Überlauf-Seiten zerstört

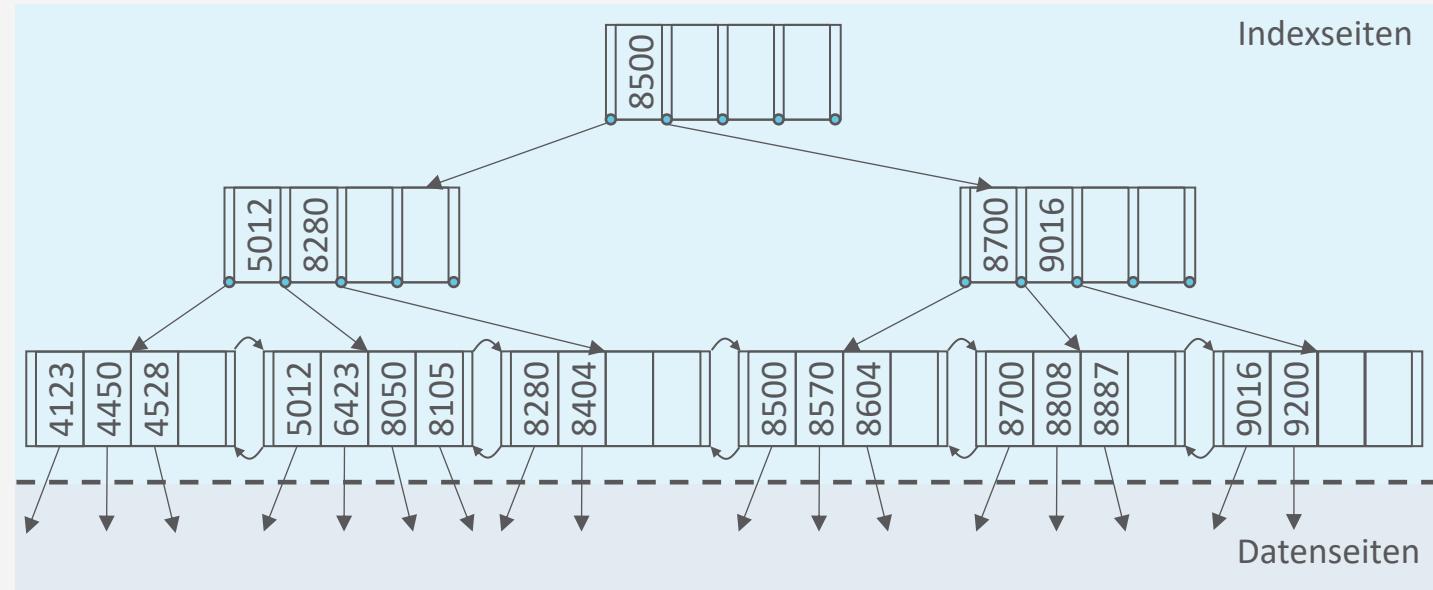


## ISAM: Aktualisierungsoperationen

- Freiraum bei der Indexerzeugung vorsehen
  - Reduziert das Einfügeproblem
  - Typisch sind **20%** Freiraum
- Da Indexseiten statisch, keine Zugriffskoordination (bei Mehrbenutzerbetrieb) nötig
  - Zugriffskoordination (Sperren) würde gleichzeitigen Zugriff (besonders nahe der Wurzel) für andere Anfragen vermindern
- ISAM ist nützlich für (relativ) statische Daten

# B<sup>+</sup>-Bäume

## Indexierung

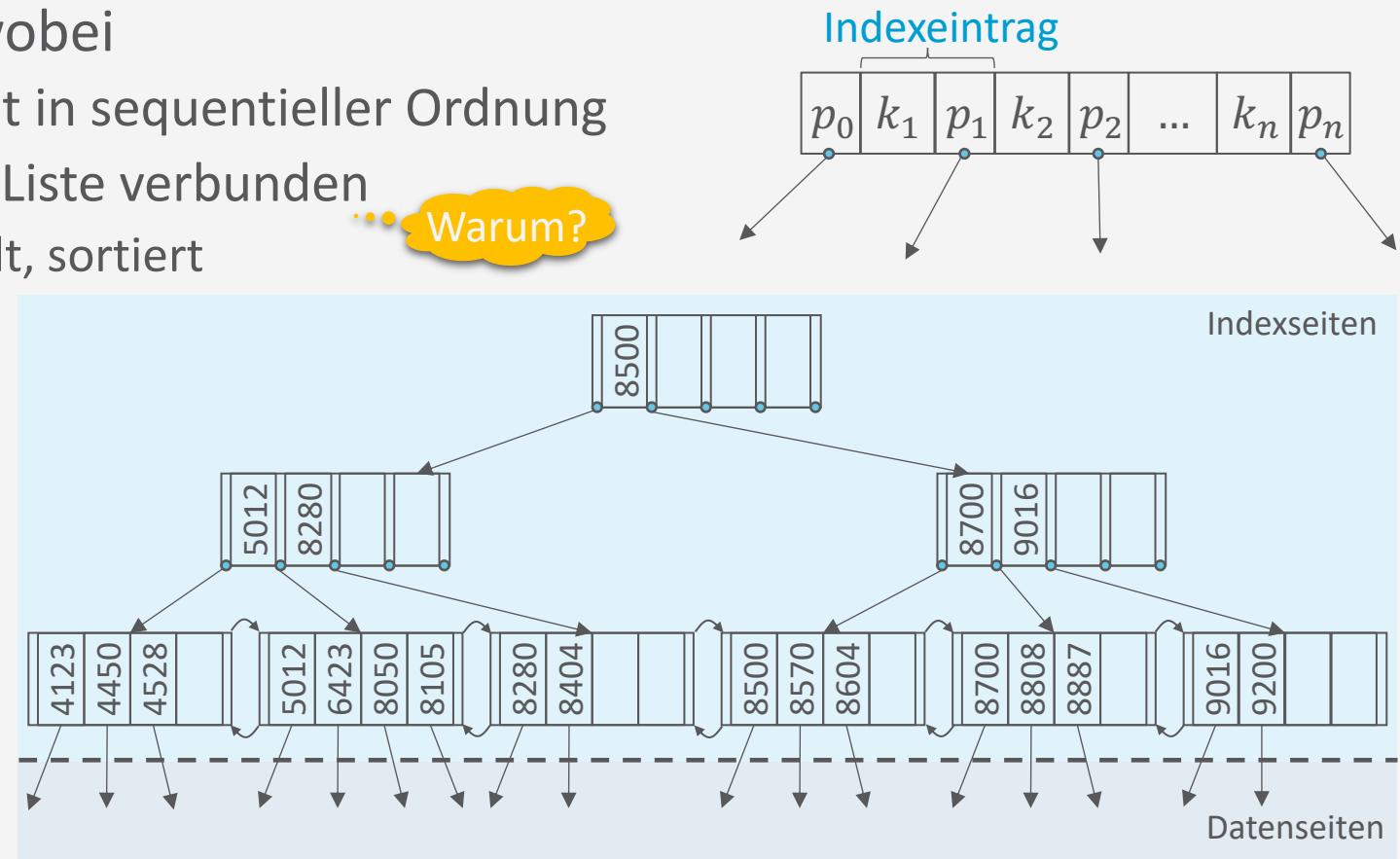


## B<sup>+</sup>-Bäume: Eine dynamische Indexstruktur

- B<sup>+</sup>-Bäume vom ISAM-Index abgeleitet, sind aber dynamisch
    - Keine Überlauf-Ketten
    - Balancierung wird aufrechterhalten
    - Behandelt insert und delete angemessen
    - Indexseiten nicht statisch
  - Minimale Besetzungsregel für B<sup>+</sup>-Baum-Knoten (außer der Wurzel):  
**50%** (typisch sind **67%**, wird dann manchmal auch B\*-Baum genannt)
    - Verzweigung nicht zu klein
- vs.
- Indexknotensuche nicht zu linear

## B<sup>+</sup>-Bäume: Grundlagen

- B<sup>+</sup>-Bäume ähnlich zu ISAM-Index, wobei
  - Referenzierte Datenseiten i.d.R. nicht in sequentieller Ordnung
  - Index-Blätter zu doppelt verketteter Liste verbunden
    - Schlüssel dort noch einmal wiederholt, sortiert
- Jeder Knoten enthält zwischen  $d$  und  $2d$  Einträge
  - $d$  heißt **Ordnung** des Baumes, Wurzel ist Ausnahme
- Es gilt weiterhin für die Indexknoten (Nicht-Blätter): Eintrag  $\langle k, p \rangle$



## B<sup>+</sup>-Bäume: Was wird in den Blättern gespeichert?

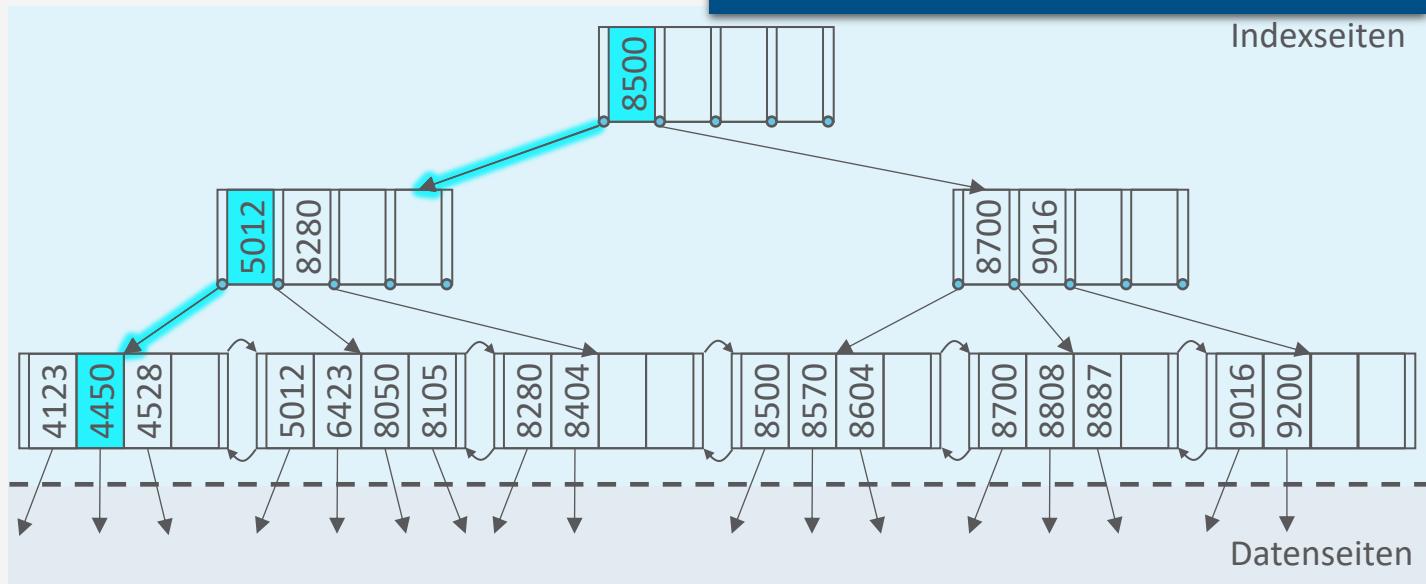
- Drei Alternativen
  1. Vollständiger Datensatz  $k^*$ :
    - Blatt ist Datenseite (wie bei ISAM Index)
  2. Ein Paar  $\langle k, rid \rangle$ , wobei  $rid$  (record ID) Zeiger auf Datensatz:
    - Blatt enthält Liste von  $\langle k, rid \rangle$  Paaren, sortiert nach  $k$
    - Suchschlüssel  $k$  kann auf Blatt häufiger auftreten (mehrere rid's mit Suchschlüssel  $k$ )
    - Bei  $rid = \langle pageno, slotno \rangle$  lässt sich der genaue Speicherort des Datensatzes bestimmen
  3. Ein Paar  $\langle k, \{rid_1, rid_2, \dots\} \rangle$ , wobei alle rid's den Suchschlüssel  $k$  haben
    - Suchschlüssel  $k$  tritt nur einmal auf (weniger Redundanz)
    - Aber: kein regelmäßiger Abstand von einem  $\langle k, \{rid_1, rid_2, \dots\} \rangle$  zum nächsten  $\langle k', \{rid'_1, rid'_2, \dots\} \rangle$
- Varianten 2. und 3. bedingen, dass rid's stabil sein müssen, also nicht (einfach) verschoben werden können

Alternative 2 scheint am meisten verwendet zu werden. Wir nehmen im Folgenden Variante 2 an.

## B<sup>+</sup>-Bäume: Suche

- Suche von Einträgen mit Schlüssel  $k$  in B<sup>+</sup>-Baum wie beim ISAM-Index, wobei aber die Abbruchbedingung nicht auf Datenseite prüft, sondern auf Index-Blattseite:
  - Suche in Index nach  $k$  bis zum Index-Blattknoten  $e$
  - Suche in  $e$  nach  $k$
  - Folge der Referenz
- Beispiel:
  - Punktanfrage: Schlüssel **4450**
  - Bereichsanfrage:  
Schlüssel zwischen **4450** und **6500**

```
function search(k, n)
    p ← binarySearch*(k, n)
    if p refers to index leaf then
        return binarySearch(k, p)
    search(k, p)
```

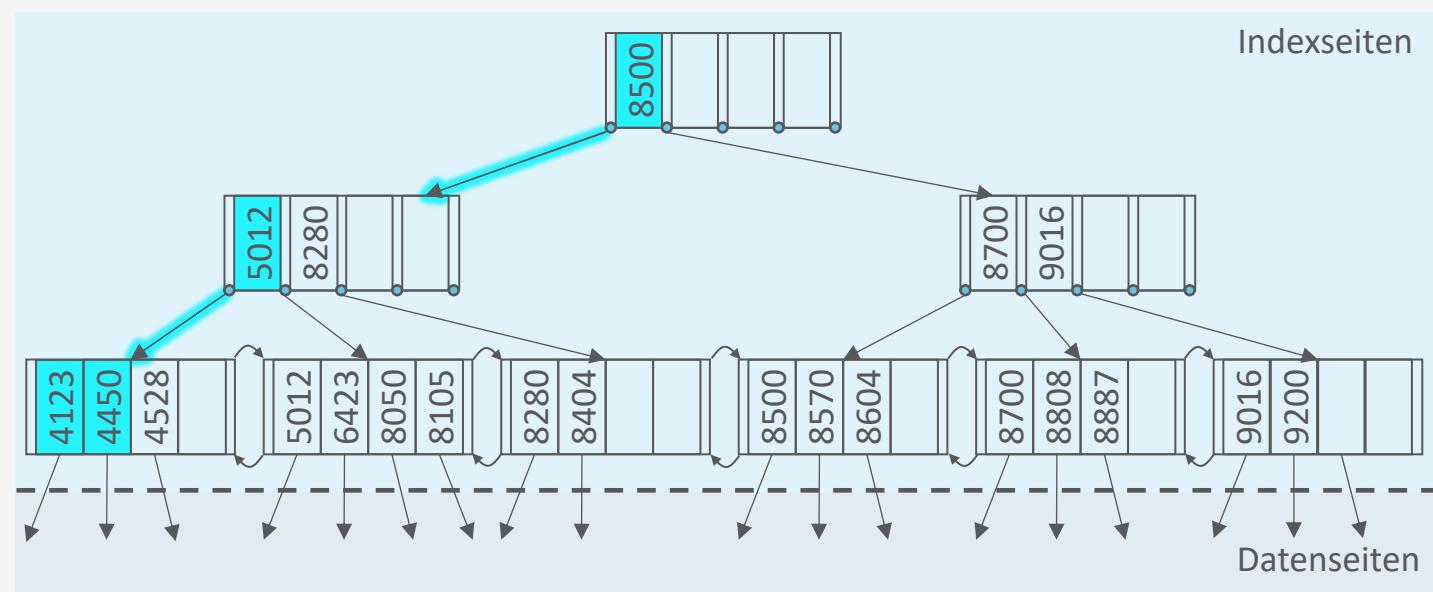


## B<sup>+</sup>-Bäume: Einfügen

- B<sup>+</sup>-Baum soll nach Einfügung **balanciert bleiben**, i.e., keine Überlauf-Seiten
- Überblick über Vorgehen zum Einfügen mit Eingaben  $k$  und  $rid$  ( $\text{insert}(k, rid)$ ):
  1. Suche Blattseite  $n$ , in der der Eintrag für  $k$  sein kann
  2. Falls  $n$  genug Platz hat (höchstens  $2d - 1$  Einträge): Füge Eintrag  $\langle k, rid \rangle$  in  $n$  ein
    - Suche nach passender Position mittels Binärsuche
  3. Sonst: Teile  $n$  auf in  $n$  und  $n'$  inklusive  $\langle k, rid \rangle$  und füge neuen Eintrag  $\langle k', n' \rangle$  in Elternknoten  $e$  von  $n$  ein, wobei  $n'$  als Separator für die Referenz auf  $n'$  steht und  $k'$  der kleinste Schlüssel in  $n'$  ist
    - Wenn  $e$  keinen Platz mehr hat ( $2d$  Einträge), muss  $e$  ebenfalls aufgeteilt werden
      - Aufspaltung kann sich rekursiv nach oben fortsetzen, eventuell bis zur Wurzel
        - Wenn die Wurzel aufgeteilt wird, wird ein neuer Wurzelknoten als Elternknoten eingeführt (Baum erhöht sich)
        - Wurzel kann unter 50% gefüllt sein

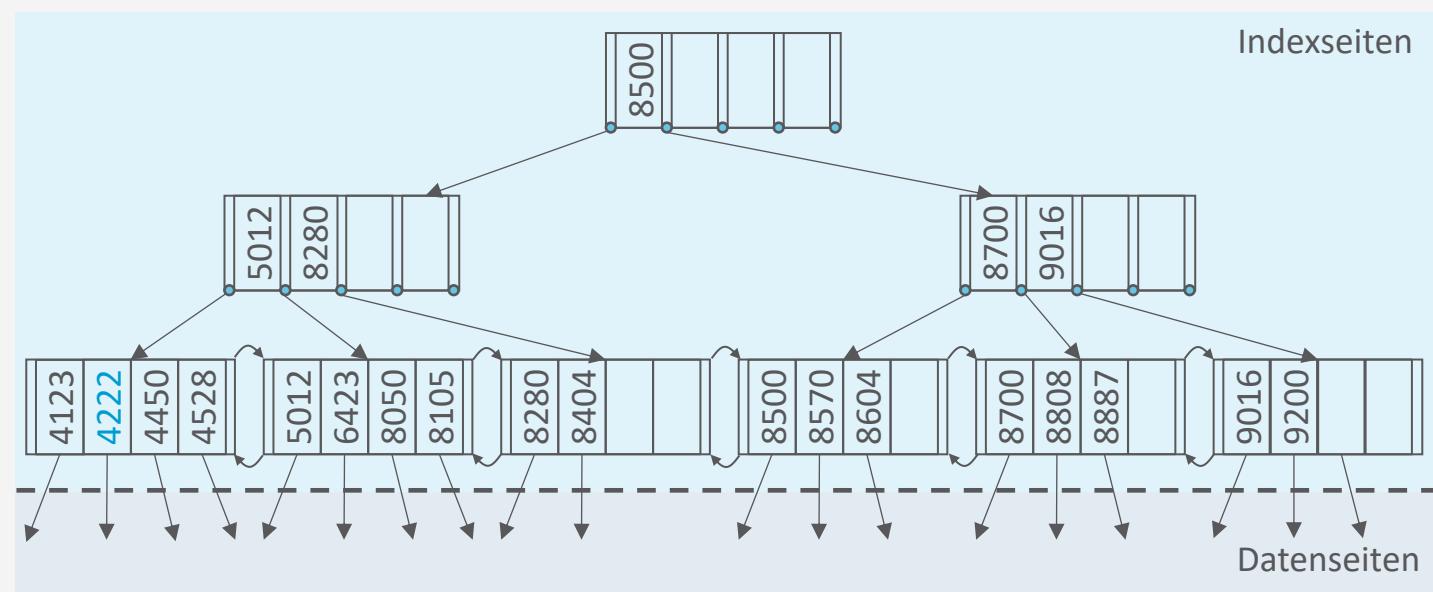
## B<sup>+</sup>-Bäume: Einfügen – Beispiel ohne Aufspaltung

- Einfügen eines Eintrags mit Schlüssel 4222
  1. Suche führt zu erstem Blattknoten in der verketteten Liste ( $3 < 2d - 1, d = 2$ )
  2. Blattknoten hat genug Platz ( $3 \leq 2d - 1, d = 2$ ), von daher einfach einfügen
    - Erhalte Sortierung innerhalb der Knoten



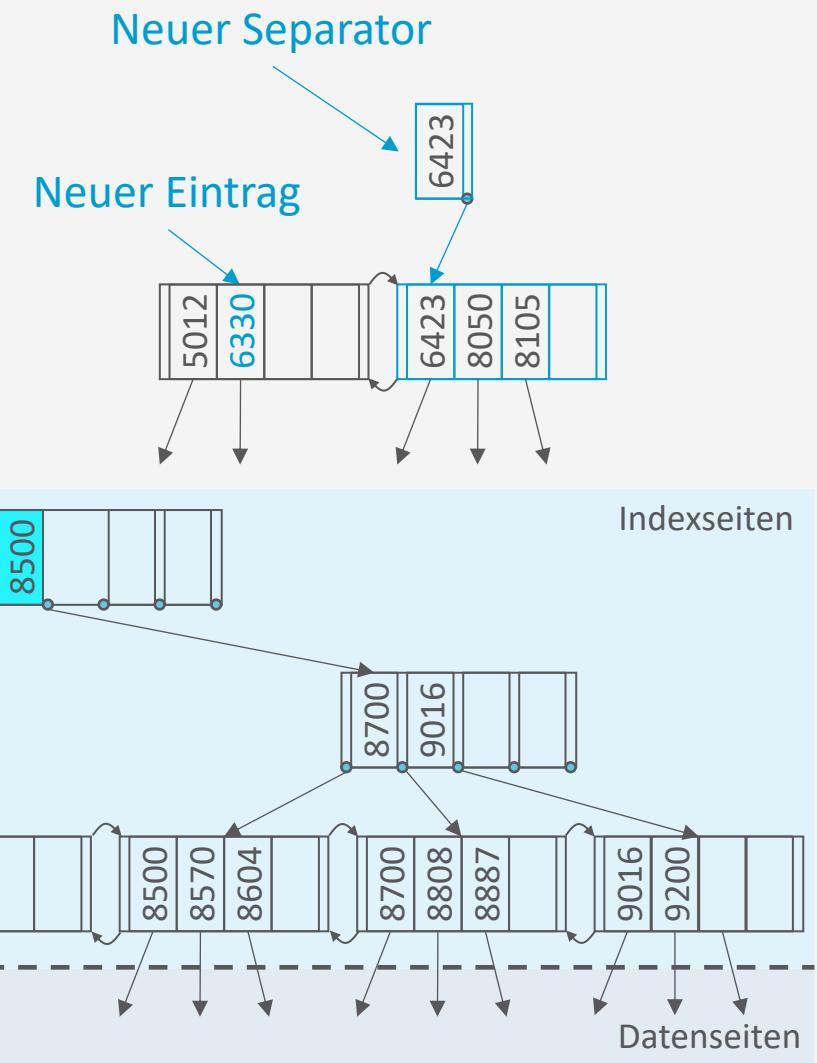
## B<sup>+</sup>-Bäume: Einfügen – Beispiel ohne Aufspaltung

- Einfügen eines Eintrags mit Schlüssel 4222
  1. Suche führt zu erstem Blattknoten in der verketteten Liste ( $3 < 2d - 1, d = 2$ )
  2. Blattknoten hat genug Platz ( $3 \leq 2d - 1, d = 2$ ), von daher einfach einfügen
    - Erhalte Sortierung innerhalb der Knoten



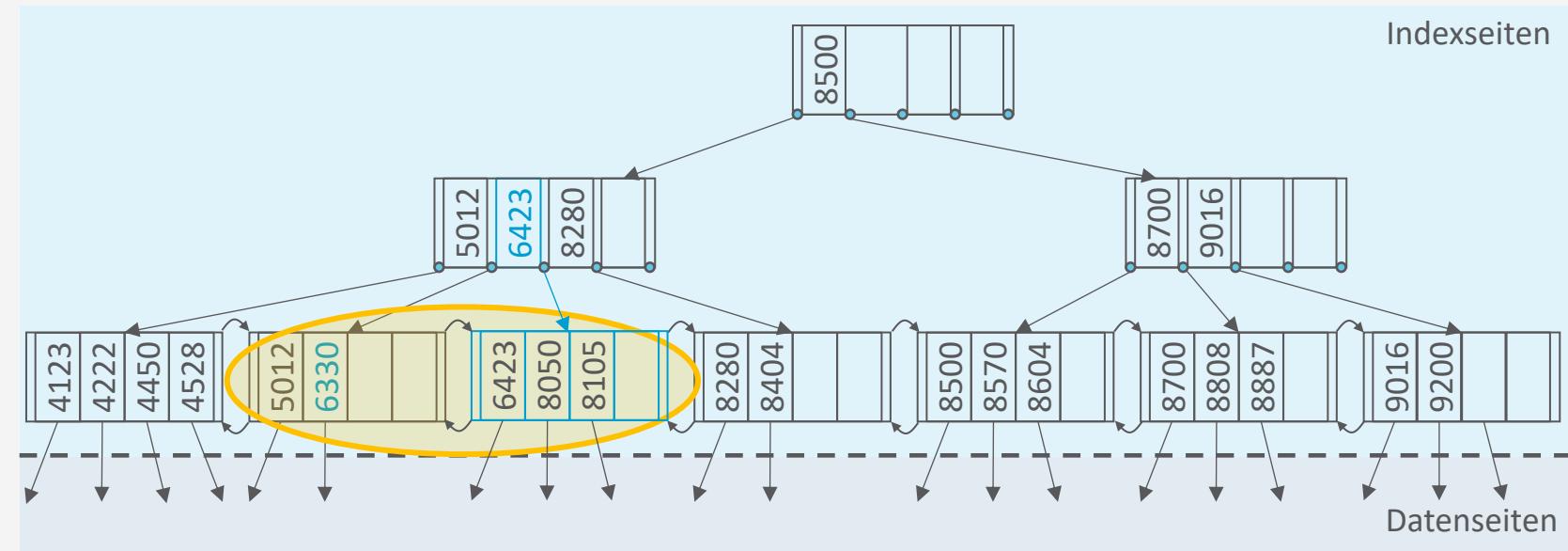
## B<sup>+</sup>-Bäume: Einfügen – Beispiel mit Aufspaltung

- Einfügen eines Eintrags mit Schlüssel **6330**
  - Suche führt zu zweitem Blattknoten in verketteter Liste
  - Blattknoten hat nicht mehr genug Platz
  - Index anpassen
    - Erste Hälfte ( $d$  Einträge) bleibt in Knoten
    - Zweite Hälfte ( $d + 1$  Eintrag) geht in neuen Knoten
    - Neuer Eintrag in Elternknoten
      - Kleinster Eintrag im neuen Knoten: 6423
      - Platz in Elternknoten, daher direkt einfügen



## B<sup>+</sup>-Bäume: Einfügen – Beispiel mit Aufspaltung

- Einfügen eines Eintrags mit Schlüssel **6330**
  - Suche führt zu zweitem Blattknoten in verketteter Liste
  - Blattknoten hat nicht mehr genug Platz
  - Index anpassen
    - Angepasster Index:



## B<sup>+</sup>-Bäume: Insert

- $\text{insert}(k, rid)$  wird von außen aufgerufen
- Blattknoten enthalten rids, innere Knoten enthalten Zeiger auf andere B<sup>+</sup>-Baum-Knoten

```
function insert( $k, rid$ )
   $\langle key, ptr \rangle \leftarrow \text{treeInsert}(k, rid, root)$                                 ▷ root contains the root of the index tree
  if  $key$  is not null then
    Allocate new root page  $r$ 
    Populate  $r$  with  $p_0 \leftarrow root, k_1 \leftarrow key, p_1 \leftarrow ptr$ 
     $root \leftarrow r$ 
```

## B<sup>+</sup>-Bäume: Tree-Insert für Insert

- Einträge pro Seite maximal:  $2d = n$

```
function treeInsert(k, rid, node)
    if node is leaf then
        return leafInsert(k, rid, node)
    if k < k0 then
        i ← 0
    else if kn < k then
        i ← n
    else
        Find i such that ki ≤ k < ki+1 ▷ Use binary search
        ⟨sep, ptr⟩ ← treeInsert(k, rid, pi) ▷ pi contains the reference to next node
        if sep is null then
            return ⟨null, null⟩
        else
            return split(sep, ptr, node)
```

## B<sup>+</sup>-Bäume: Leaf-Insert für Insert

- Einträge pro Seite maximal:  $2d$
- Einträge auf Seite:  $\{\langle k_1, rid_1 \rangle, \dots, \langle k_{2d}, rid_{2d} \rangle\}$

```
function leafInsert( $k, rid, leaf$ )
    if another entry fits into  $leaf$  then
        Insert  $\langle k, rid \rangle$  into  $leaf$ 
        return  $\langle null, null \rangle$ 
    Allocate new leaf node  $l$ 
    Let  $\{\langle k'_1, rid'_1 \rangle, \dots, \langle k'_{2d+1}, rid'_{2d+1} \rangle\} \leftarrow \{\langle k_1, rid_1 \rangle, \dots, \langle k_{2d}, rid_{2d} \rangle\} \cup \{\langle k, rid \rangle\}$ 
    Store entries  $\langle k'_1, rid'_1 \rangle, \dots, \langle k'_d, rid'_d \rangle$  in  $leaf$ 
    Store entries  $\langle k'_{d+1}, rid'_{d+1} \rangle, \dots, \langle k'_{2d+1}, rid'_{2d+1} \rangle$  in  $l$ 
    return  $\langle k'_{d+1}, l \rangle$ 
```

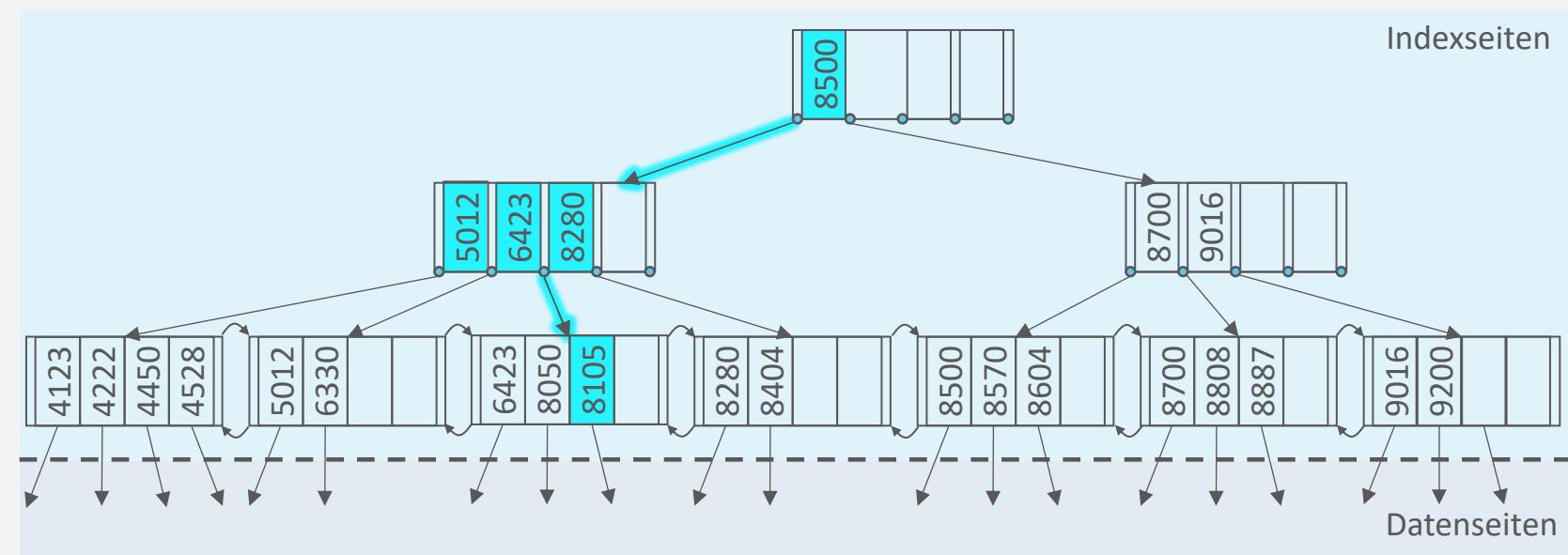
## B<sup>+</sup>-Bäume: Split für Insert

- Einträge pro Seite maximal:  $2d$
- Einträge auf Seite:  $\{\langle k_1, p_1 \rangle, \dots, \langle k_{2d}, p_{2d} \rangle\}$ , dazu noch  $p_0$

```
function split( $k, ptr, node$ )
    if another entry fits into  $node$  then
        Insert  $\langle k, ptr \rangle$  into  $node$ 
        return  $\langle null, null \rangle$ 
    Allocate new node  $p$ 
    Let  $\{\langle k'_1, p'_1 \rangle, \dots, \langle k'_{2d+1}, p'_{2d+1} \rangle\} \leftarrow \{\langle k_1, p_1 \rangle, \dots, \langle k_{2d}, p_{2d} \rangle\} \cup \{\langle k, ptr \rangle\}$ 
    Store entries  $\langle k'_1, p'_1 \rangle, \dots, \langle k'_d, p'_d \rangle$  in  $node$ , keeping  $p_0$ 
    Store entries  $\langle k'_{d+2}, p'_{d+2} \rangle, \dots, \langle k'_{2d+1}, p'_{2d+1} \rangle$  in  $p$ 
     $p_0 \leftarrow p'_{d+1}$  in  $p$ 
    return  $\langle k'_{d+1}, p \rangle$ 
```

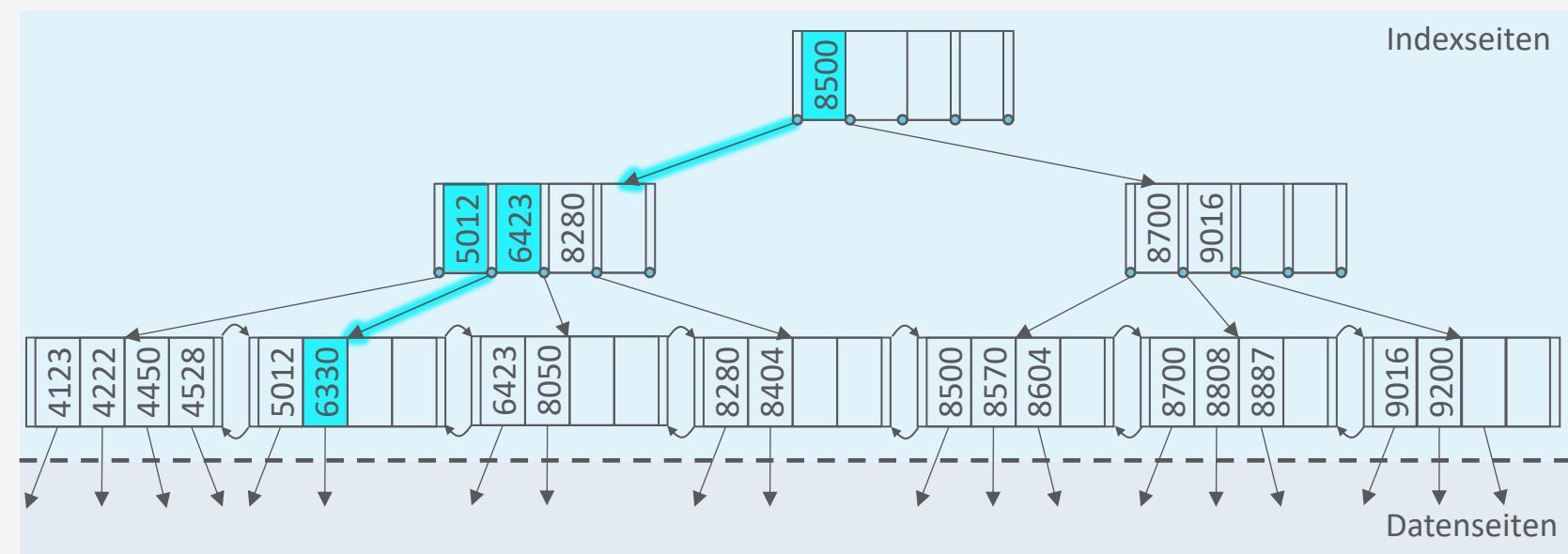
## B<sup>+</sup>-Baum: Löschen

- B<sup>+</sup>-Baum soll nach Löschung **balanciert bleiben**
  - Wenn Löschen nicht für einen Unterlauf sorgt (min.  $d + 1$  Einträge), einfach löschen
    - Innere Knoten können dann alte Schlüssel enthalten → ist ok, da die Ordnung erhalten bleibt
  - Sonst, d.h., wenn nach löschen nur  $d - 1$  Einträge übrig bleiben: Index wieder balancieren
- Beispiel:
  - Löschen eines Eintrags mit Suchschlüssel **8105**



## B<sup>+</sup>-Baum: Löschen

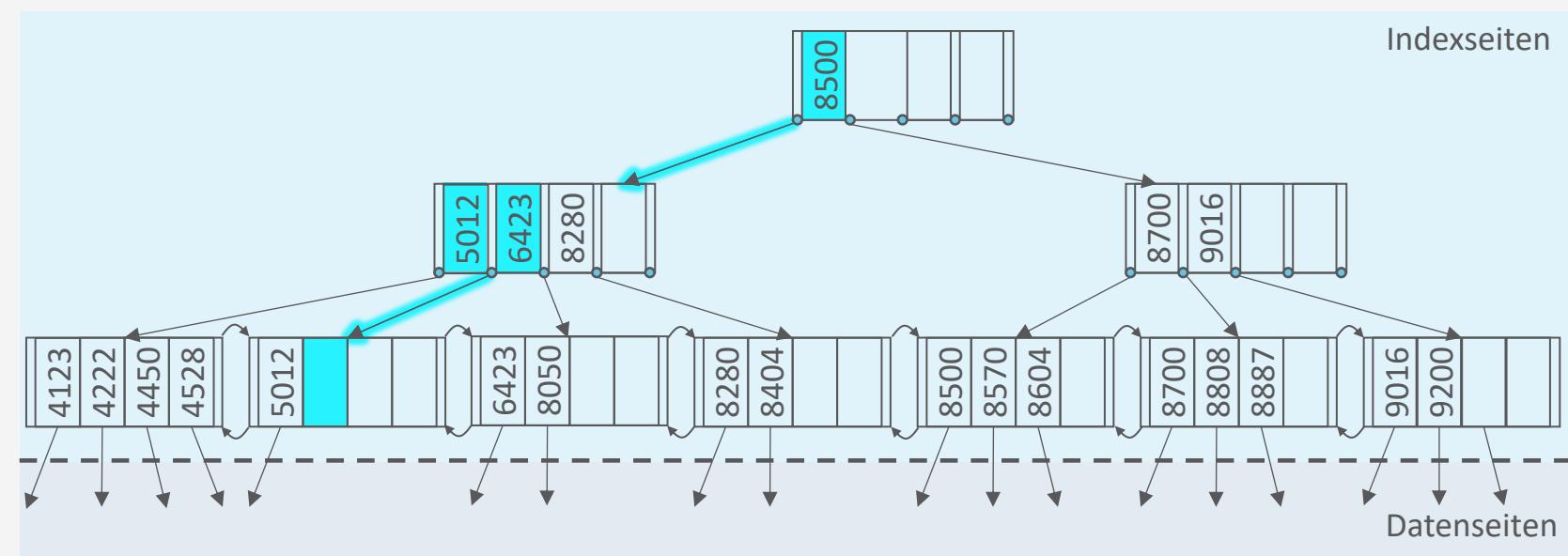
- B<sup>+</sup>-Baum soll nach Löschung **balanciert bleiben**
  - Wenn Löschen nicht für einen Unterlauf sorgt (min.  $d + 1$  Einträge), einfach löschen
    - Innere Knoten können dann alte Schlüssel enthalten → ist ok, da die Ordnung erhalten bleibt
  - Sonst, d.h., wenn nach löschen nur  $d - 1$  Einträge übrig bleiben: Index wieder balancieren
- Beispiel:
  - Löschen eines Eintrags mit Suchschlüssel **8105**
  - Anschließendes Löschen eines Eintrags mit Suchschlüssel **6330**



## B<sup>+</sup>-Baum: Löschen

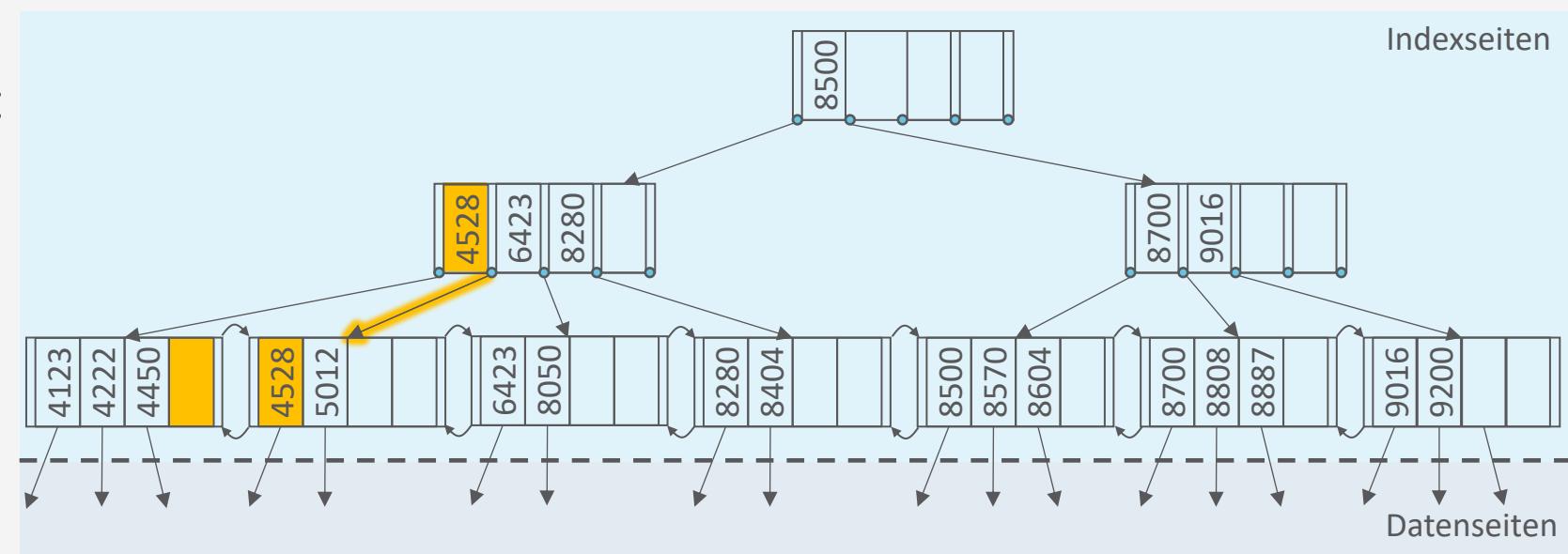
- B<sup>+</sup>-Baum soll nach Löschung **balanciert** bleiben
  - Wenn Löschen nicht für einen Unterlauf sorgt (min.  $d + 1$  Einträge), einfach löschen
    - Innere Knoten können dann alte Schlüssel enthalten → ist ok, da die Ordnung erhalten bleibt
  - Sonst, d.h., wenn nach löschen nur  $d - 1$  Einträge übrig bleiben: Index wieder balancieren
- Beispiel:
  - Löschen eines Eintrags mit Suchschlüssel **8105**
  - Anschließendes Löschen eines Eintrags mit Suchschlüssel **6330**

Was nun?



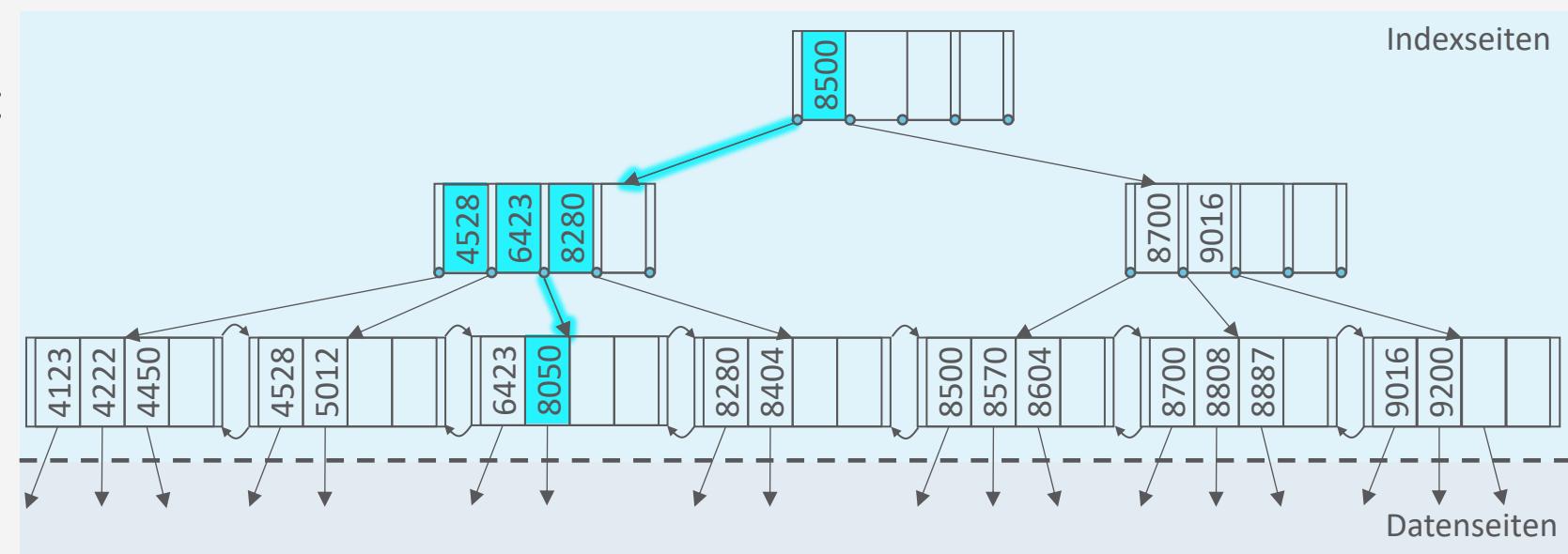
## B<sup>+</sup>-Baum: Löschen – Unterlauf

- Vorgehen, wenn eines der Nachbarblätter genug Einträge ( $> d$ ) hat
  - Blatt mit Eintrag aus Nachbarknoten auffüllen und Indexeintrag in Vorfahrknoten aktualisieren
    - Wenn Nachbarblatt gleichen Elternknoten wie unterlaufener Knoten hat, dann Elternknoten anpassen, sonst nächsten gemeinsamen Vorfahrknoten anpassen
- Beispiel:
  - Löschen eines Eintrags mit Suchschlüssel **6330** führt zu Unterlauf, welcher mit Nachbar-Eintrag aufgefüllt werden kann



## B<sup>+</sup>-Baum: Löschen – Unterlauf

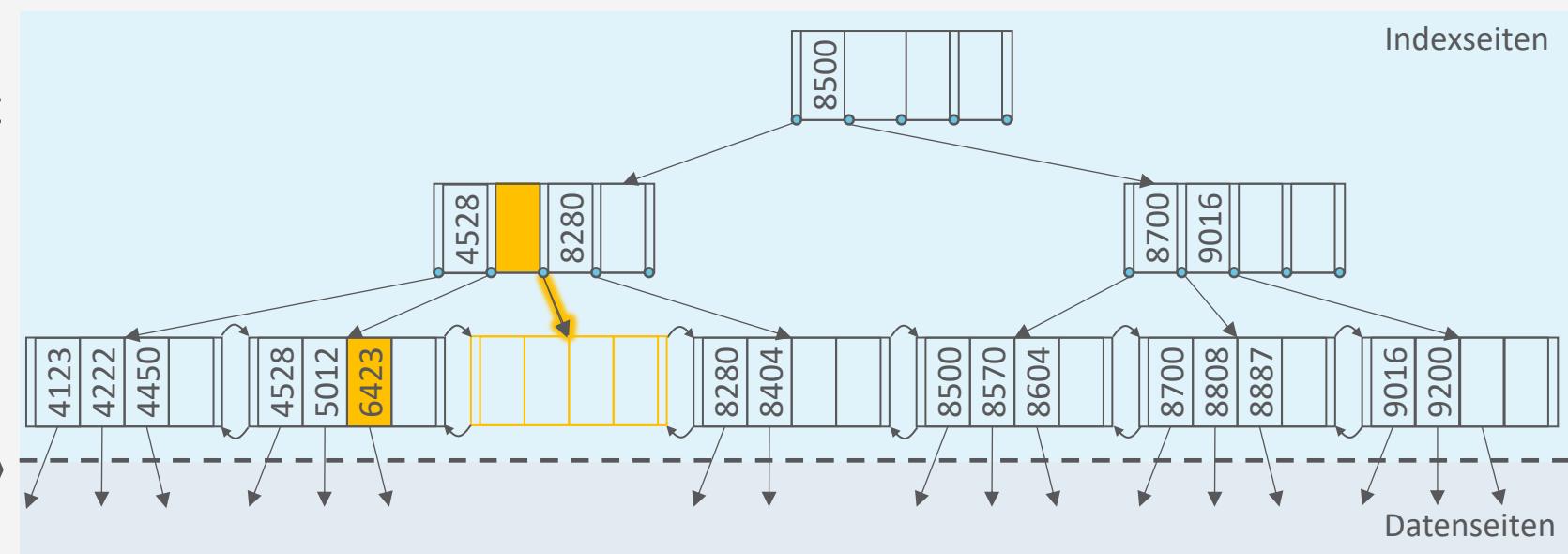
- Vorgehen, wenn eines der Nachbarblätter genug Einträge ( $> d$ ) hat
  - Blatt mit Eintrag aus Nachbarknoten auffüllen und Indexeintrag in Vorfahrknoten aktualisieren
    - Wenn Nachbarblatt gleichen Elternknoten wie unterlaufener Knoten hat, dann Elternknoten anpassen, sonst Großelternknoten anpassen
- Beispiel:
  - Löschen eines Eintrags mit Suchschlüssel **6330** führt zu Unterlauf, welcher mit Nachbar-Eintrag aufgefüllt werden kann
  - Anschließendes Löschen eines Eintrags mit Suchschlüssel **8050**.



Und nun?

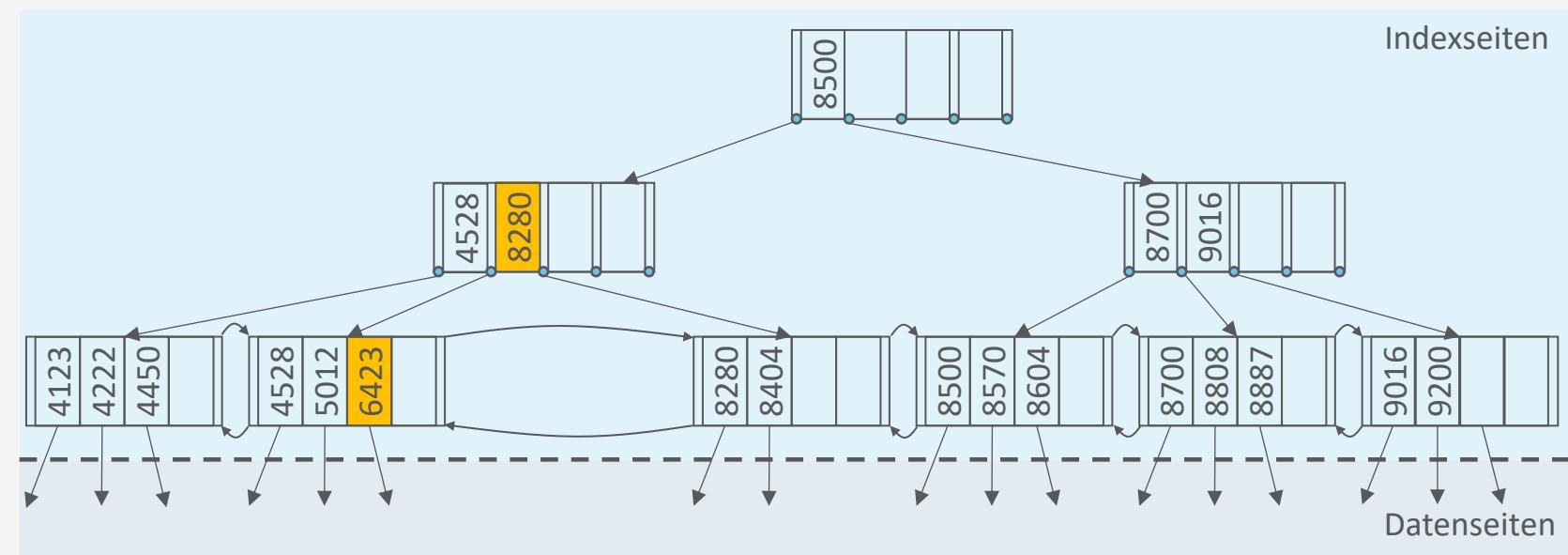
## B<sup>+</sup>-Baum: Löschen – Unterlauf

- Vorgehen, wenn kein Nachbarblatt genug Einträge hat (beide nur  $d$  Einträge)
  - Blattseite mit einem der Nachbarblätter verschmelzen und verweisenden Indexeintrag in Elternknoten löschen
    - Verschmelzen bei unterschiedlichen Elternknoten: Zusätzlich Großeltern-Indexeintrag aktualisieren
- Beispiel:
  - Löschen eines Eintrags mit Suchschlüssel **8050** führt zu Unterlauf
    - Einträge in vorheriges Blatt überführen
    - Dritte Blattseite und Indexeintrag  $\langle 6423, \text{leaf}_3 \rangle$  löschen



## B<sup>+</sup>-Baum: Löschen – Unterlauf

- Vorgehen, wenn kein Nachbarblatt genug Einträge hat (beide nur  $d$  Einträge)
  - Blattseite mit einem der Nachbarblätter verschmelzen und verweisenden Indexeintrag in Elternknoten löschen
    - Verschmelzen bei unterschiedlichen Elternknoten: Zusätzlich Großeltern-Indexeintrag aktualisieren
- Beispiel:
  - Ergebnis
- Verbleibende Aufgabe:  
Was machen, wenn durch Löschen des Indexeintrags im Elternknoten der Elternknoten unterläuft?



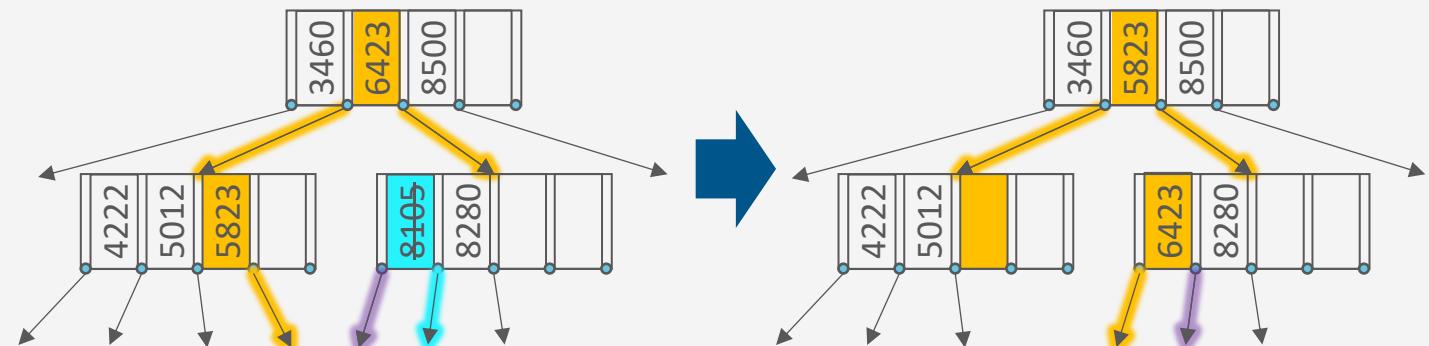
## B<sup>+</sup>-Baum: Löschen – Indexeintrag

- Löschen von einem Indexeintrag  $\langle k, p \rangle$  in Knoten  $n$  (ähnlich zu vorher):

1. Wenn  $n$  genügend Einträge ( $> d$ ) hat, dann  $\langle k, p \rangle$  einfach löschen
2. Sonst: (Umverteilen oder verschmelzen)
  - a. Wenn Nachbarknoten genügend Einträge ( $> d$ ) hat, umverteilen:
    - i. Rotiere Eintrag  $\langle k', p' \rangle$  aus Nachbarknoten über den Elternknoten in den unterlaufenen Knoten
    - ii. Suchschlüssel  $k'$  ersetzt  $k''$  im Elternknoten
    - iii. Eintrag  $\langle k'', p' \rangle$  wird im unterlaufenen Knoten eingefügt

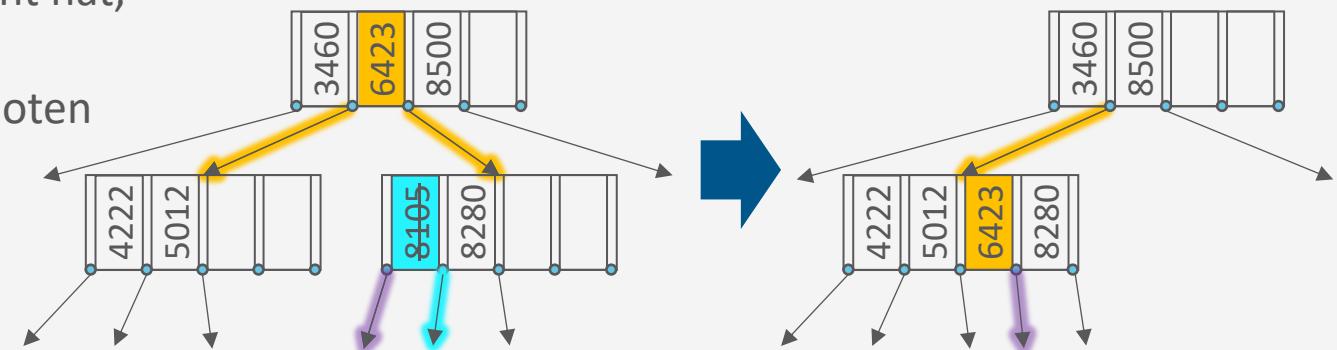
- Beispiel

- Indexeintrag  $\langle 8105, p \rangle$  löschen
- Rotieren des Schlüssels 5823 in den Elternknoten mit Weiterrotation des Eintrags 6423 im Elternknoten in den unterlaufenen Kindknoten



## B<sup>+</sup>-Baum: Löschen – Indexeintrag

- Löschen von einem Indexeintrag mit Schlüssel  $k$  in Knoten  $n$  ähnlich zu vorher):
  1. Wenn  $n$  genügend Einträge ( $> d$ ) hat, dann  $\langle k, p \rangle$  einfach löschen
  2. Sonst: (Umverteilen oder verschmelzen)
    - a. Wenn Nachbarknoten genügend Einträge ( $> d$ ) hat, umverteilen:
      - Rotiere Eintrag über den Elternknoten
    - b. Sonst ( $d$  Einträge der Nachbarknoten):
      - Verschmelze Knoten  $n$  und Nachbarknoten  $n'$
      - Ziehe Schlüssel  $k'$ , der  $n$  und  $n'$  getrennt hat, in den verschmolzenen Knoten
      - Lösche Indexeintrag  $\langle k', p' \rangle$  in Elternknoten (rekursiver Aufruf)



## B+-Baum: Delete

- Bei der Umsetzung zu beachten:
- Wo liegt der Nachbarknoten gemäß der Ordnung?
  - Hat der Nachbarknoten den gleichen Elternknoten?
- Versuchen Sie sich gern selbst mal am Pseudocode dafür.*
- Eintrag  $\langle k, rid \rangle$  löschen
    1. Finde Blattseite  $l$ , in der Eintrag für  $\langle k, rid \rangle$  steht
    2. Falls  $l$  genügend gefüllt (min.  $d + 1$  Einträge), Eintrag löschen
    3. Sonst ( $d$  Einträge):
      - a. Wenn Nachbarblatt  $n$  genügend Einträge ( $> d$ ) hat: Mit Eintrag aus  $n$  auffüllen und Indexeintrag im Vorfahren aktualisieren
      - b. Sonst (Nachbarblätter haben auch nur  $d$  Einträge): Nachbarblatt  $n$  und  $l$  verschmelzen und Indexeintrag in Vorfahren löschen
  - Indexeintrag  $\langle k, p \rangle$  in Knoten  $n$  löschen
    1. Wenn  $n$  genügend Einträge ( $> d$ ) hat, dann  $\langle k, p \rangle$  einfach löschen
    2. Sonst: (Umverteilen oder verschmelzen)
      - a. Wenn Nachbarknoten genügend Einträge ( $> d$ ) hat, umverteilen:
        - Rotiere Eintrag über den Elternknoten
        - Eventuell Großelternknoten aktualisieren
      - b. Sonst ( $d$  Einträge der Nachbarknoten):
        - Verschmelze Knoten  $n$  und Nachbarknoten  $n'$
        - Ziehe Schlüssel  $k'$ , der  $n$  und  $n'$  getrennt hat, in den verschmolzenen Knoten
        - Lösche Indexeintrag  $\langle k', p' \rangle$  in Elternknoten (rekursiver Aufruf)

## B<sup>+</sup>-Bäume in realen Systemen

- Implementierungen verzichten auf die Kosten der Verschmelzung und der Neuverteilung und weichen die Regel der Minimumbelegung auf
  - Beispiel: IBM DB2 UDB
    - MINPCTUSED als Parameter zur Steuerung der Blattknotenverschmelzung (Online-Indexreorganisation)
    - Innere Knoten werden niemals verschmolzen (nur bei Reorganisation der gesamten Tabelle)
  - Zur Verbesserung der Nebenläufigkeit evtl. nur Markierung von Knoten als gelöscht (keine aufwendige Neuverzeigerung)

PCT = Partition Change Tracking

# Erzeugung von Indexstrukturen in SQL

- Implizite Indexe
  - Indexe automatisch erzeugt für Primärschlüssel und Unique-Integritätsbedingungen
    - Werden z.B. bei Einfügeoperationen genutzt für effiziente Prüfung, ob Wert schon existiert
    - Kein Zugriff auf Datensatz selbst nötig
  - Schnelle Findung von Einträgen anhand des Primärschlüssels
- Explizite Indexe: **CREATE INDEX Name ON R(A<sub>1</sub>, ..., A<sub>n</sub>)**
  - Wissen über häufige Anfragen nutzen
  - Einfache Indexe über ein Attribut, zusammengesetzte Indexe (Verbundindexe) über mehrere Attribute einer Tabelle
  - Beispiel
    - Bei häufigen Anfragen mit Selektion der PLZ
    - **create index** PlzIndex  
**on** Kunden (Plz)

```
create index IndexName  
on TableName (Attr);
```

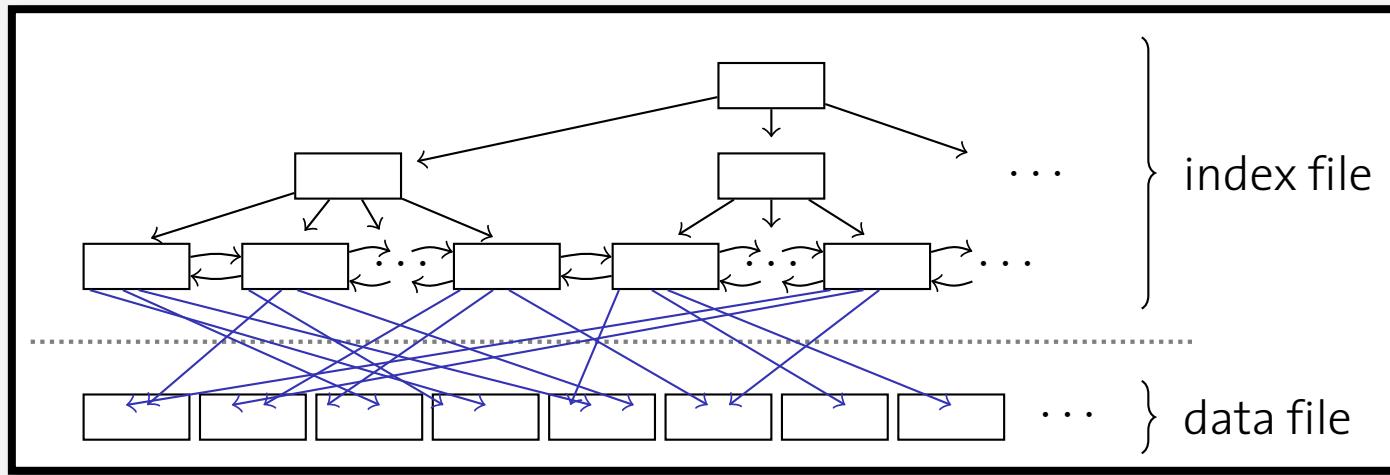
```
create index IndexName  
on TableName (Attr1, Attr2, ..., Attrn);
```

## Indexe mit zusammengesetzten Schlüsseln

- Voraussetzung: Dinge haben eine definierte **totale Ordnung**
  - Integer, Zeichenketten, Datumsangaben, ...
    - In einigen Implementierungen können lange Zeichenketten nicht als Index verwendet werden
  - Auch Hintereinandersetzung möglich
    - Z.B. basierend auf einer lexikographischen Ordnung
- Beispiel:
  - Bei häufigen Anfragen nach Kundennach- und –vornamen (in der Reihenfolge)
  - `create index idx_nname_vname`  
`on Kunden (Nachname, Vorname)`

## B<sup>+</sup>-Bäume und Sortierung

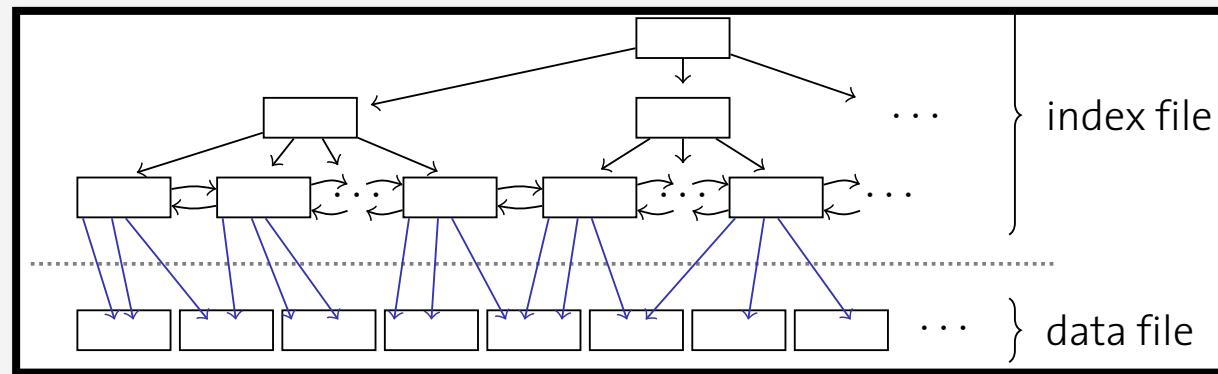
- Eine typische Situation mit  $\langle k, rid \rangle$  Paaren in Blättern sieht so aus:



- Was passiert, wenn man Folgendes ausführt?
  - `select *`  
`from Kunden`  
`where Plz between 8800 and 9099`  
`order by Plz;`

## Geclusterte B<sup>+</sup>-Bäume

- Wenn die Datei mit den Datensätzen sortiert und sequentiell gespeichert ist, erfolgt der Zugriff schneller



- Ein so organisierter Index heißt **geclusterter Index**
  - Sequentieller Zugriff während der Scan-Phase
  - Besonders für Bereichsanfragen geeignet

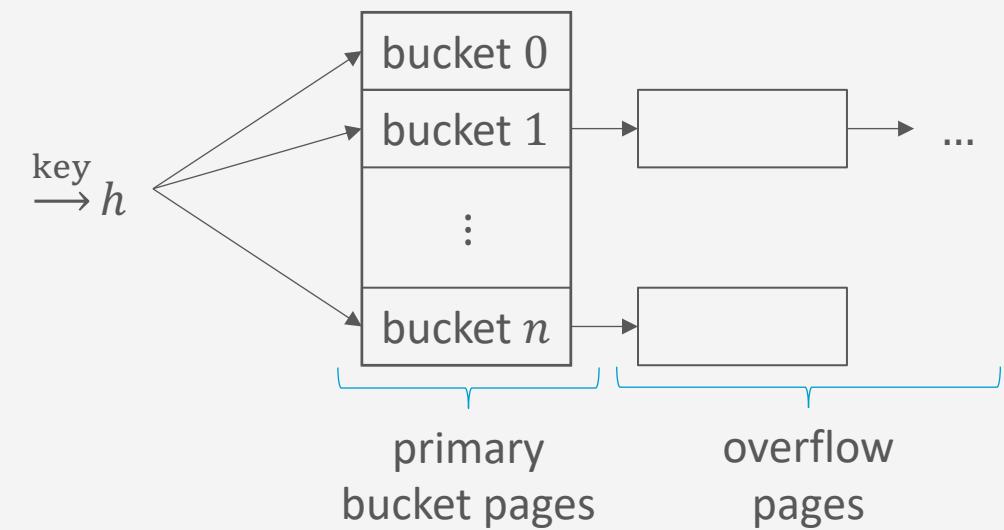
Warum macht  
man Indexe nicht  
immer geclustert?

# Hash-basierte Indexierung

Effiziente Indexierung bei *Gleichheitsprädikaten*

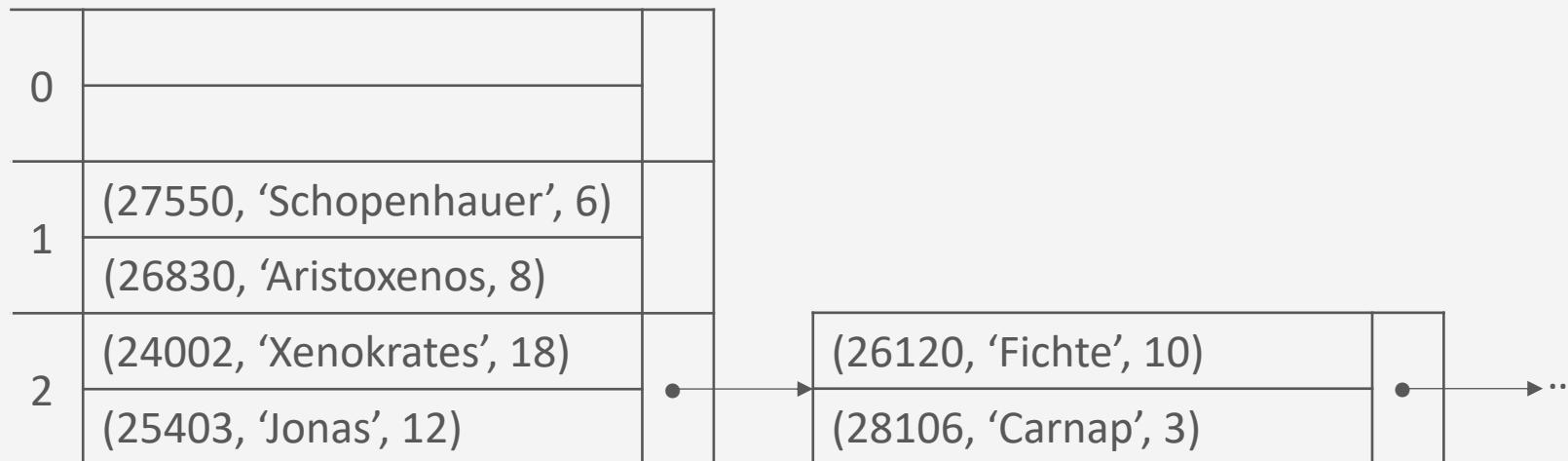
## Hash-basierte Indexierung

- B<sup>+</sup>-Bäume dominieren in Datenbanken
- Alternative: **hash-basierte Indexierung** für Gleichheitsprädikate
  - Aufteilung von möglichen Eingabewerten auf  $n$  Buckets mittels Hash-Funktion  $h$ 
    - $h : \text{dom}(key) \rightarrow [0, \dots, n - 1]$
    - Anzahl an Buckets  $n$ : vorher festzulegen
      - $n \ll$  Anzahl an Eingabewerten (Werte eines Attributs oder einer Kombination von Attributen)
    - Inhalt Bucket-Seite: Datensätze oder rid Liste
      - Wird gefüllt durch Anwendung der Hash-Funktion auf Datensatz und anschließende Einsortierung in Bucket
      - Wenn Seite voll: Kollisionslisten (overflow pages), lineares Sondieren o.ä.
    - Suche nach  $k$ : Suche nach  $k$  in Bucket  $h(k)$



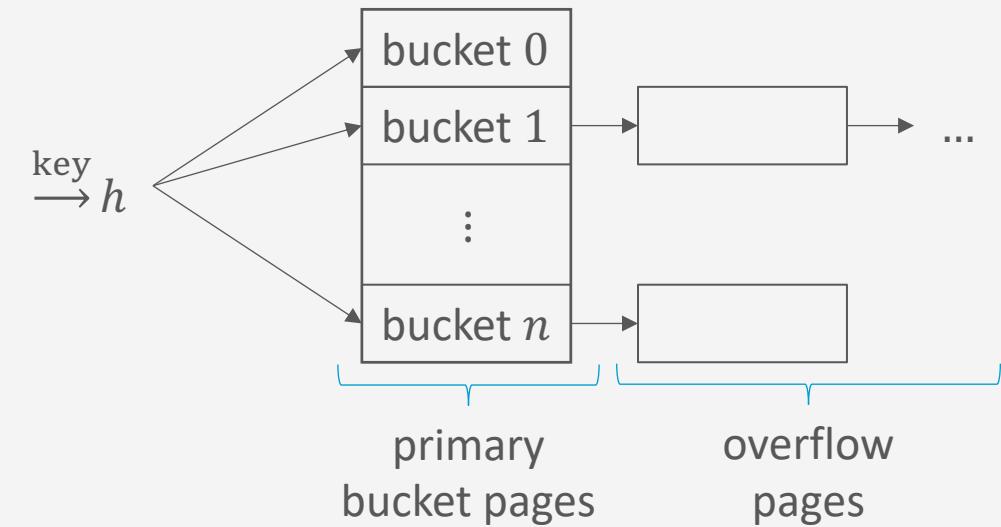
## Statisches Hashing

- Relation *Student(Matrikelnummer, Name, Semester)*
- Hashfunktion  $h(x) = x \bmod 3$ ,  $x$  Matrikelnummer
  - Anzahl an Buckets  $n = 3$ , daher mod 3
  - Kollisionsbehandlung mit Kollisionslisten
- Beispiel: (26830, 'Aristoxenos', 8), (26120, 'Fichte', 10), (28106, 'Carnap', 3), ... einfügen



## Hash-basierte Indexierung

- Hash-Indexe eignen sich nur für **Gleichheitsprädikate**
  - Insbesondere für (lange) Zeichenketten
  - Beispieldatenanfragen, für die sich ein Hash-Index lohnen könnte
    - `select *`  
`from AbtStandort`  
`where Standort='Stafford';`
    - `select *`  
`from Kunden k, Auftraege a`  
`where k.Name='IBM Corp.'`  
`and k.KundenID=a.KundenID;`



## Dynamisches Hashing

- Statisches Hashing ineffizient bei unvorhersehbaren Daten und langen Kollisionslisten
- **Problem:** Wie groß soll die Anzahl  $n$  der Buckets sein?
  - $n$  zu groß → schlechte Platznutzung und Lokalität
  - $n$  zu klein → viele Überlaufseiten, lange Listen
- Datenbanken verwenden daher **dynamisches Hashen** (dynamisch wachsende und schrumpfende Bildbereiche)
  - **Erweiterbares** Hashen  
(Vermeidung des Umkopierens)

## Vor- und Nachteile von Indices

- Zugriff auf Daten von  $O(n)$  ungefähr auf  $O(\log n)$
- Kosten der Indexierung aber nicht zu vernachlässigen
  - Nicht bei kleinen Tabellen
  - Nicht bei häufigen Update- oder Insert-Anweisungen
  - Nicht bei Spalten mit vielen Null-Werten
- Standardisierung nicht gegeben
  - Die meisten Implementierungen legen Indices für Schlüssel und Unique-Eigenschaften zur schnellen Überprüfung automatisch an

```
create [unique|fulltext|spatial] index index_name [index_type]
      on tbl_name (index_col_name,...) [index_type]

index_col_name:
    col_name [(length)] [asc | desc]

index_type:
    using {btree | hash}
```

## Zwischenzusammenfassung

- Indexierte Sequentielle Zugriffsmethode (ISAM-Index)
  - Statisch, baum-basierte Indexstruktur
- B<sup>+</sup>-Bäume
  - *Die* Datenbank-Indexstruktur
  - Auf linearer Ordnung basierend
  - Dynamisch
  - Kleine Baumhöhe für fokussierten Zugriff auf Bereiche
  - Geclusterte vs. ungeclusterte Indexe
    - Sequenzieller Zugriff vs. Verwaltungsaufwand
- Hash-basierte Indexe
  - Gleichheitsprädikate
- Bei Einsatz von Indices Kosten vs. Nutzen abwägen

# Überblick: 6. Anfrageverarbeitung

## A. Speicherung

- Speichermedien
- Verwaltung
- Puffer
- Zugriff

## B. Indexierung

- ISAM-Index
- B<sup>+</sup>-Bäume (B\*-Bäume)
- Hash-basierte Indexe

## C. Anfragebeantwortung

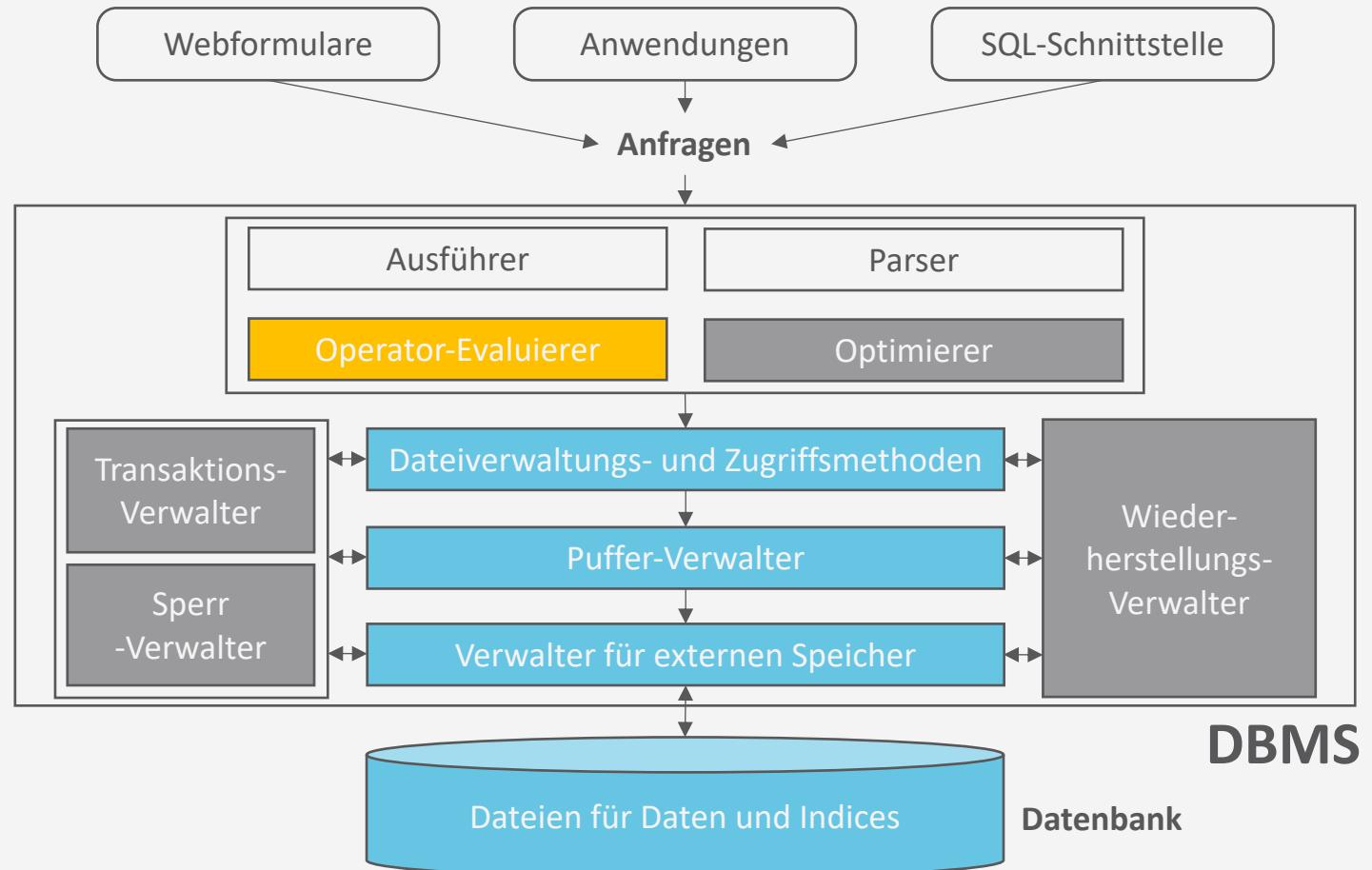
- Sortieren
- Join-Verarbeitung
- Weitere Operationen
- Pipelining

## D. Anfrageoptimierung

- Rewriting
- Datenabhängige Optimierung

# Architektur eines DBMS

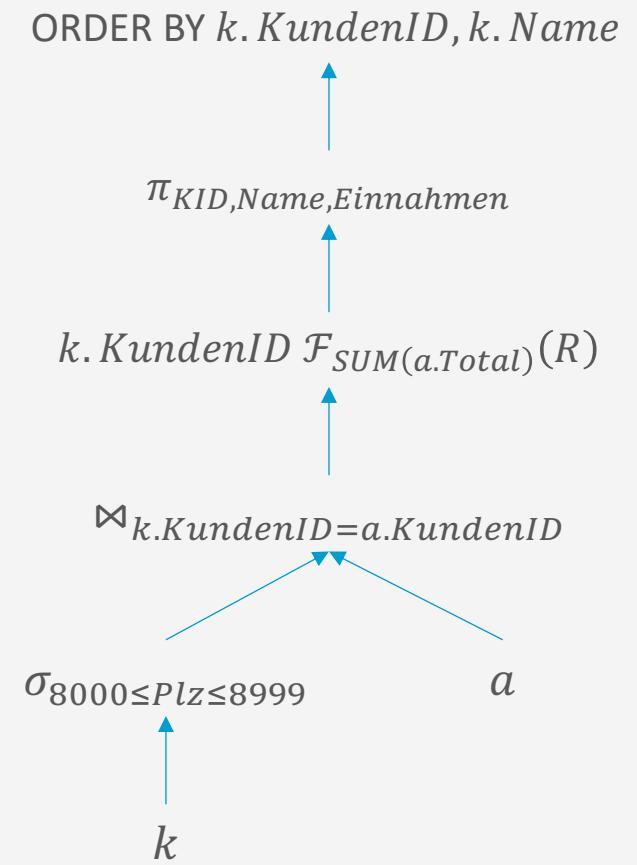
- Speicherung
- Anfragebeantwortung
  - Operator-Evaluierer
  - Optimierer
- Transaktionsmanagement



## Ausführungspläne

- Operator zur Umsetzung einer Operation in einer Anfrage
  - Jeder Planoperator führt zur Verarbeitung einer vollständigen Anfrage eine **Unteraufgabe** aus
  - Zu **Ausführungsplänen** zusammensetzen
  - Nicht immer eindeutige Ausführungspläne

```
select k.KundenID, k.Name,
       sum (a.total) as Einnahmen
from Kunden k, Auftraege a
where k.Plz between 8000 and 8999
       and k.KundenID = a.KundenID
group by k.KundenID
order by k.KundenID, k.Name;
```



# Sortieren

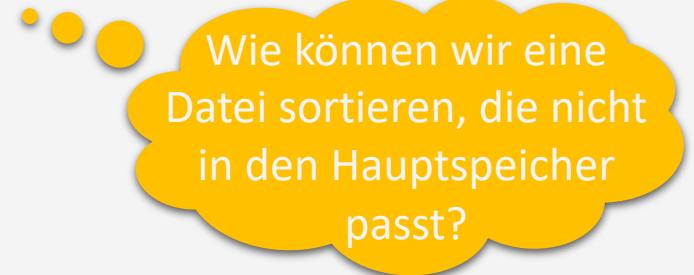
Operator-Evaluierer

$\text{ORDER BY } k.\text{KundenID}, k.\text{Name}$

$\pi_{\text{KundenID}, \text{Name}, \text{Einnahmen}}$

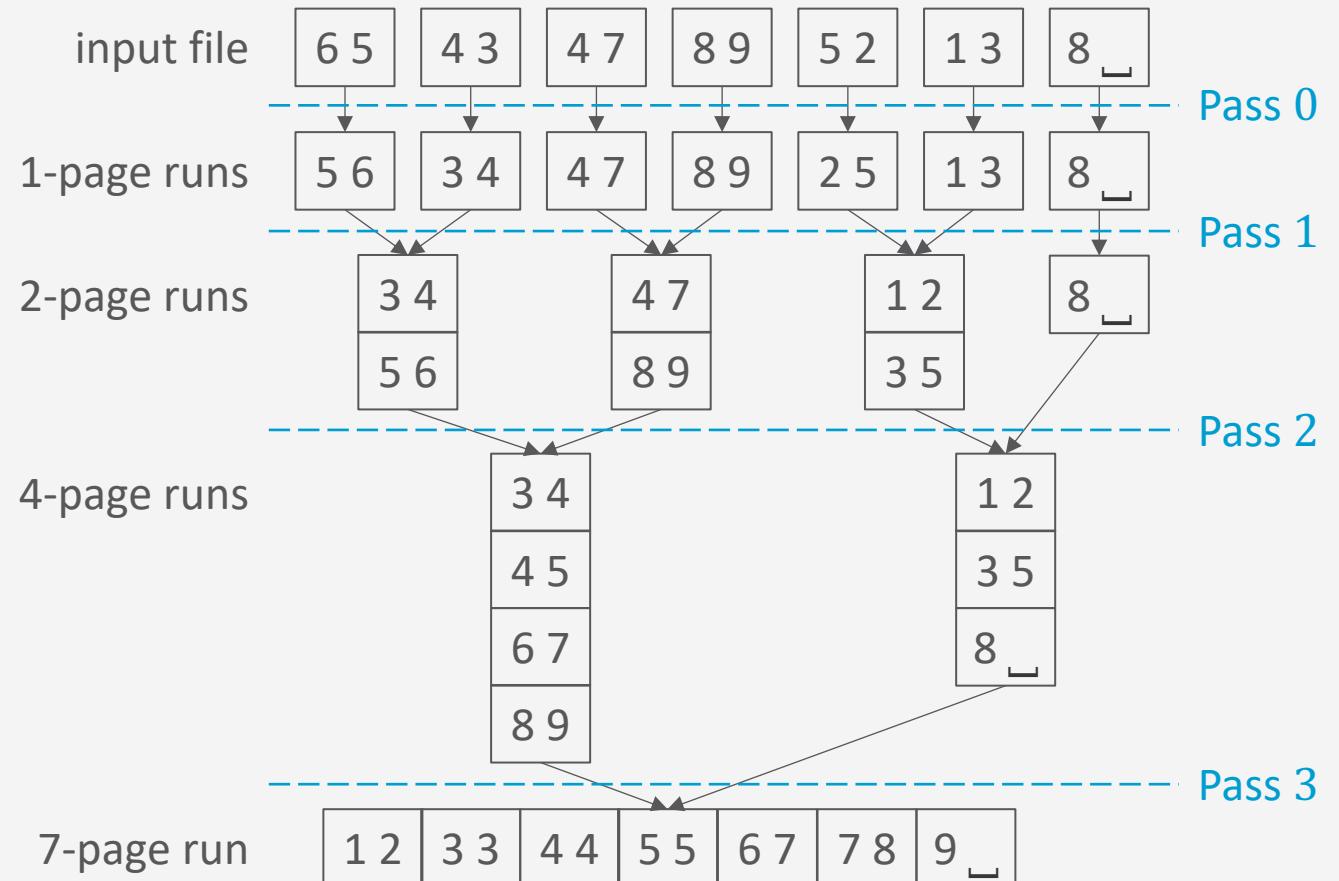
## Effizientes Sortieren

- Häufiges Vorkommen von Sortieroperationen
  - SQL-Anweisung ACS, DESC
  - B<sup>+</sup>-Baum bauen: einfach bei sortierter Eingabe
  - Duplikate-Eliminierung einfach
  - Andere Operatoren erfordern manchmal sortierte Eingaben (mehr dazu später)



## Zwei-Wege-Mischsortieren (*Two-way Merge Sort*)

- Implementierung mit nur drei Pufferseiten möglich  
→ **Zwei-Wege-Mischsortieren**
  - Sortierung von  $N$  Datensätzen in mehreren Durchgängen
  - Aufwand innerhalb von  $N \log N$  bei  $N$  Datensätzen
    - Schneller bei mehr Pufferseiten, Parallelverarbeitung, ...; weitere Tricks anwendbar
    - Gewählte Implementierung abhängig von verfügbaren Ressourcen und Größe der Daten



Pass 0 (Input:  $N = 2^k$  unsorted pages, output:  $2^k$  sorted runs)

1. Read  $N$  pages, one page at a time
  2. Sort page records in main memory
  3. Write sorted pages to disk (each page results in a *run*)
- ▷ This pass requires one page of buffer space.

Pass 1 (Input:  $N = 2^k$  sorted runs, output:  $2^{k-1}$  sorted runs)

1. Open two runs  $r_1$  and  $r_2$  from Pass 0 at a time for reading
2. Merge records from  $r_1$  and  $r_2$ , reading input page-by-page
3. Write new two-page run to disk (page-by-page)

▷ This pass requires *three pages* of buffer space.

Pass  $n$  (Input:  $N = 2^{k-n+1}$  sorted runs, output:  $2^{k-n}$  sorted runs)

1. Open two runs  $r_1$  and  $r_2$  from Pass  $n - 1$  for reading
2. Merge records from  $r_1$  and  $r_2$ , reading input page-by-page
3. Write new two-page run to disk (page-by-page)

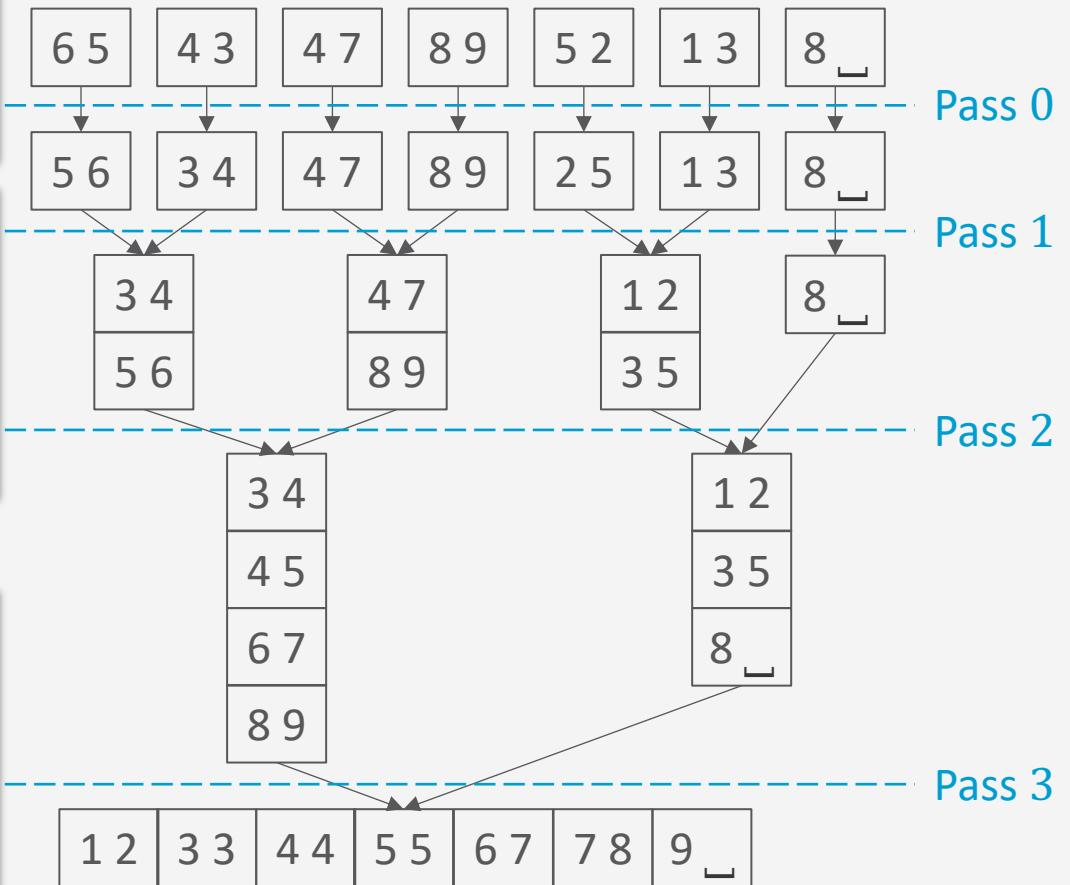
▷ This pass requires *three pages* of buffer space.

1-page runs

2-page runs

⋮

## Zwei-Wege-Mischsortieren



## Zwei-Wege-Mischsortieren: I/O-Verhalten

- Um eine Datei mit  $N$  Seiten zu sortieren, werden in jedem Durchgang  $N$  Seiten gelesen und geschrieben  $\rightarrow 2 \cdot N$  I/O-Operationen pro Durchgang
  - Anzahl der Durchgänge:  $1 + \lceil \log_2 N \rceil$

- Anzahl der I/O-Operationen:  $2 \cdot N \cdot (1 + \lceil \log_2 N \rceil)$ 
    - Beispiel: Sortierung einer 8GB Datei bei einer Travelstar?
      - 8KB pro Seite, wahlfreier Zugriff mit Zugriffszeit  $t = 14,33ms$  (siehe Folie 12)
      - Anzahl an Seiten  $N = \frac{8GB}{8KB} = 10^6$
      - I/O-Operationen:  $2 \cdot 10^6 \cdot (1 + \lceil 6 \cdot \log_2 10 \rceil) = 42 \cdot 10^6$
      - Zeit:  $42 \cdot 10^6 \cdot 14,33ms \approx 7d$

## Externes Mischsortieren

- Bisher freiwillig nur drei Seiten verwendet
- Wie kann ein großer Pufferbereich genutzt werden:  
 $B$  Seiten auf einmal bearbeiten
  - Mit  $B$  Seiten im Puffer können  $B$  Seiten eingelesen und im Hauptspeicher sortiert werden
  - Zwei wesentliche Stellgrößen
    - Reduktion der initialen Runs durch Verwendung des Pufferspeichers beim Sortieren im Hauptspeicher
    - Reduktion der Anzahl der Durchgänge durch Mischen von mehr als zwei Seiten

## Externes Mischsortieren: Reduktion der initialen Runs

- Mit  $B$  Seiten im Puffer können  $B$  Seiten eingelesen und im Hauptspeicher sortiert werden
- Anzahl der I/O-Operationen:  $2 \cdot N \cdot \left(1 + \left\lceil \log_2 \frac{N}{B} \right\rceil\right)$ 
  - Zugriffsmuster auf diese Ein-Ausgaben: Chunks von  $B$  Seiten sequenziell gelesen
  - Beispiel (Fortsetzung)
    - $B = 1000$
    - Durchgänge:  $1 + \lceil \log_2 10^6 / 10^3 \rceil = 1 + \lceil \log_2 10^3 \rceil = 11$
    - $t_s + t_r$  bei 10 Merge-Durchgängen
      - Im ersten Durchgang  $t_s, t_r$  vernachlässigbar
      - Rest:  $2 \cdot 10^6 \cdot 10 \cdot 14,33ms \approx 3d$
    - Transferzeit  $t_{tr} = 2 \cdot 10^6 \cdot 11 \cdot 0,16ms \approx 1h$

Pass 0 (Input:  $N$  unsorted pages, output:  $[N/B]$  sorted runs)

1. Read  $N$  pages,  $B$  pages at a time
2. Sort records in main memory
3. Write sorted pages to disk (resulting in  $[N/B]$  runs)

► This pass uses  $B$  pages of buffer space.

## Externes Mischsortieren: Reduktion der Anzahl der Durchgänge

- Mit  $B$  Seiten im Puffer können auch  $B - 1$  Seiten gemischt werden (eine Seite dient als Schreibpuffer)
- Anzahl der I/O-Operationen:  $2 \cdot N \cdot \left(1 + \left\lceil \log_{B-1} \left\lceil \frac{N}{B} \right\rceil \right\rceil\right)$ 
  - Zugriffsmuster auf diese Ein-Ausgaben: Random access
    - In den Mergephasen muss entschieden werden, welcher der minimalen Elemente auf Outputbuffer gehen.
  - Beispiel (Fortsetzung)
    - Durchgänge:  $1 + \lceil \log_{999} 10^3 \rceil = 3$
    - 2 Merge-Durchgänge:  $t_s + t_r = 2 \cdot 10^6 \cdot 2 \cdot 14,33ms \approx 16h$
    - Transferzeit  $t_{tr} = 2 \cdot 10^6 \cdot 3 \cdot 0,16ms \approx 16min$

Pass  $n$  (Input:  $\frac{[N/B]}{(B-1)^{n-1}}$  sorted runs, output:  $\frac{[N/B]}{(B-1)^n}$  sorted runs)

1. Open  $B - 1$  runs  $r_1, \dots, r_{B-1}$  from Pass  $n - 1$  for reading
2. Merge records from  $r_1, \dots, r_{B-1}$ , reading input page-by-page
3. Write new  $B \cdot (B - 1)^n$ -page run to disk (page-by-page)

▷ This pass uses  $B$  pages of buffer space.

## Externes Mischsortieren: Blockweise Ein-Ausgabe

- Man kann das I/O-Muster verbessern, indem man Blöcke von  $b$  Seiten in den Mischphasen verarbeitet
  - Alloziere  $b$  Seiten für jede Eingabe (statt nur eine)
  - Reduktion der Ein-Ausgabe um Faktor  $b$  pro Seite
    - Anzahl der I/O-Operationen:  $2 \cdot \left\lceil \frac{N}{b} \right\rceil \cdot \left( 1 + \left\lceil \log_{\left\lceil \frac{B}{b} \right\rceil - 1} \left\lceil \frac{N}{\left\lceil \frac{B}{b} \right\rceil} \right\rceil \right)$
    - Preis: Reduzierte Einfächerung → mehr Durchgänge und damit mehr I/O-Operationen
    - Beispiel (Fortsetzung)
      - 63 Sektoren pro Spur, Track-to-Track-Suchzeit  $t_{s,t2t} = 1ms$
      - Blockweises I/O mit  $b = 32$
      - 1 Block mit 8KB benötigt 16 Sektoren
      - Ca.  $2 \cdot \left\lceil \frac{1.000.000}{32} \right\rceil \cdot \left( 1 + \left\lceil \log_{\left\lceil \frac{1000}{32} \right\rceil - 1} \left\lceil \frac{1.000.000}{\left\lceil \frac{1000}{32} \right\rceil} \right\rceil \right) = 312.500$  Plattenzugriffe mit je  $27,42ms \rightarrow 2,38h$

## Externes Mischsortieren: Hauptspeicher als Ressource

- In der Praxis meist genügend Hauptspeicher vorhanden, so dass Dateien in einem Mischdurchgang sortiert werden kann (mit blockweisem I/O)
  - Beispiel (Fortsetzung)
    - Benötigter Speicher um mit einem Mischvorgang auszukommen: 256MB

## Bisher nur IO-Zeit betrachtet

- Auswahl des nächsten Datensatzes für den Output unter  $B - 1$  (oder  $B/b - 1$ )  
Eingabeläufen kann CPU-intensiv sein ( $B - 2$  Vergleiche)
- Beispiel:  $B - 1 = 4$ , Ordnung: <

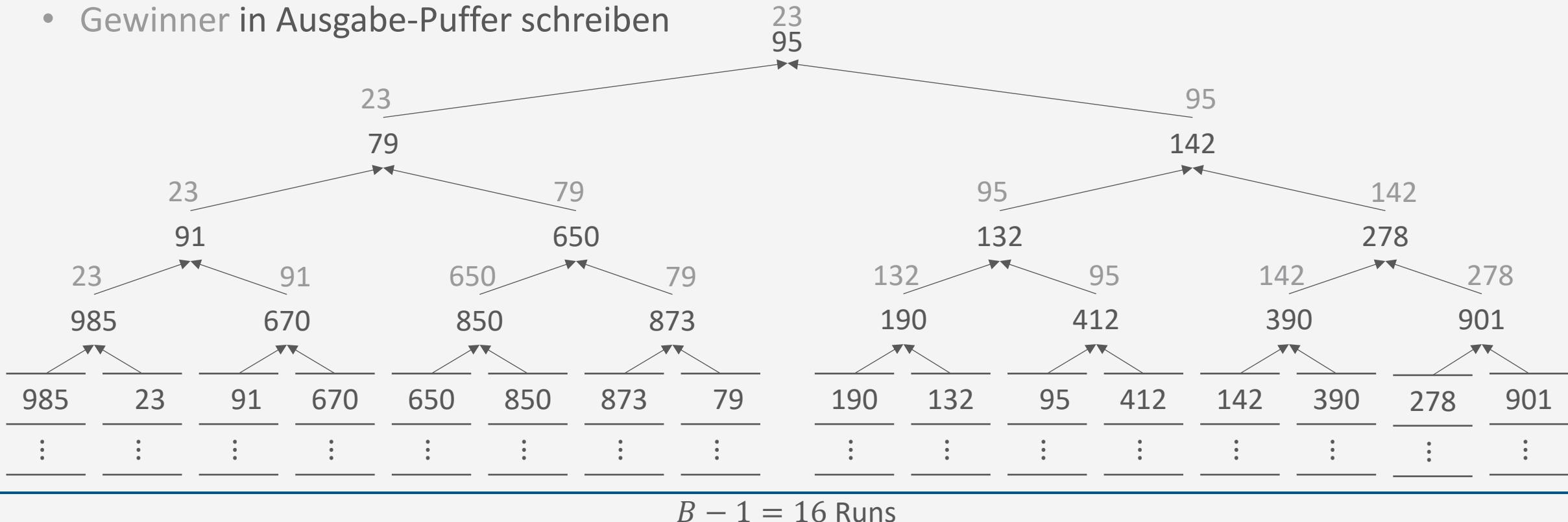
087	170	154	612	
503	908	426	613	
504	994	653	700	
:	:	:	:	
page	page	...	page	out
Run 1	Run 2	...	Run $B - 1$	buffer

503	170	154	612	087
504	908	426	613	
:	994	653	700	
page	page	...	page	out
Run 1	Run 2	...	Run $B - 1$	buffer

503	170	426	612	087
504	908	653	613	
:	994	:	700	
page	page	...	page	out
Run 1	Run 2	...	Run $B - 1$	buffer

## Tree of Losers (and Hidden Winners)

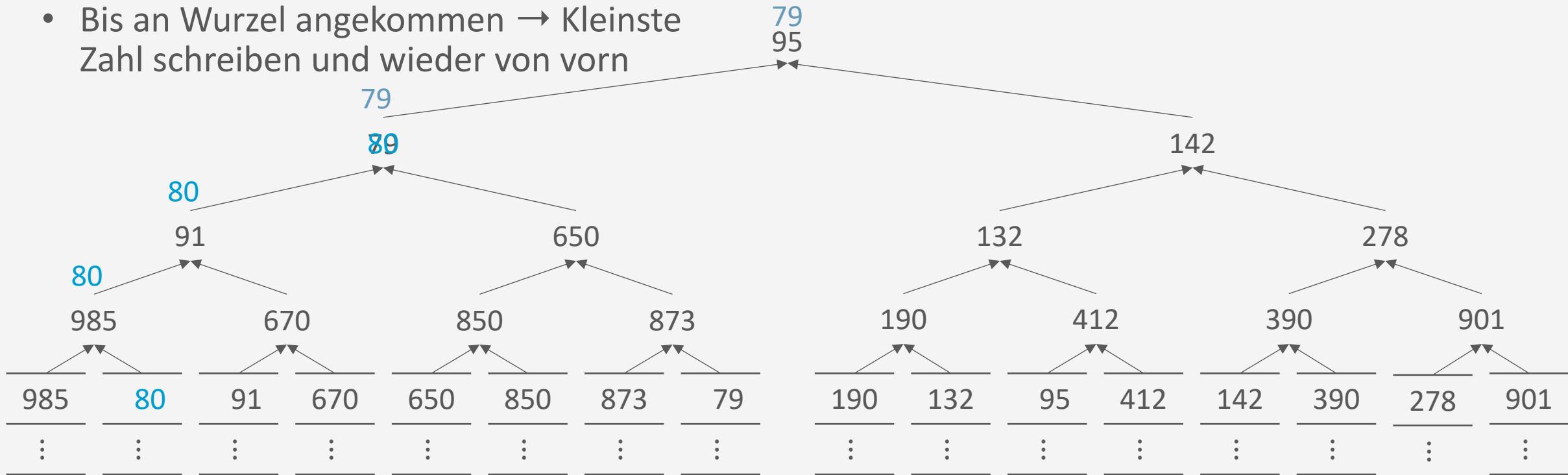
- Verwende Auswahlbaum zur Kostenreduktion
  - Reduktion der Vergleiche auf  $\log_2(B - 1)$  bzw.  $\log_2(\frac{B}{b} - 1)$
  - Gewinner in Ausgabe-Puffer schreiben



## Tree of Losers (and Hidden Winners): Nächstes Element

Aktualisierungsaufwand  
nur im Gewinner-Pfad

- Im Gewinner-Run: Nächste Zahl nach oben propagieren
  - Solange bis andere Zahl  $v$  kleiner ist, dann Zahl ersetzen und  $v$  nach oben propagieren
  - Bis an Wurzel angekommen → Kleinste Zahl schreiben und wieder von vorn



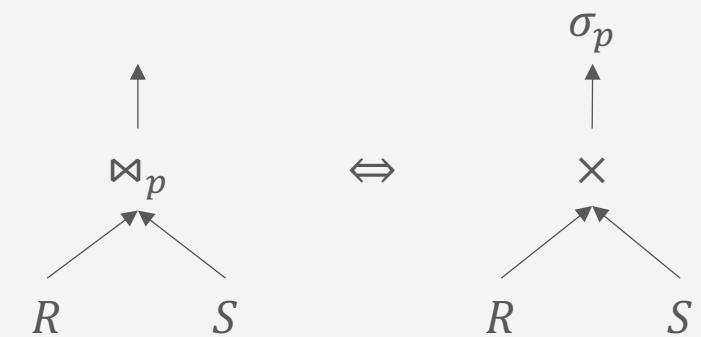
# Join-Implementierung

Operator-Evaluierer

$$R = \bowtie_{k.KundenID=a.KundenID} \sigma_{8000 \leq Plz \leq 8999} a$$

## Verbundoperator (Join) $R \bowtie S$

- Join  $R \bowtie_p S$  ist Abkürzung für Kreuzprodukt mit anschließender Selektion  $\sigma_p(R \times S)$
- Daraus ergibt sich eine einfache Implementierung von  $\bowtie_p$ 
  1. Enumeriere alle Datensätze aus  $R \times S$
  2. Wähle die Datensätze, die  $p$  erfüllen
- Aber:  
Größe des Zwischenresultats aus Schritt 1:  $|R| \cdot |S|$ 
  - Ineffizienz kann überwunden werden



## Join-als-geschachtelte-Schleifen

- Einfache Implementierung des Joins
  - nl = nested loop
- Sei  $N_R$  und  $N_S$  die Seitenzahl von  $R$  und  $S$
- Sei  $p_R$  und  $p_S$  die Anzahl der Datensätze pro Seite in  $R$  und  $S$
- Anzahl an Plattenzugriffen

$$N_R + \underbrace{p_R \cdot N_R \cdot N_S}_{\text{\#Tupel in } R}$$

- Jede der  $N_R$  Seiten muss geladen werden
- Für jedes Tupel auf den  $N_R$  Seiten muss jede der  $N_S$  Seiten geladen werden

```
function nljoin( $R, S, p$ )
    result  $\leftarrow \emptyset$ 
    for each record  $r \in R$  do
        for each record  $s \in S$  do
            if  $\langle r, s \rangle$  satisfies  $p$  then
                Append  $\langle r, s \rangle$  to result
    return result
```

## Join-als-geschachtelte-Schleifen

- Geringer Speicherbedarf
  - Nur drei Seiten nötig
    - Zwei Seiten fürs Lesen von  $R$  und  $S$
    - Eine Seite, um das Ergebnis zu schreiben
- I/O-Verhalten: Sehr viele **wahlfreie** Zugriffe
  - Annahme  $p_R = p_S = 100, N_R = 1000, N_S = 500$ :  
$$N_R + p_R \cdot N_R \cdot N_S = 1000 + 5 \cdot 10^7$$
  - Mit einer Zugriffszeit von 10ms für jede Seite dauert der Vorgang **140 Stunden**
    - Wenn  $|S| < |R|$ : Vertauschen von  $R$  und  $S$  verbessert die Situation nur marginal
    - Abwechselndes seitenweises Lesen bedingt volle Plattenlatenz, obwohl beide Relationen in sequenzieller Ordnung verarbeitet werden.

```
function nljoin( $R, S, p$ )
    result  $\leftarrow \emptyset$ 
    for each record  $r \in R$  do
        for each record  $s \in S$  do
            if  $\langle r, s \rangle$  satisfies  $p$  then
                Append  $\langle r, s \rangle$  to result
    return result
```

## Blockweiser Join mit Schleifen

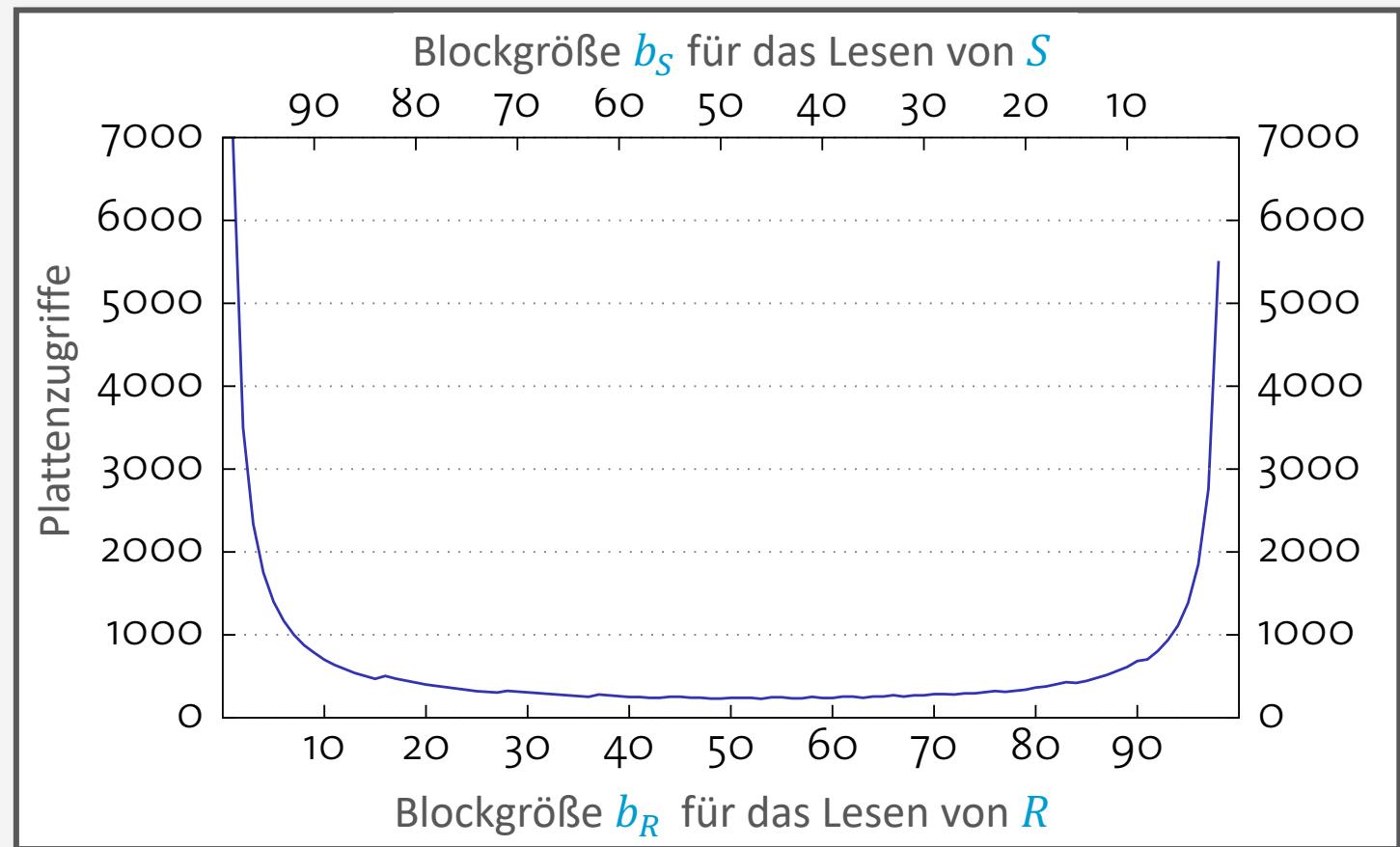
- Einsparung von Kosten durch wahlfreien Zugriff durch blockweises Lesen von  $R$  und  $S$  mit  $b_R$  und  $b_S$  vielen Seiten
- Braucht mehr Seiten als  $\text{nljoin}(R, S, p)$
- Plattenzugriffe
  - $R$  wird (einmal) vollständig gelesen, aber mit nur  $\left\lceil \frac{N_R}{b_R} \right\rceil$  Plattenzugriffen
  - $S$  wird nur  $\left\lceil \frac{N_R}{b_R} \right\rceil$  mal gelesen, mit  $\left\lceil \frac{N_R}{b_R} \right\rceil \cdot \left\lceil \frac{N_S}{b_S} \right\rceil$  Plattenzugriffen

```
function block_nljoin(R, S, p)
    result ← Ø
    for each  $b_R$ -sized block in  $R$  do
        for each  $b_S$ -sized block in  $S$  do
            Find matches in current  $R$  and  $S$  block
            and append them to result
    return result
```

Join im Hauptspeicher  
ausführbar

## Wahl von $b_R$ und $b_S$

- Pufferbereich mit
  - $B = 100$  Rahmen
  - $N_R = 1000$
  - $N_S = 500$



# Performanz des Hauptspeicher-Joins

- Anweisung im Inneren bedingt einen Hauptspeicherverbund zwischen Blöcken aus  $R$  und  $S$
- Aufbau einer Hashtabelle kann den Verbund erheblich beschleunigen
  - Funktioniert nur für Gleichheitsprädikate im Join

Warum Hashtabelle für  
 $R$  Block und nicht  $S$  Block?

```
function block_nljoin( $R, S, p$ )
    result  $\leftarrow \emptyset$ 
    for each  $b_R$ -sized block in  $R$  do
        for each  $b_S$ -sized block in  $S$  do
            Find matches in current  $R$  and  $S$  block
            and append them to result
    return result
```

```
function block_nljoin'( $R, S, p$ )
    result  $\leftarrow \emptyset$ 
    for each  $b_R$ -sized block in  $R$  do
        • Build an in-memory hash table  $H$  for current  $R$  block
        for each  $b_S$ -sized block in  $S$  do
            for each record  $s$  in current  $S$  block do
                Probe  $H$  and append matching  $\langle r, s \rangle$  tuples to result
    return result
```

## Indexbasierte Verbunde $R \bowtie S$

- Verwendung eines vorhandenen Index für die innere Relation  $S$ 
  - Ggf. innere und äußere Relation vertauschen (wenn nur Index für  $R$  vorhanden)
- Index muss verträglich mit der Join-Bedingung sein
  - Join-Attribute heißen dann *sargable*
    - (SARG = Search ARGument)
  - Hash-Index (nur für Gleichheitsprädikate) oder auch  $B^+$ -Baum
- Häufiger Join → Passenden Index aufbauen

Suchschlüssel  
für Suche im Index

```
function index_nljoin( $R, S, p$ )
    result  $\leftarrow \emptyset$ 
    for each record  $r \in R$  do
        Probe index using  $r$  and
        append all matching tuples to  $result$ 
    return  $result$ 
```

$$R = \bowtie_{k.KundenID=a.KundenID} \sigma_{8000 \leq Plz \leq 8999} a$$

# Sortier-Merge-Join

- Join-Berechnung einfach, wenn Relationen bzgl. Join-Attribut(en) sortiert
- Kombiniere Eingabetabellen ähnlich wie beim Merge-Sort
  - Nur für Gleichheitsprädikate

A	B		C	D
'foo'	1		1	false
'foo'	2	$\bowtie_{B=C}$	2	true
'bar'	2		2	false
'baz'	2		3	true
'baf'	4			

```

function merge_join( $R, S, \alpha = \beta$ )
  result  $\leftarrow \emptyset$ 
   $r \leftarrow$  position of first tuple in  $R$ 
   $s \leftarrow$  position of first tuple in  $S$ 
  while  $r \neq \text{eof}$  and  $s \neq \text{eof}$  do
    while  $r.\alpha < s.\beta$  do
      Advance  $r$ 
    while  $r.\alpha > s.\beta$  do
      Advance  $s$ 
     $s' \leftarrow s$ 
    while  $r.\alpha = s'.\beta$  do
       $s \leftarrow s'$ 
      while  $r.\alpha = s.\beta$  do       $\triangleright$  All  $S$  tuples with same  $\beta$  values
        Append  $\langle r, s \rangle$  to result
        Advance  $s$ 
      Advance  $r$ 
    return result
   $\triangleright \alpha, \beta$  join columns in  $R, S$ 
   $\triangleright$  Remember current position in  $s$ 
   $\triangleright$  All  $R$  tuples with same  $\alpha$  value
   $\triangleright$  Rewind  $s$  to  $s'$ 

```

## Merge-Join: I/O-Verhalten

- Wenn beide Eingaben sortiert und keine außergewöhnlich langen Sequenzen mit identischen Schlüsselwerten vorhanden, dann ist der I/O-Aufwand

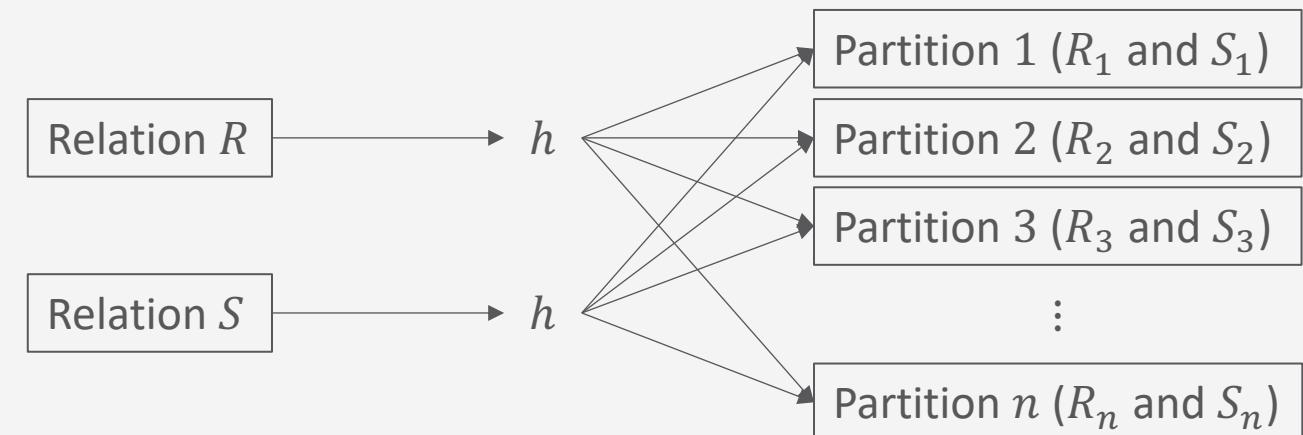
$$N_R + N_S \text{ (das ist dann optimal)}$$

- Durch blockweises I/O treten fast immer sequenzielle Lesevorgänge auf
- Vorher sortieren kann sich also für Join-Berechnung auszahlen
- Ausgabe weiterhin sortiert
  - Wenn später eine Sortierung der Ausgabe gefordert wird, lohnt sich die vorherige Sortierung noch mehr
  - Zudem weniger Festplattentransfers mit Merge-Join im Vergleich zu erst eine Art von Join ausführen und dann sortieren

$$R = \bowtie_{k.KundenID=a.KundenID} \sigma_{8000 \leq Plz \leq 8999} a$$

## Hash-Join

- Sortierung bringt korrespondierende Tupel in eine räumliche Nähe, so dass eine effiziente Verarbeitung möglich ist
- Ähnlicher Effekt erreichbar mit Hash-Verfahren
- Zerlege  $R$  und  $S$  in Teilrelationen  $R_1, \dots, R_n$  und  $S_1, \dots, S_n$  mit der gleichen Hashfunktion (angewendet auf die Join-Attribute)
  - $R_i \bowtie S_j = \emptyset$  für alle  $i \neq j$



## Hash-Join

- Mittels Hashfunktion werden die Tupel aus  $R$  und  $S$  partitioniert
  - Durch Partitionierung werden kleine Relationen  $R_i$  und  $S_i$  geschaffen
  - Korrespondierende Datensätze kommen garantiert in korrespondierende Partitionen der Relationen
- Es muss  $R_i \bowtie S_i$  (für alle  $i$ ) berechnet werden (einfacher)
- Die Anzahl der Partitionen  $n$  (d.h. die Hashfunktion) sollte mit Bedacht gewählt werden, so dass  $R_i \bowtie S_i$  als Hauptspeicher-Join berechnet werden kann
  - Solange mit Hashfunktionen partitionieren bis die Partitionen der kleineren Relation in den Hauptspeicher passen
  - Partitionen der größeren Relation müssen nicht in den Hauptspeicher passen, werden dann block-weise geladen, wenn  $R_i \bowtie S_i$  berechnet wird

## Hash-Join-Algorithmus

- I/O-Aufwand, wenn  $|R \bowtie S|$  klein:  
 $3 \cdot (N_R + N_S)$
- Lesen und Schreiben beider Relationen für Partitionierung + Lesen beider Relationen für Join

```
function hash_join( $R, S, \alpha = \beta$ )
    result  $\leftarrow \emptyset$ 
    for each record  $r \in R$  do
        Append  $r$  to partition  $R_{h(r.\alpha)}$ 
    for each record  $s \in S$  do
        Append  $s$  to partition  $S_{h(s.\beta)}$ 
    for each partition  $i \in 1, \dots, n$  do
        Build hash table  $H$  for  $R_i$  using hash function  $h'$ 
        for each block in  $S_i$  do
            for each record  $s$  in current  $S_i$  block do
                Probe  $H$  and append matching tuples to result
    return result
```

# Gruppierung + **UNIQUE**-Behandlung

Operator-Evaluierer

$k. KundenID \mathcal{F}_{SUM(a.Total)}(R)$



## Gruppierung und Duplikate-Elimination

- Herausforderung: Finde *identische* Datensätze in einer Datei
  - Duplikate-Elimination: Identische Datensätze bzgl. aller Attribute zur Eliminierung
  - Gruppierung: Identisch bzgl. Gruppierungsattribut(e) zur Gruppierung
- Umsetzung der Duplikate-Elimination oder Gruppierung mit **Hash-Join** oder **Sortierung**
  - Siehe vorherige Folien

# Selektion und Projektion

Anfrageverarbeitung

 $\pi_{KundenID, Name, Einnahmen}(S)$  $\sigma_{8000 \leq Plz \leq 8999}$

## Andere Anfrage-Operatoren

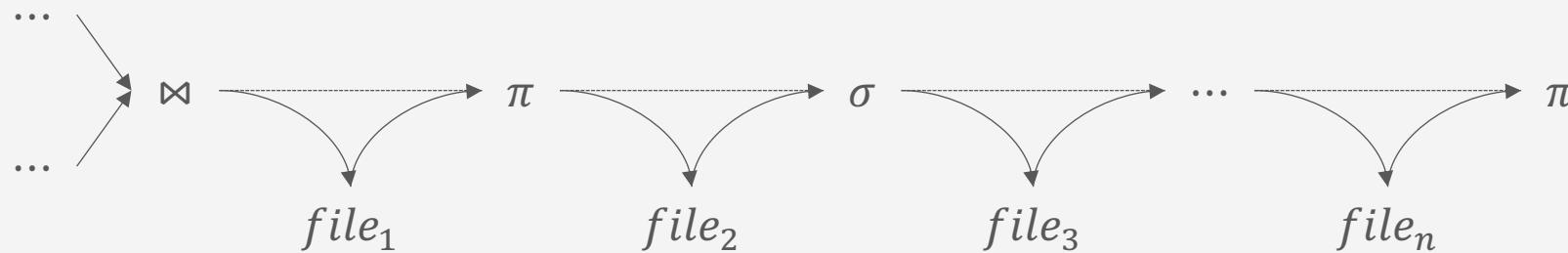
- Projektion  $\pi$ 
  - Implementierung durch
    - a. Entfernen nicht benötigter Spalten
    - b. Eliminierung von Duplikaten
  - Die Implementierung von
    - a. Bedingt das Ablaufen (scan) aller Datensätze in der Datei
    - b. Siehe vorherigen Abschnitt zu Duplikate-Eliminierung
  - Systeme vermeiden b. sofern möglich
- Selektion  $\sigma$ 
  - Ablaufen (scan) aller Datensätze
  - Eventuell Sortierung ausnutzen oder Index verwenden

# Pipelining

Anfrageverarbeitung

## Organisation der Operator-Evaluierung

- Bisher gehen wir davon aus, dass Operatoren ganze Dateien verarbeiten



- Erzeugt offensichtlich viel I/O
- Außerdem: lange Antwortzeiten
  - Ein Operator kann nicht anfangen, solange nicht seine Eingaben vollständig bestimmt sind (materialisiert sind)
  - Operatoren werden nacheinander ausgeführt

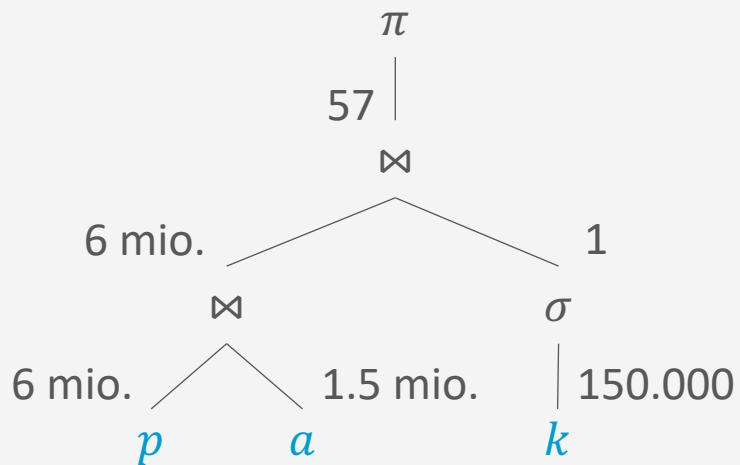
## Pipeline-orientierte Verarbeitung

- Alternativ könnte jeder Operator seine Ergebnisse direkt an den nachfolgenden senden, ohne die Ergebnisse erst auf die Platte zu schreiben
- Ergebnisse werden so früh wie möglich weitergereicht und verarbeitet (**Pipeline-Prinzip**)
- Granularität ist bedeutsam:
  - Kleinere Brocken reduzieren Antwortzeit des Systems
  - Größere Brocken erhöhen Effektivität von Instruktions-Cachespeichern
  - In der Praxis meist tupelweises Verarbeiten verwendet
- Siehe auch Gebiet der **Stromverarbeitung**

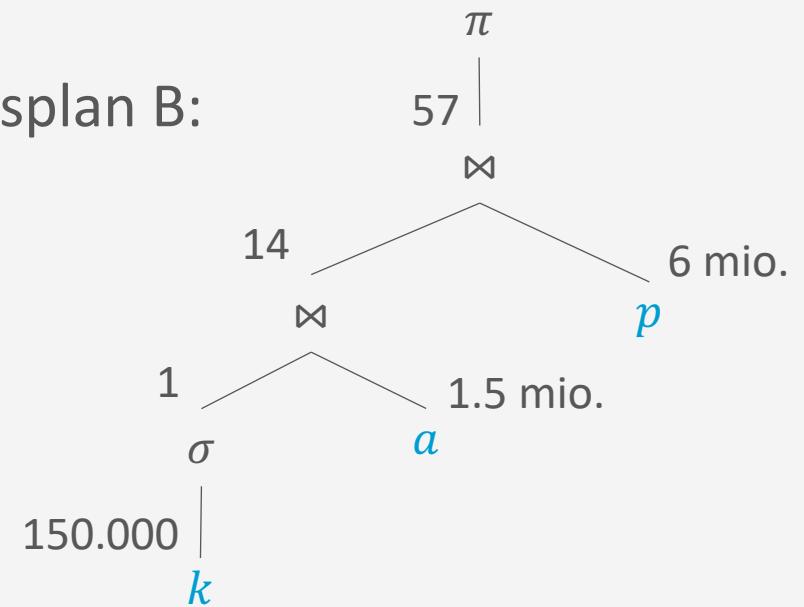
## Auswirkungen auf die Performanz

```
select p.Teile_ID, p.Anzahl, p.Preis
from Auftragsposten p, Auftraege a, Kunden k
where p.Auftrag_ID = a.Auftrag_ID
      and a.Kunden_ID = k.Kunden_ID
      and k.Name = 'IBM Corp.';
```

- Ausführungsplan A:



- Ausführungsplan B:



- Ermöglicht
  - Tupelweises Verarbeiten der Relation  $k$
  - Sofortiges Weiterleiten nach der Selektion
  - Kombiniert mit tupelweisem Verarbeiten der Relationen  $a$  und  $p$

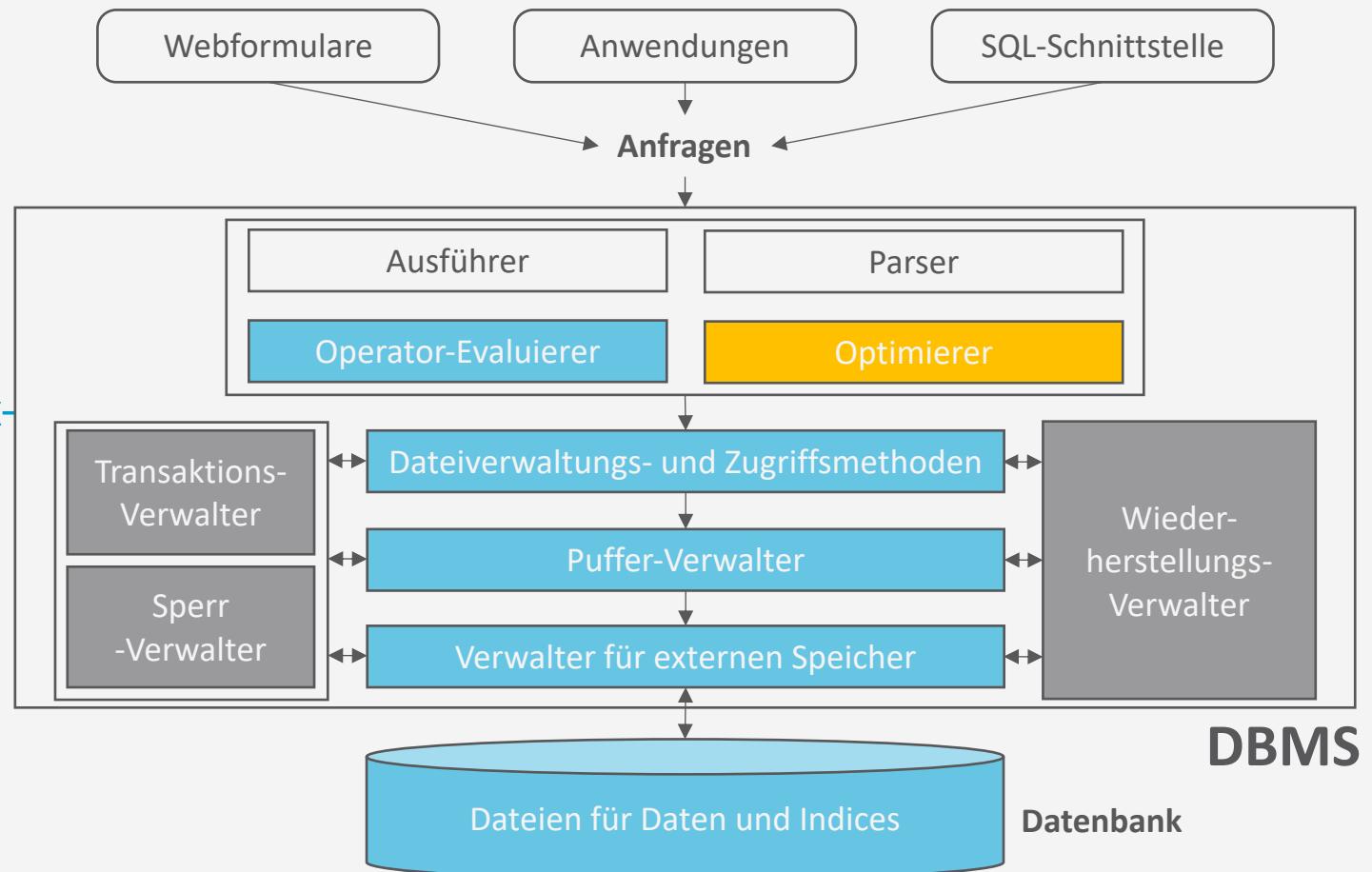
## Blockierende Operatoren

- Pipelining reduziert Speicheranforderungen und Antwortzeiten, da jeder Datensatz gleich weitergeleitet
- Funktioniert so nicht für alle Operatoren ...
  - Misch-Sortierung
  - Gruppierung, Duplikate-Elimination, Max/Min über einer unsortierten Eingabe
- Solche Operatoren nennt man **blockierend**
- Blockierende Operatoren konsumieren die gesamte Eingabe in einem Rutsch, bevor die Ausgabe erzeugt werden kann
  - Daten auf Festplatte zwischengespeichert



# Architektur eines DBMS

- Speicherung
- Anfragebeantwortung
  - Operator-Evaluierer
    - Sortieren: externes Merge-Sort, Tree of Losers
    - Join-Verarbeitung: blockweise, index-basiert, Sortier-Merge, hash-basiert
    - Gruppierung, Duplikate-Eliminierung, Selektion, Projektion möglicherweise unterstützt durch Indizes / Sortierung
    - Pipelining
    - Optimierer



# Überblick: 6. Anfrageverarbeitung

## A. Speicherung

- Speichermedien
- Verwaltung
- Puffer
- Zugriff

## B. Indexierung

- ISAM-Index
- B<sup>+</sup>-Bäume (B\*-Bäume)
- Hash-basierte Indexe

## C. Anfragebeantwortung

- Sortieren
- Join-Verarbeitung
- Weitere Operationen
- Pipelining

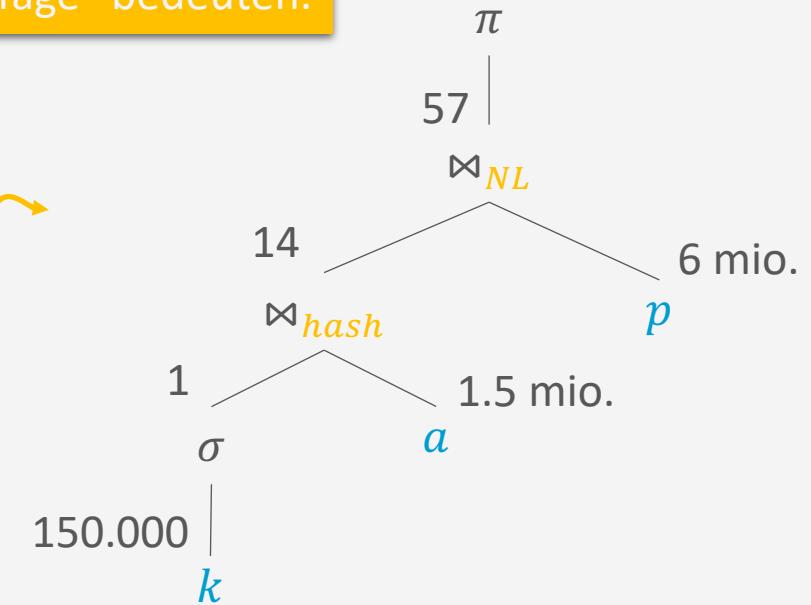
## D. Anfrageoptimierung

- Rewriting
- Datenabhängige Optimierung

# Anfrageoptimierung

```
select p.Teile_ID, p.Anzahl, p.Preis  
from Auftragsposten p, Auftraege a, Kunden k  
where p.Auftrag_ID = a.Auftrag_ID  
and a.Kunden_ID = k.Kunden_ID  
and k.Name = 'IBM Corp.';
```

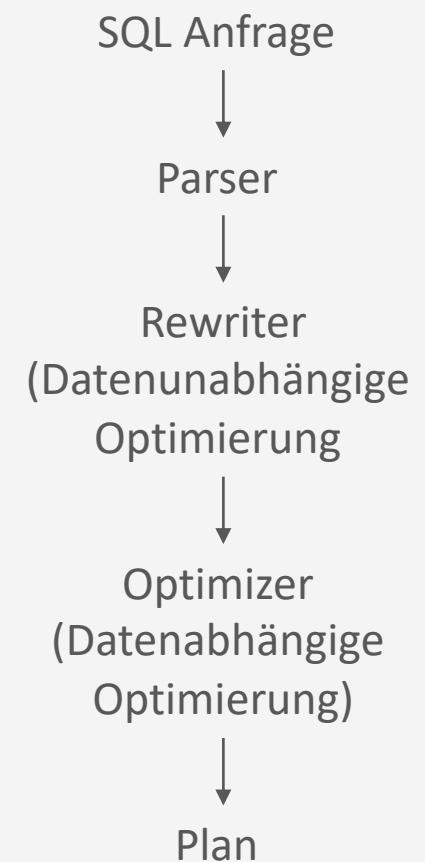
Bezogen auf die Ausführungszeit können die Unterschiede „Sekunden vs. Tage“ bedeuten.



- Neben der Anordnung in den Ausführungsplänen gibt es weitere Entscheidungen, die auf die Anfragebeantwortung Auswirkung haben
  - Welche Implementation eines Join-Operators?
  - Welche Parameter für Blockgrößen, Pufferallokation, ...
  - Automatisch einen Index aufsetzen?
- Aufgabe, den besten Ausführungsplan zu finden: **Heilige Gral** der DB-Implementierung

# Optimierung

- Optimierungen können unabhängig von den Daten erfolgen: **Rewriting**
  - Selektionsprädikate vereinfachen / früh anwenden
  - Geschachtelte Anfragen entschachteln bzw. Joins explizit machen
  - Vermeide Duplikate-Elimination, wenn möglich
- Datenabhängige Optimierung: **Optimiser**
  - Kostenbasiert auf Basis der Daten bzw. statistisch relevanter Größen der DB
- Hier nicht näher besprochen
  - Minimierung einer Anfrage durch Elimination einer Unteranfrage
  - Elimination eines teuren Operators
  - Bestimmung relevanter Tabellen



## Prädikatsvereinfachung (Rewriting)

- Beispiel: Schreibe

- ```
select *  
from Einzelposten p  
where p.Steuern * 100 < 5;
```

um in

- ```
select *  
from Einzelposten p  
where p.Steuern < 0.05;
```

- Prädikatsvereinfachung ermöglicht Verwendung von Indices und vereinfacht die Erkennung von effizienten Join-Implementierungen

## Geschachtelte Anfragen

- SQL bietet viele Wege, geschachtelte Anfrage zu schreiben

- Unkorrelierte Unteranfragen  
→ nur einmal auswerten

```
select *
from Auftraege
where Kunden_ID in
(select Kunden_ID
from Kunden
where Name = 'IBM Corp.');
```

- Korrelierte Unteranfragen  
→ für jedes Tupel auswerten

```
select *
from Auftraege a
where Kunden_ID in
(select Kunden_ID
from Kunden k
where k.Kontostand = a.Gesamtpreis);
```

- Meist sind Unteranfragen nur syntaktische Varianten von Joins
- Rewriting: Joins explizit machen für Join-Order-Optimierung

## Zusätzliche Verbundprädikate

- Implizite Verbundprädikate wie in
  - `select *`  
`from A, B, C`  
`where A.a = B.b and B.b = C.c;`  
können explizit gemacht werden
  - `select *`  
`from A, B, C`  
`where A.a = B.b and B.b = C.c and A.a = C.c`
- Hierdurch werden Pläne möglich wie  $(A \bowtie C) \bowtie B$

# Optimiser: Kostenbasierte Optimierung

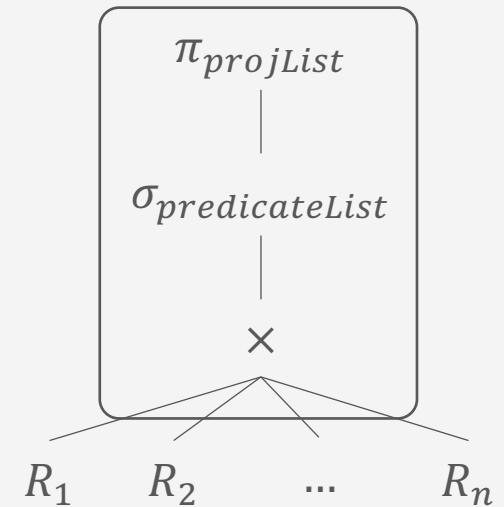
Anfragenoptimierer

## Abschätzung der Ergebnisgröße

- Betrachte Anfrageblock für SELECT-FROM-WHERE-Anfrage  $Q$ 
  - $R_1, \dots, R_n$  Eingabetabellen im FROM
  - Mit einer Projektion  $\pi_{projList}$  im SELECT
  - Mit einer Selektion  $\sigma_{predicateList}$  im WHERE
- Abschätzung der Ergebnisgröße von  $Q$  durch

$$|Q| = |R_1| \cdot \dots \cdot |R_n| \cdot \text{sel}(\textit{predicateList})$$

- wobei
  - $|R_1|, \dots, |R_n|$  Größe der Eingabetabellen
  - $\text{sel}(\textit{predicateList})$  Selektivität von  $\sigma$



## Tabellengrößen

- Größe einer Tabelle über den Systemkatalog verfügbar
  - Hier IBM DB2, Anzeige von
    - Tabellenname
    - Kardinalität
    - Anzahl der Seiten im Speicher
  - Vor Ausführung der Anfrage verfügbar
    - Bei DB-Änderungen wird Tabelle aktualisiert

```
db2 => select TABNAME, CARD, NPAGES
db2 (cont.) => from SYSCAT.TABLES
db2 (cont.) => where TABSCHEMA = 'TPCH';
TABNAME          CARD           NPAGES
-----          -----           -----
ORDERS          1500000        44331
CUSTOMER        150000         6747
NATION           25              2
REGION            5              1
PART             200000        7578
SUPPLIER         10000          406
PARTSUPP        800000        31679
LINEITEM        6001215       207888
8 record(s) selected.
```

## Selektivität

- Grobe Abschätzung durch Induktion über die Struktur des Anfrageblocks
  - $V(A, R)$  = Anzahl verschiedener Werte von Attribut (Spalte)  $A$  in Relation  $R$  . . . Woher?

- $R.A = value:$        $sel(\cdot) = \begin{cases} \frac{1}{V(A,R)} & \text{falls } \exists V(A, R) \\ \frac{1}{10} & \text{sonst} \end{cases}$  . . . Warum  $\frac{1}{10}$ ?

- $R.A > value:$        $sel(\cdot) = \begin{cases} \frac{\text{MAX } A - value}{\text{MAX } A - \text{MIN } A} & \text{falls } \exists V(A, R) \\ \frac{1}{3} & \text{sonst} \end{cases}$

## Selektivität

- Grobe Abschätzung durch Induktion über die Struktur des Anfrageblocks
  - $V(A, R)$  = Anzahl verschiedener Werte von Attribut (Spalte)  $A$  in Relation  $R$

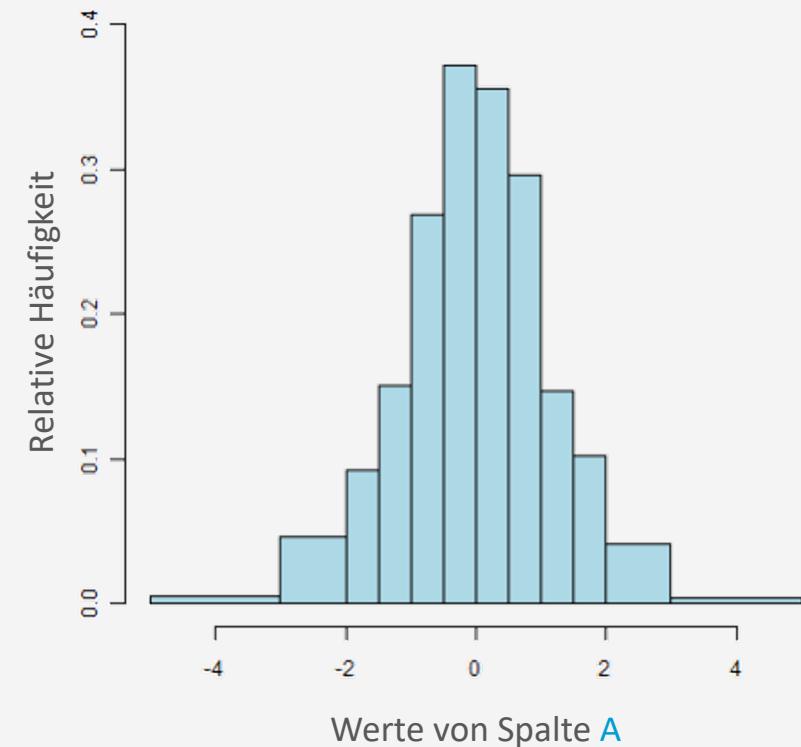
- $R.A = R'.A'$ :  
$$\text{sel}(\cdot) = \begin{cases} \frac{1}{\max\{V(A,R), V(A',R')\}} & \text{falls } \exists V(A, R) \wedge \exists V(A', R') \\ \frac{1}{V(\text{Attr}, \text{Rel})} & \text{falls entweder } \exists V(A, R) \text{ oder } \exists V(A', R') \\ \frac{1}{10} & \text{sonst} \end{cases}$$
- $p_1 \wedge p_2$ :  
$$\text{sel}(\cdot) = \text{sel}(p_1) \cdot \text{sel}(p_2)$$
- $p_1 \vee p_2$ :  
$$\text{sel}(\cdot) = \text{sel}(p_1) + \text{sel}(p_2) - \text{sel}(p_1) \cdot \text{sel}(p_2)$$

# Verbesserung der Selektivitätsabschätzung

- Annahmen
  - Gleichverteilung der Datenwerte in einer Spalte
  - Unabhängigkeit zwischen einzelnen Prädikaten
- Annahmen nicht immer gerechtfertigt
- Sammlung von Datenstatistiken (offline)
  - Speicherung im Systemkatalog
    - IBM DB2: RUNSTATS ON TABLE
  - Meistverwendet: Histogramme

## Histogramme

- Mit Histogrammen können echte Verteilungen von Werten einer Spalte  $A$  approximiert werden
  - Wenn Domäne von  $A$  endlich:
    - Aufteilung nach möglichen Werten  $x$  mit eingeschränkter Beziehung zwischen den Werten
    - Wenn Domäne von  $A$  gegeben durch Zahlen:
      - Aufteilung in angrenzende Intervalle mit Grenzwerten  $x_i$
  - Sammle statistische Parameter für jedes Intervall, z.B.
    1. Anzahl Zeilen  $t$  mit  $x_i - 1 < t.A \leq x_i$  bzw. mit  $t.A = x$
    2. Anzahl verschiedener Werte von  $A$  im Intervall  $(x_i - 1, x_i]$ , absolut oder relativ



## Histogramme

- DB2: SYSCAT.COLDIST enthält Informationen wie
  - DB2: TYPE='Q' Quantile (cumulative), TYPE='F' Frequency
  - $k$ -häufigste Werte (und deren Anzahl)
  - Auch Anzahl der verschiedenen Werte pro Histogramm-Rasterplatz anfragbar
- Tatsächlich können Histogramme auch absichtlich gesetzt werden, um den Optimierer zu beeinflussen

```
select SEQNO, COLVALUE, VALCOUNT
from SYSCAT.COLDIST
where TABNAME='LINEITEM'
and COLNAME='L_EXTPRICE'
and TYPE='Q';
```

SEQNO	COLVALUE	VALCOUNT
1	+000000000996.01	3001
2	+000000004513.26	315064
3	+000000007367.60	633128
4	+0000000011861.82	948192
5	+0000000015921.28	1263256
6	+0000000019922.76	1578320
7	+0000000024103.20	1896384
8	+0000000027733.58	2211448
9	+0000000031961.80	2526512
10	+0000000035584.72	2841576
11	+0000000039772.92	3159640
12	+0000000043395.75	3474704
13	+0000000047013.98	3789768

## Histogramme: Formal

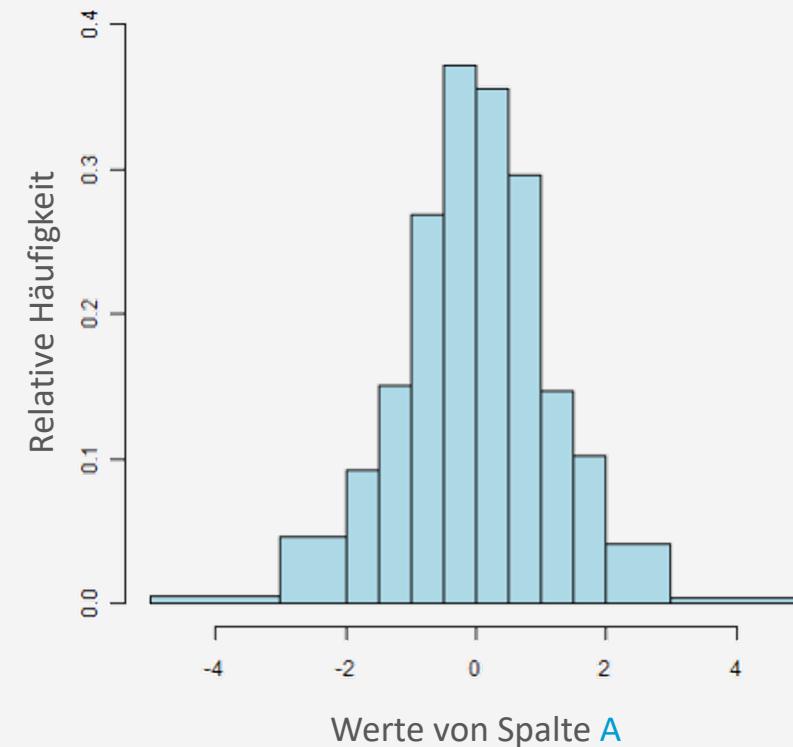
- Histogram  $H_A : B \rightarrow \mathbb{N}$  über eine Relation  $R$  partitioniert die Domäne des aggregierten Attributs  $A$  in eine Menge von disjunkten Eimern  $B$ , so dass

$$H_A(b) = |\{t | t \in r(R) \wedge t.A \in b\}|$$

mit

$$|r(R)| = \sum_{b \in B} H_A(b)$$

- Wahl von  $B$  wichtig



## Histogramme in der Selektivitätsabschätzung

- Gegeben ein Histogramm  $H_A$  über Relation  $R$  für Attribut  $A$ , grobe Abschätzung durch

- $R.A = value:$  
$$sel(\cdot) = \frac{\sum_{b \in B: value \in b} H_A(b)}{\sum_{b \in B} H_A(b)}$$

- $R.A > value:$  
$$sel(\cdot) = \frac{\sum_{b \in B, value \in b} \frac{\text{MAX } b - value}{\text{MAX } b - \text{MIN } b} H_A(b) + \sum_{b \in B: \text{MIN } b > value} H_A(b)}{\sum_{b \in B} H_A(b)}$$

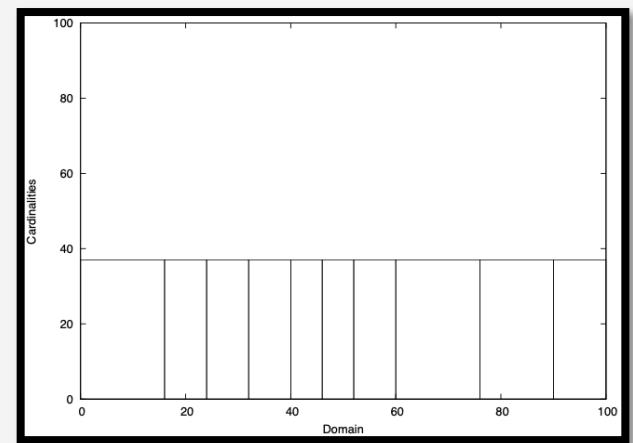
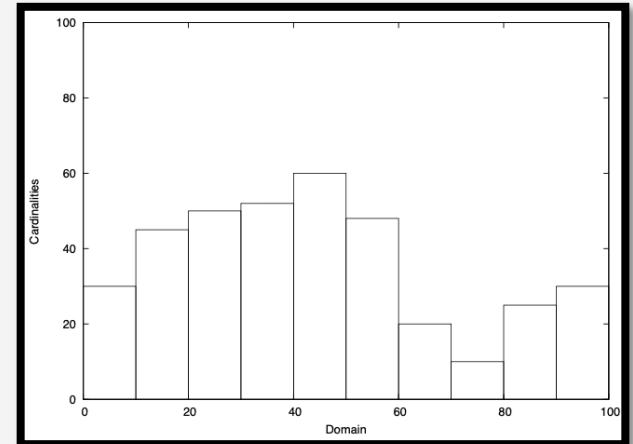
- Gegeben zusätzlich ein Histogramm  $H_{A'}$  über Relation  $R'$  für Attribut  $A'$

Nimmt immer noch  
Unabhängigkeit an!

- $R.A = R'.A':$  
$$sel(\cdot) = \frac{\sum_{b \in B, b' \in B', \hat{b} \in b \cap b': \hat{b} \neq \emptyset} \frac{\text{MAX } \hat{b} - \text{MIN } \hat{b}}{\text{MAX } b - \text{MIN } b} H_A(b) \frac{\text{MAX } \hat{b} - \text{MIN } \hat{b}}{\text{MAX } b' - \text{MIN } b'} H_{A'}(b')} {\sum_{b \in B} H_A(b) \sum_{b' \in B'} H_{A'}(b')}$$

## Wahl der Eimer in Histogrammen

- Für eine Menge von Tupeln, finde gutes Histogramm mit  $n$  Eimern
  - Herausforderung: Datenverteilung unbekannt
- Methoden
  - **Equi-Breite:** Domänengröße geteilt durch  $n$ 
    - Vorteile: einfach zu berechnen, Grenzen der Eimer berechenbar (müssen nicht gespeichert werden)
    - Nachteil: Domäne gleichmäßig / willkürlich aufgeteilt → kann zu ungleichmäßigen Eimern führen und damit zu schlechterer Abschätzung
  - **Equi-Tiefe** (häufig in Praxis): Eimergröße so wählen, dass in jedem Eimer gleich viele Tupel sind
    - Vorteile: Passt sich der Datenverteilung an, verringert den maximalen Fehler
    - Nachteil: Aufwendiger in der Berechnung → Grenzen und Tiefe müssen abgespeichert werden



## Histogramme: Diskussion

- Abschätzungen in der Praxis meist komplexer als das hier gezeigte
  - Potentiell verschiedene Ziele, die man verfolgen kann
    - Maximaler Fehler vs. durchschnittlicher Fehler
  - Korrelationen zwischen Attributen
  - Multi-dimensionale Histogramme
  - Histogramme für abgeleitete Werte

## Kardinalitätsabschätzung für Projektion

- Anfrage  $Q = \pi_L(R)$  mit  $L = (A_1, \dots, A_k)$  Liste von Spalten

$$\bullet |Q| = \begin{cases} V(A, R) & \text{falls } L = (A) \text{ (mit Duplikatseliminierung)} \\ |R| & \text{falls Schlüsselattribut(e) von } R \text{ in } L \\ |R| & \text{ohne Duplikateneliminierung} \\ \min\{|R|, \prod_{A \in L} V(A, R)\} & \text{sonst} \end{cases}$$

## Kardinalitätsabschätzungen für Mengenoperationen

- Abschätzung der Kardinalitäten für
  - Vereinigung ( $\cup$ ):

$$|R \cup S| \leq |R| + |S|$$

- Differenz ( $-$ ):

$$\max\{0, |R| - |S|\} \leq |R - S| \leq |R|$$

- Kartesisches Produkt ( $\times$ ):

$$|R \times S| = |R| \cdot |S|$$

## Kardinalitätsabschätzung für Join

- Im Allgemeinen **nicht-trivial**
- Bei Fremdschlüsselbeziehungen wie folgt abschätzbar:
  - Fremdschlüssel  $S.A$  auf Primärschlüssel  $R.A$ 
    - $|R \bowtie_{R.A=S.A} S| = |S|$
  - Bei Fremdschlüssel auf sonstiges Attribut
    - $|R \bowtie_{R.A=S.B} S| =$

$$\begin{cases} |R| \cdot |S| & \text{falls } S.B \text{ Fremdschlüssel auf } R.A \\ \frac{|R| \cdot |S|}{V(A, R)} & \text{falls } R.A \text{ Fremdschlüssel auf } S.B \end{cases}$$

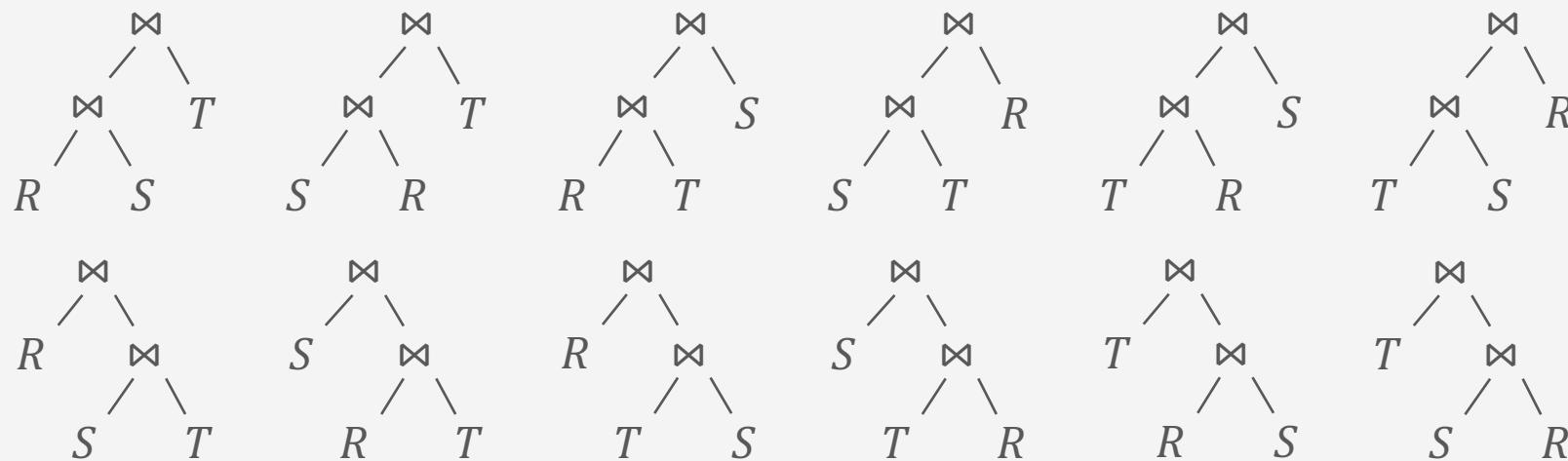
```
create table R (
    A int not null primary key, ...);
create table S (
    A int not null references R(A), ...);
```

```
create table R (
    A int, ...);
create table S (
    B int references R(A), ...);
```

```
create table R (
    A int references S(B), ...);
create table S (
    B int, ...);
```

## Join-Optimierung: Es ist noch nicht alles gesagt...

- Problem: Welche Reihenfolge beim Join?
- Beispiel
  - Auflistung der möglichen Ausführungspläne, d.h. alle 3-Wege-Join-Kombinationen bei Join über Relationen  $R$ ,  $S$  und  $T$



## Join-Optimierung: Suchraum

- Der sich ergebende Suchraum ist enorm groß:  
Schon bei 4 Relationen ergeben sich 120 Möglichkeiten

Anzahl an Relationen	$C_{n-1}$	Anzahl an Bäumen
2	1	2
3	5	12
4	14	120
5	42	1.680
6	132	30.240
7	429	665.280
8	1.430	17.297.280
10	16.796	17.643.225.600

Anzahl der Bäume für  $n$  Eingaberelationen:

$$n! \cdot C_{n-1} = \frac{(2(n-1))!}{(n-1)!}$$

$$C_{n-1} = \frac{(2(n-1))!}{n!(n-1)!} ((n-1)\text{-te Catalanzahl})$$

## Dynamische Programmierung

- Sammle gute Zugriffspläne für Einzelrelation (z.B. auch mit Indexscan und mit Ausnutzung von Ordnungen)
- Beschränke dich bei der Betrachtung der nächsten Kombination auf die guten Pläne der vorherigen Kombination
- Annahme: Optimalitätsprinzip

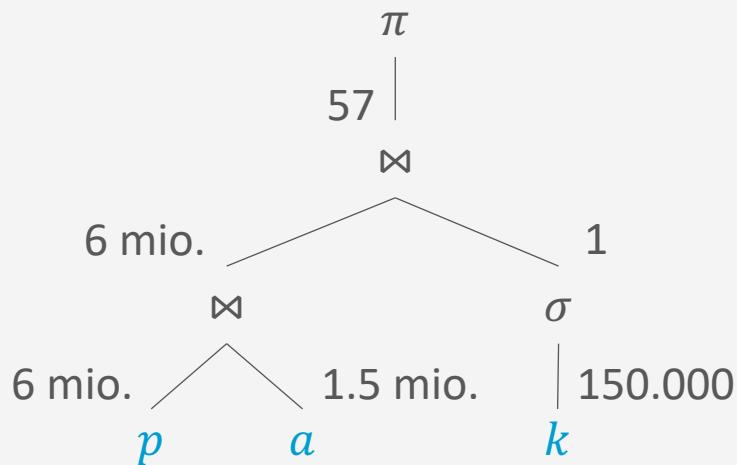
Um den global optimalen Plan zu finden, reicht es aus, die optimalen Pläne bzgl. der Unteranfragen zu betrachten

- Muss nicht gelten!

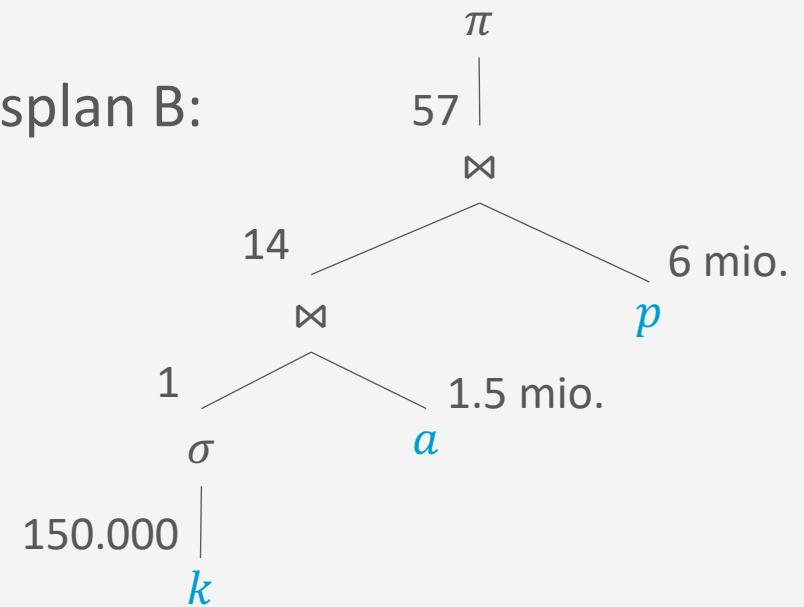
## Kardinalitätsabschätzung: Beispiel

```
select p.Teile_ID, p.Anzahl, p.Preis
from Auftragsposten p, Auftraege a, Kunden k
where p.Auftrag_ID = a.Auftrag_ID
  and a.Kunden_ID = k.Kunden_ID
  and k.Name = 'IBM Corp.';
```

- Ausführungsplan A:



- Ausführungsplan B:



- Kardinalitäten der Tabellen
  - $|k| = 150.000$
  - $|a| = 1.500.000$
  - $|p| = 6.000.000$

## Kardinalitätsabschätzung: Beispiel

```
select p.Teile_ID, p.Anzahl, p.Preis
from Auftragsposten p, Auftraege a, Kunden k
where p.Auftrag_ID = a.Auftrag_ID
  and a.Kunden_ID = k.Kunden_ID
  and k.Name = 'IBM Corp.';
```

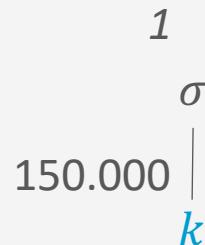
- Kardinalitäten der Tabellen
  - $|k| = 150.000$
  - $|a| = 1.500.000$
  - $|p| = 6.000.000$

- Abschätzung der Kardinalitäten der drei möglichen Operationen im ersten Schritt
  - $p \bowtie_{p.AuftragID=a.AuftragID} a$ 
    - $p.AuftragID$  Fremdschlüssel auf  $a.AuftragID$   
 $\rightarrow |p \bowtie_{...} a| = |p| = 6.000.000$
  - $a \bowtie_{a.KundenID=k.KundenID} k$ 
    - $a.KundenID$  Fremdschlüssel auf  $k.KundenID$   
 $\rightarrow |a \bowtie_{...} k| = |a| = 1.500.000$
  - $s = \sigma_{k.Name="IBM Corp."}(k)$ 
    - Annahme, dass der Name eindeutig ist  
 $\rightarrow$  Kardinalität:  $|s| = 1$

# Kardinalitätsabschätzung: Beispiel

```
select p.Teile_ID, p.Anzahl, p.Preis
from Auftragsposten p, Auftraege a, Kunden k
where p.Auftrag_ID = a.Auftrag_ID
      and a.Kunden_ID = k.Kunden_ID
      and k.Name = 'IBM Corp.';
```

- Kardinalitäten der Tabellen
  - $|k| = 150.000$
  - $|a| = 1.500.000$
  - $|p| = 6.000.000$

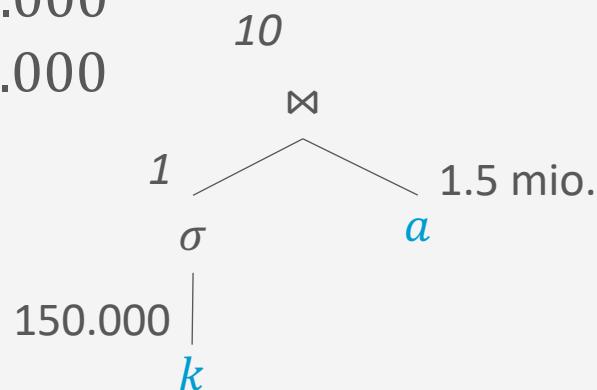


- Abschätzung der Kardinalitäten der zwei möglichen nächsten Operationen
  - $p \bowtie_{p.AuftragID=a.AuftragID} a$ 
    - $|p \bowtie_{...} a| = |p| = 6.000.000$  (wie vorher)
  - $j = a \bowtie_{a.KundenID=s.KundenID} s$ 
    - $|j| = |a \bowtie_{...} s| = \frac{|a| \cdot |s|}{V(KundenID, s)} = \frac{1.500.000 \cdot 1}{1}$ 
      - Bzw. immer noch Fremd- auf Primärschlüssel
      - Als Selektion auffassen, da  $|s| = 1$ :
    - $|a| \cdot \text{sel}(KundenID = id) = |a| \cdot \frac{1}{V(KundenID, a)}$ 
      - Annahme  $V(KundenID, a) = 150.000$ , da  $|k| = 150.000$ , dann  $|j| = \frac{1.500.000 \cdot 1}{150.000} = 10$

# Kardinalitätsabschätzung: Beispiel

```
select p.Teile_ID, p.Anzahl, p.Preis
from Auftragsposten p, Auftraege a, Kunden k
where p.Auftrag_ID = a.Auftrag_ID
      and a.Kunden_ID = k.Kunden_ID
      and k.Name = 'IBM Corp.';
```

- Kardinalitäten der Tabellen
  - $|k| = 150.000$
  - $|a| = 1.500.000$
  - $|p| = 6.000.000$



- Abschätzung der Kardinalitäten der einen möglichen nächsten Operation
  - Nicht so wichtig, weil letzte Operation
  - $p \bowtie_{p.AuftragID=j.AuftragID} j$
  - $|p \bowtie_{p.AuftragID=j.AuftragID} j| = \frac{|p| \cdot |j|}{V(AuftragID, j)} = \frac{6.000.000 \cdot 10}{10}$ 
    - Bzw. immer noch Fremd- auf Primärschlüssel
  - Als zehnfache Selektion auffassbar ( $|j| = 10$ ):  

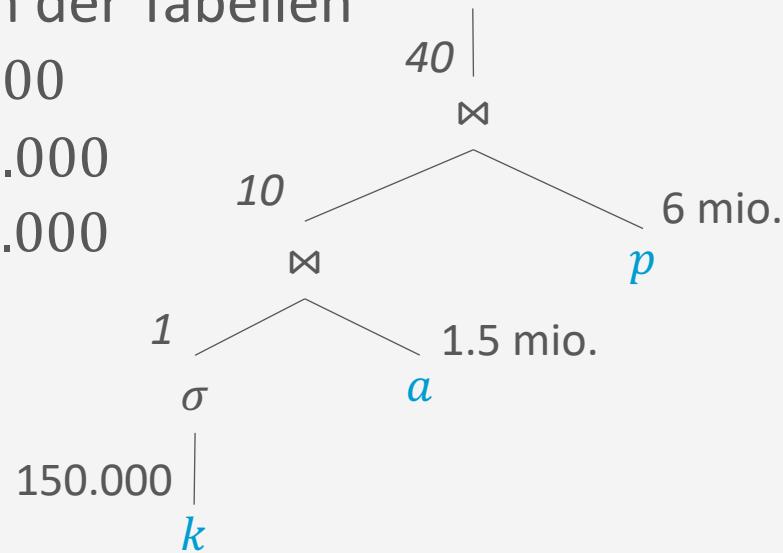
$$|j| \cdot \text{sel}(AuftragID = id) = |j| \cdot \frac{|p|}{V(AuftragID, p)}$$
  - Unter Annahme der Gleichverteilung:
    - $\frac{|p|}{V(AuftragID, p)} = \frac{6.000.000}{1.500.000} = 4$  Posten / Auftrag
    - Dann  $|p \bowtie_{p.AuftragID=j.AuftragID} j| = 10 \cdot 4 = 40$

## Kardinalitätsabschätzung: Beispiel

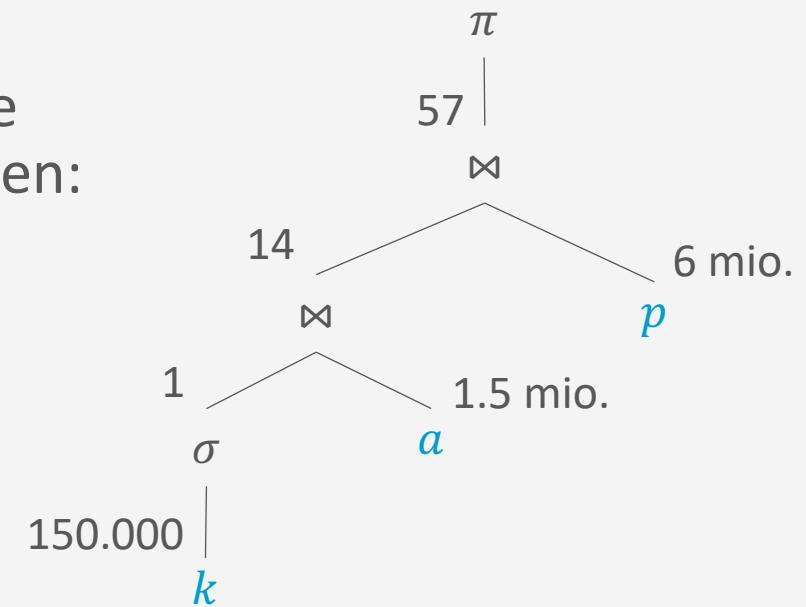
```
select p.Teile_ID, p.Anzahl, p.Preis
from Auftragsposten p, Auftraege a, Kunden k
where p.Auftrag_ID = a.Auftrag_ID
      and a.Kunden_ID = k.Kunden_ID
      and k.Name = 'IBM Corp.';
```

- Kardinalitäten der Tabellen

- $|k| = 150.000$
- $|a| = 1.500.000$
- $|p| = 6.000.000$

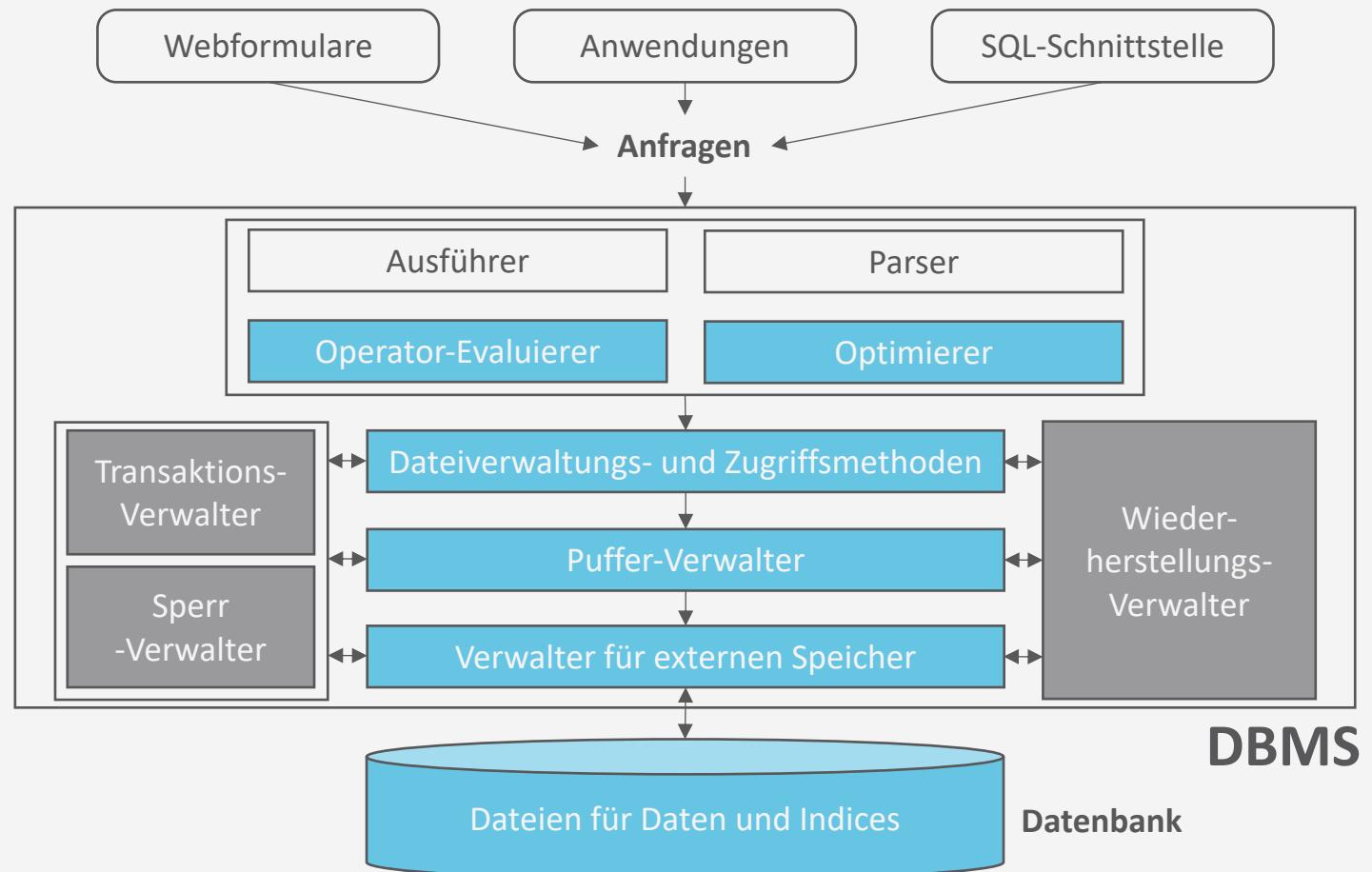


- Tatsächliche Kardinalitäten:



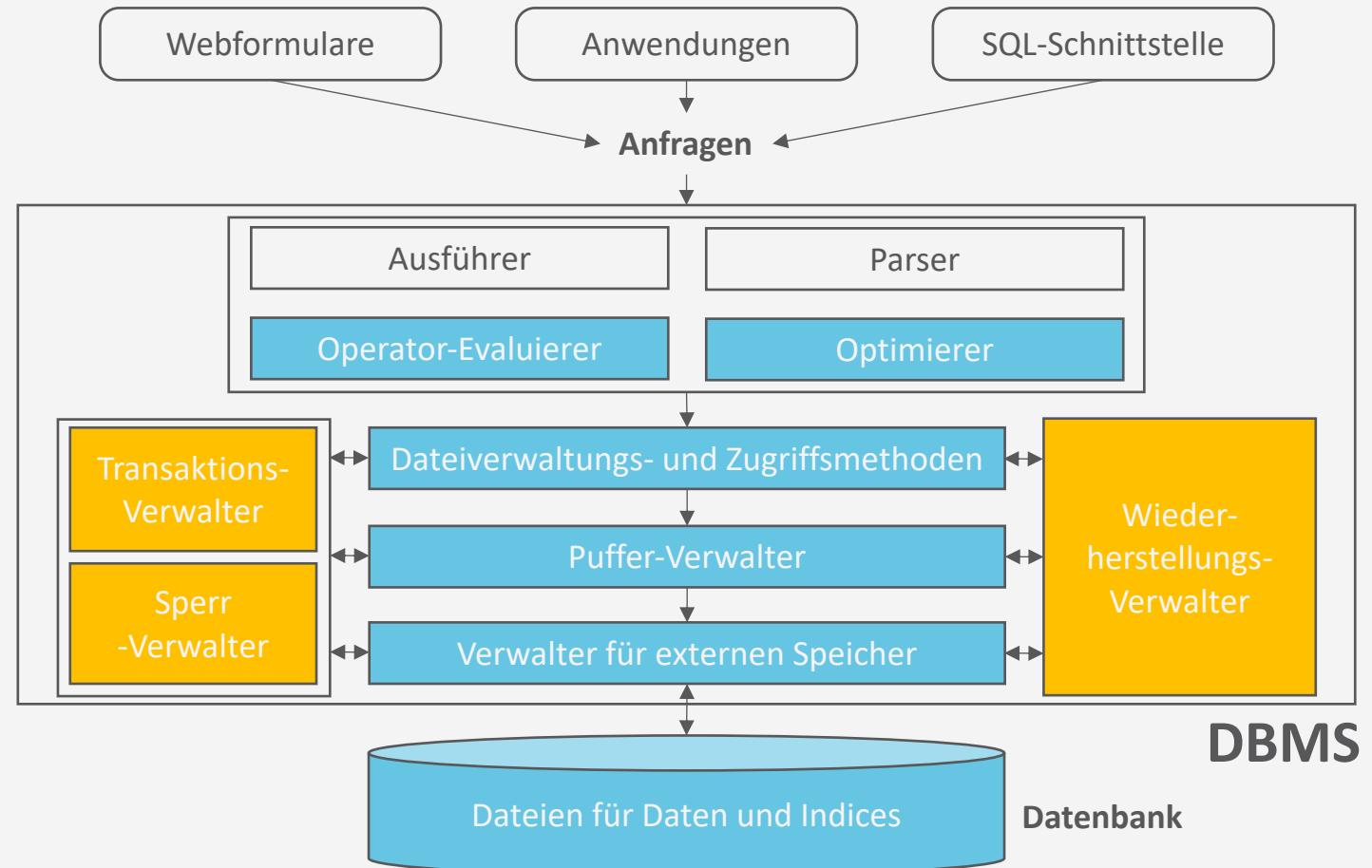
# Architektur eines DBMS

- Speicherung
- Anfragebeantwortung
  - Operator-Evaluierer
  - Optimierer
    - Datenunabhängige Optimierung
      - Prädikatsvereinfachung
      - Anfrageentschachtelung
    - Datenabhängige Optimierung
      - Kardinalitätsabschätzung
      - Join-Reihenfolgen
  - Transaktionsmanagement



# Architektur eines DBMS

- Speicherung
- Anfragebeantwortung
- Transaktionsmanagement
  - Transaktionsverwaltung
  - Sperrverwaltung
  - Wiederherstellungsverwaltung



# Überblick: 6. Anfrageverarbeitung

## A. Speicherung

- Speichermedien
- Verwaltung
- Puffer
- Zugriff

## B. Indexierung

- ISAM-Index
- B<sup>+</sup>-Bäume (B\*-Bäume)
- Hash-basierte Indexe

## C. Anfragebeantwortung

- Sortieren
- Join-Verarbeitung
- Weitere Operationen
- Pipelining

## D. Anfrageoptimierung

- Rewriting
- Datenabhängige Optimierung

→ Transaktionen